PACS numbers: 75.10.Dg, 75.30.Et, 75.30.Gw, 75.30.Kz, 75.30.Mb, 75.60.Ch, 75.80.+q

## Локально-ковалентная модель магнетизма 4f-металлов

## А.И.Мицек

Институт металлофизики им. Г.В.Курдюмова НАН Украины, бульв. Академика Вернадского, 36, 03680, ГСП, Киев-142, Украина

Электронная структура редкоземельных 4f-металлов (РЗМ) рассчитывается в представлении многоэлектронных операторных спиноров (МЭОС). Локализованные 4f-электроны (МЭОС  $F_r^n$ , n = 1-7) имеют спин  $S_r$  (спиновый фактор МЭОС  $c_{rS\sigma}$ ) и орбитальный момент  $L_r$  (фактор МЭОС  $v_{rL}$ ). Возбуждаемые на ковалентные связи 5d-электроны (МЭОС  $D_r = \{d_{r \circ l} c_{r \circ \sigma} v_{rL}\}$ ) с амплитудой  $\xi_D$  волновой функции создают также обмен 4f-5d-4f между ионами. Условия локализации ( $d_r d_r = 1 = F_r \overline{F_r}$ ) строго определяют МЭОС и их вторичное квантование методом боголюбовских функций Грина. Спонтанная намагниченность  $M_s$  и ферромагнитная анизотропия (ФМА) выражаются через угловой момент  $\mathbf{J}_r$  (или  $J_T = \langle J_r^z \rangle$ ). Малая величина  $T_c(T_N) \cong 10^2$  К тяжелых РЗМ (кроме Gd) определяется размораживанием  $s_r$ ,  $l_r$  и  $\xi_D^2 \ll 1$  ковалентных 5*d*-электронов. Их флуктуации химических связей (ФХС)  $E_k^D = \Gamma k^2$  уменьшают энергию магнона  $E_k^m = 2AJk^2 + \mu(B_A + B)$  на  $\Delta E^m = -\Delta Ak (\Delta A \propto T^2)$ . Поле ФМА ( $B_A > 0$ ) стабилизирует ФМ-фазу при  $T < T_{0c} \cong 10^2 M$  $\cong 10^2$  К. При  $T > T_{0c}$  немонотонная функция  $E^m(k)$  изменяет знак при  $k=k_0=$  $= Q_c \propto (T-T_{0c})$ . Дестабилизированная  $\Phi$ М-фаза переходит в геликоид с вектором  $Q_c(T) \cong 0,1$  для Tb, Dy, Ho. Приложение магнитного поля  $B = B_c \propto (T - C)$  $-T_{0c})\cong 1$  Тл вызывает метамагнитный переход первого рода в ФМ-фазу. Обменный интеграл A(S, L) слагается из спиновой и орбитальной частей за счет размораживания s, или l,. Механизм кристаллического поля (КП — СF) для ФМА рассчитывается как отталкивание «эффективных зарядов» ( $\propto F_r \overline{D}_r$ ). ГПУ-деформация ( $\propto u_{zz} \cong -10^{-2}$ ) кубической решетки выделяет анизотропные части КП ( $\propto s_r^z S_r^z$  и  $l_r^z L_r^z$ ). Их вклады в константы ФМА инноогронные насти си  $(z, z_r)$  ( $A_D$ ) и спин-орбиты  $\lambda$ . Их выражение через фактор Ланде g (при переходе к форме  $(J_r^z J_R^z)$ ) выделяет критическое значение g = 5/4. При g < 5/4 константа  $K_1^{CF}$  (>0 для Tb, Dy, Ho) меняет знак ( $K_1^{CF} < 0$  для Er, Tm). Соответственно изменяется знак экспериментальной константы ФМА ( $K_1^{exp} = -(K_1^{CF} + 2K_2^{CF})$ ). Аналогичный расчет ферромагнитной магнитострикции (ФМС) в механизме КП дает также большие параметры ФМС (  $ilde{\lambda}\cong 10^{10}$  эрг/см $^3$ ) и их константы  $\widehat{\lambda}\cong 10^{-3}$  . Анизотропия «гигантской ФМС» кубического TbFe<sub>2</sub> (и других аналогичных интерметаллидов) объясняется сильной связью Fe–Tb–Fe вдоль [111], что

61

дает  $\lambda_{111} >> |\lambda_{100}|$ . Особый случай — Gd (n = 7, L = 0, устойчивая наполовину заполненная 4f-оболочка). При слабом размораживании  $s_r$  и  $l_r$  вклад КП в ФМА мал. Конкурирующий вклад ковалентного члена ФМА (такой же величины, но обратного знака), сильно зависящий от T, благодаря эффектам экранирования, создает немонотонность  $K_1^{exp}(T)$  и сложную МФД. Большое растворение водорода в РЗМ объясняется сильными ковалентными Ме-Hсвязями. Система MeH<sub>x</sub> (x > 1), за счет ФХС, имеет сильную зависимость  $x_0(T)$  в равновесии ( $x = x_0$ ). Рост электросопротивления R(x) с ростом x объясняется изменением поверхности Ферми вблизи пересечения зонного спектра с ФХС. Появляется линейная часть закона его дисперсии  $\tilde{\varepsilon}(k) \propto k$ . Падает DOS( $\varepsilon_F$ ) и изменяются МФД, тепловые и другие свойства. Предлагается модель кубитов на основе нанодоменов геликоида.

Електронна структура рідкісноземельних 4f-металів (P3M) розраховується в зображенні багатоелектронних операторних спінорів (БЕОС). Льокалізовані 4*f*-електрони (БЕОС  $F_r^n$ , n = 1-7) мають спін  $S_r$  (спіновий фактор БЕОС  $c_{rSo}$ ) і орбітальний момент  $L_r$  (фактор БЕОС  $v_{rL}$ ). Збуджувані на ковалентні зв'язки 5*d*-електрони (БЕОС  $D_r = \{d_{rot} c_{rSo} v_{rL}\}$ ) з амплітудою  $\xi_D$  хвильової функції створюють також обмін 4*f*-5*d*-4*f* між йонами. Умови льокалізації  $(d_r d_r = 1 = F_r F_r)$  визначають БЕОС та їхнє вторинне квантування методою Боголюбових Ґрінових функцій. Спонтанна намагнетованість  $M_s$  і феромагнетна анізотропія (ФМА) виражаються через кутовий момент  $\mathbf{J}_r$  (або  $J_T$  = гненна анізотроння (Фіміч) вправилоться через кутовий монент о<sub>r</sub> (мос о<sub>T</sub> =  $\langle J_r^z \rangle$ ). Мала величина  $T_c(T_N) \cong 10^2$  К важких РЗМ (крім Gd) визначається розморожуванням  $s_r$ ,  $l_r$  і  $\xi_D^z << 1$  ковалентних 5*d*-електронів. Їхні флюкту-ації хемічних зв'язків (ФХЗ)  $E_k^D = \Gamma k^2$  зменшують енергію магнона  $E_k^m = 2AJk^2 + \mu (B_A + B)$  на  $\Delta E^m = -\Delta Ak$  ( $\Delta A \propto T^2$ ). Поле ФМА ( $B_A > 0$ ) стабілізує ФМ-фазу при  $T < T_{0c} \cong 10^2$  К. При  $T > T_{0c}$  немонотонна  $E^m(k)$  змінює знак при  $k=k_0=Q_c\propto (T-T_{0c})$ . Дестабілізована ФМ-фаза переходить у гелікоїд з вектором  $Q_c(T) \cong 0,1$  для Tb, Dy, Ho. Прикладання магнетного поля  $B = B_c \propto$  $\propto (T-T_{0c})\cong 1$  Тл викликає метамагнетний перехід першого роду в  $\Phi\mathrm{M}$ -фазу. Обмінний інтеґрал A(S,L) складається зі спінової та орбітальної частин за рахунок розморожування s, або l,. Механізм кристалічного поля (КП — CF) для ФМА розраховується як відштовхування «ефективних зарядів»  $(\propto F_r\overline{D}_r)$ . ГЩУ-деформація ( $\propto u_{zz} \cong -10^{-2}$ ) кубічної ґратниці виокремлює анізотропні частини КП (  $\propto s_r^z S_r^z$  і  $l_r^z L_r^z$  ). Їхні внески до констант ФМА (  $K_1^{
m CF}$  , ...) залежать від Хундового обміну  $(A_D)$  і спін-орбіти  $\lambda$ . Їхнє вираження через фактор Лянде g (при переході до форми ( $J_r^z J_R^z$ )) виділяє критичне значення g = 5/4. При g < 5/4 константа  $K_1^{CF}$  (>0 для Tb, Dy, Ho) змінює знак ( $K_1^{CF} < 0$ для Ег, Тm). Відповідно змінюється знак експериментальної константи  $\Phi$ MA ( $K_1^{exp} = -(K_1^{CF} + 2K_2^{CF})$ ). Аналогічний розрахунок феромагнетної магнетострикції ( $\Phi$ MC) у механізмі КП дає також великі параметри  $\Phi$ MC ( $\hat{\Lambda} \cong 10^{10}$  ерг/см<sup>3</sup>) та їхні константи  $\hat{\lambda} \cong 10^{-3}$ . Анізотропія «гігантської  $\Phi$ MC» кубічного TbFe<sub>2</sub> (та інших аналогічних інтерметалідів) пояснюється сильним зв'язком Fe-Tb-Fe вздовж [111], що дає  $\lambda_{111} >> |\lambda_{100}|$ . Особливий випадок — Gd (*n* = 7, *L* = 0, стійка напівзаповнена 4*f*-оболонка). При слабкому розморожуванні s, і l, внесок КП до ФМА малий. Конкуруючий внесок ковалентного члену ФМА (такої ж величини, але протилежного знаку), сильно залежного від T, завдяки ефектам екранування, створює немонотонність  $K_1^{\exp}(T)$  і складну МФД. Велике розчинення водню в РЗМ пояснюється сильними ковалентними Me–H-зв'язками. Система MeH<sub>x</sub> (x >> 1), за рахунок

ФХЗ, має сильну залежність  $x_0(T)$  у рівновазі ( $x = x_0$ ). Зростання електроопору R(x) із зростанням x пояснюється зміною поверхні Фермі поблизу перетину зонного спектру з ФХЗ. З'являється лінійна частина закону його дисперсії  $\tilde{\varepsilon}(k) \propto k$ . Падає DOS( $\varepsilon_F$ ) і змінюються МФД, теплові та інші властивості. Запропоновано модель кубітів на основі нанодоменів гелікоїда.

The electronic structure of rare-earth 4f-metals (REM) is calculated within the many-electron operator spinors (MEOS) representation. Localized 4f-electrons (MEOS is  $F_r^n$ , n = 1-7) have spin  $S_r$  (MEOS spin factor is  $c_{rS\sigma}$ ) and orbital moment  $L_r$  (MEOS factor is  $v_{rL}$ ). The 5*d*-electrons exited on covalent bonds (MEOS is  $D_r = \{d_{rot} c_{rS\sigma} v_{rl}\}$  with amplitude  $\xi_D$  of wave function create the 4f-5d-4f exchange between ions. Localization conditions ( $d_r \overline{d}_r = 1 = F_r \overline{F}_r$ ) define MEOS and their secondary quantization by the Bogolyubov Green functions' method. Spontaneous magnetization, M<sub>s</sub>, and ferromagnetic anisotropy (FMA) are expressed through the angular moment  $\mathbf{J}_r$  (or  $\mathbf{J}_T = \langle \mathbf{J}_r^z \rangle$ ). The small value of  $T_c(T_N) \cong 10^2$  K for heavy REM (except Gd) is defined by unfreezing of  $s_r$ ,  $l_r$  and  $\xi_{c}^{D} \ll 1$  of covalent 5*d*-electrons. Their chemical by differentiations (CBF)  $\xi_{c}^{D} \ll 1$  of covalent 5*d*-electrons. Their chemical bond fluctuations (CBF)  $E_{k}^{D} = \Gamma k^{2}$  decrease magnon energy  $E_{k}^{m} = 2AJk^{2} + \mu(B_{A} + B)$  by  $\Delta E^{m} = -\Delta Ak$ ( $\Delta A \propto T^{2}$ ). FMA field ( $B_{A} > 0$ ) stabilizes FM phase at  $T < T_{0c} \approx 10^{2}$  K. When T >  $> T_{0c}$ , the nonmonotonic  $E^{m}(k)$  changes its sign at  $k = k_{0} = Q_{c} \propto (T - T_{0c})$ . Destabilized FM phase transforms in helicoid with vector  $Q_c(T) \cong 0,1$  for Tb, Dy, Ho. Application of magnetic field,  $B = B_c \propto (T - T_{0c}) \cong 1$  T, causes the first-kind metamagnetic transition into FM phase. Exchange integral, A(S, L), is composed from spin and orbital parts owing to  $s_r$  or  $l_r$  unfreezing. Crystal field (CF) mechanism for FMA is calculated as repulsion of 'effective charges' ( $\propto F_{r}\overline{D}_{r}$ ). H.C.P. deformation ( $\propto u_{zz} \simeq -10^{-2}$ ) of cubic lattice separates CF anisotropic parts ( $\propto s_r^z S_r^z$  and  $l_r^z L_r^z$ ). Their contributions into FMA constants ( $K_1^{CF}$ , ...) depend on the Hund exchange ( $A_D$ ) and on the spin-orbit coupling,  $\lambda$ . Their expression through the Lande's g-factor (at transition to  $(J_r^z J_R^z)$  form) separates critical value g = 5/4. When g < 5/4, constant  $K_1^{CF}$  (> 0 for Tb, Dy, Ho) changes its sign ( $K_1^{CF} < 0$  for Er, Tm). The sign of experimental FMA constant ( $K_1^{exp} = -(K_1^{CF} + 2K_2^{CF})$ ) changes accordingly. Analogous calculation of ferromagnetic magnetostriction (FMS) within the CF mechanism gives also large FMS parameters ( $\hat{\Lambda} \cong 10^{10} \text{ erg/cm}^3$ ) and their constants,  $\hat{\lambda} \cong 10^{-3}$ . Anisotropy of 'giant FMS' of cubic TbFe2 (and other analogous intermetallides) is explained by strong Fe–Tb–Fe bonds along [111] that gives  $\lambda_{111} >> |\lambda_{100}|$ . Particular case is Gd (n = 7, L = 0, stable half-filled 4*f*-shell). The CF contribution into FMA is small at weak  $s_r$  and  $l_r$  unfreezing. Competing contribution of covalent FMA term (of the same value, but opposite sign) with strong dependence on Tcreates  $K_1^{exp}(T)$  nonmonotony and complex MPD owing to screening effects. Large absorption of hydrogen in REM is explained by strong covalent Me-H bonds. MeH<sub>x</sub> system (x > 1) has strong dependence  $x_0(T)$  in equilibrium  $(x = x_0)$ owing to CBF. Growth of electrical resistance, R(x), with x growth is explained by change of the Fermi surface near crossing of band spectrum with CBF. The linear part of its dispersion law,  $\tilde{\varepsilon}(k) \propto k$ , appears. DOS( $\varepsilon_{F}$ ) decreases; the MPD, thermal and other properties change. The model of q-bit is proposed and based on helicoid nanodomains.

Ключевые слова: ковалентные связи и их флуктуации (ФХС), многоэлектронные операторные спиноры (МЭОС), магнитная фазовая диаграмма (МФД), растворение водорода, кубит.

(Получено 15 июня 2009 г.)

# 1. ЛОКАЛЬНОСТЬ МАГНИТНЫХ 4f-ЭЛЕКТРОНОВ

Сильный магнетизм 4*f*-ионов основан на локальности (радиус ~ 1 Å) их магнитной 4*f*-оболочки. Поэтому к спиновому  $S_r$  добавляется номинальный (не замороженный, в отличие от ковалентных 3*d*электронов группы Fe) орбитальный момент  $L_r$ . Суммарный угловой момент узла r[1-3]

$$J_{r} = S_{r} \pm L_{r}, \ M_{s} = M_{4f} = N\mu_{B}J >> M_{3d}$$
(1.1)

тяжелых редкоземельных металлов (P3M) создает (знак + в (1.1)) большую спонтанную намагниченность  $M_s$  (при одинаковом числе N магнитных ионов в объеме), по сравнению с  $M_{3d}$  группы Fe. Обратной стороной этой локальности оказывается слабый косвенный 4f-5d-4f-обмен. Его малая величина дает  $T_c(4f) \ll T_c(3d) \cong 10^3$  К. Как следствие, для получения рекордных магнитных и т.п. свойств необходимо соединение 4f- и 3d-ионов. Этот аспект будет частично освещен в данном обзоре.

Основное внимание уделим чистым 4f-P3M. Стабильность магнитного (в частности ферромагнитной (ФМ) фазы) состояния, кроме  $T_c$ , связана с магнитной жесткостью (магнитной анизотропией (ФМА) и ФМ магнитострикцией (ФМС), а также дисперсией взаимодействий). Изменение состояния 4f-иона в металле описываем волновой функцией

$$\Psi_r^+ = \xi_F F_r + \xi_D D_r, \ F_r = \{ \varphi_{roL}, c_{roS}, \nabla_{rL} \}, \ \sum \xi_j^2 = 1, \ F^+ = \overline{F}$$
 (1.2)

в представлении многоэлектронных операторных спиноров (МЭОС) [4]. Их факторы

$$\varphi = \prod_{\mu=1}^{n} a_{r\sigma L\mu}^{+}, \ c_{r\sigma S}^{2} = (1 + \sigma S_{r}) / 2, \ v_{rL}^{2} = (1 + LL_{r}) / 7, \ L = 3, n \le 7 \ (1.3)$$

выражаются через фермионы *a*<sub>r</sub> локальных электронов и операторы (1.1) с помощью спиновых (σ) и орбитальных (L) матриц. Условия локальности

$$\varphi_r \overline{\varphi}_r = 1 = \operatorname{Sp} c_{ros}^2 = \operatorname{Sp} v_{rL}^2, \quad \left[\varphi_r, \overline{\varphi}_R\right]_{\pm} = \delta_{rR}$$
(1.4)

определяют МЭОС в симметричном (четные n) или антисимметричном (нечетные n) пространстве Фока для 4f- и 5d-электрона ( $D_r$ ), а также для зонных фермионов ( $f_r$ ).

Возбуждение 5d-электрона (из 4f-оболочки) уменьшает момент  $\mathbf{J}_r$ 

иона при  $n \neq 7$ . Наоборот, локализация ионного 5*d*-электрона Gd при 4f-5d-обмене может увеличить момент (1.1).

# 2. ОБМЕН И ТЕМПЕРАТУРЫ КЮРИ $T_c$ (НЕЕЛЯ $T_N$ )

ФМ-фаза тяжелых РЗМ реализуется при низких температурах  $T < T_c$ . При  $T_c < T < T_N$  существует длиннопериодная структура (в простейшем случае геликоид). Она нестабильна и переходит в ФМ-фазу при сравнительно небольших магнитных полях  $B > B_c \sim 1$  Тл. Однако в Gd ( $T_N = T_c \cong 300$  К) при L = 0 (n = 7) стабильна только ФМ-фаза. Поэтому для начала будем рассчитывать  $T_c$  (или  $T_N(B > B_c) = T_c$ ). Прямой обмен 4f-оболочек разных ионов отпадает (их волновые функции не пересекаются [1]). Сразу вводим косвенный (ковалентный) обмен ( $\Gamma^F$ )

$$H^{\text{cov}} = -\sum \Gamma^{F} \left( r - R \right) F_{r} D_{r} \overline{D}_{R} \overline{F}_{R} \left( \xi_{F} \xi_{D} \right)^{2} - \xi_{D}^{2} \sum \Gamma^{D} D_{r} \overline{D}_{R} \qquad (2.1)$$

наряду с прямым обменом ковалентными 5*d*-электронами ( $\Gamma^{D}$ ). Прямая ковалентная связь ( $\Gamma^{D}$ ) участвует в появлении жаропрочности РЗМ (наряду с металлической связью 6*s*-электронов).

Подставляем в (2.1) выражения МЭОС (1.2) через спиновый  $S_r$  и орбитальный  $L_r$  моменты (1.3). После их разложений в ряды

$$c_{ros} = (1 + \sigma S_r / 2 + ...) / \sqrt{2}, ...$$
 (2.2)

в формуле (2.1) и шпурирования по **σ** и L получаем обменный гамильтониан в стандартной для модели Гайзенберга форме, но с разными членами (спиновым и орбитальным)

$$H^{\text{ex}} = -\sum A_{S} \left( r - R, T \right) \mathbf{S}_{r} \mathbf{S}_{R} - \sum A_{L} \mathbf{L}_{r} \mathbf{L}_{R}.$$
(2.3)

Обменные параметры

$$A_{S} = Z_{S}\Gamma^{F}(r-R)Q_{D}(r-R)\xi_{D}^{2}, \quad A_{L} = Z_{L}\Gamma^{F}Q_{D}(r-R)\xi_{D}^{2},$$
$$Q_{D} = \langle D_{r}\overline{D}_{R} \rangle, \quad |\xi_{F}|^{2} \rightarrow 1.$$
(2.4)

Константы  $Z_{S,L}$  легко вычисляются (шпурированием) и не приводятся.

Температурная зависимость входит через корреляторы МЭОС. Разлагая МЭОС в ряды Фурье

$$\varphi_r = \varphi_0 + \sum \varphi_k e^{i\mathbf{k}\cdot\mathbf{r}}, \quad \langle \varphi_r \overline{\varphi}_R \rangle = \langle \varphi_0 \overline{\varphi}_0 \rangle + \ldots \cong \mathbf{1}, \quad d_k = \sum d_r e^{-i\mathbf{k}\cdot\mathbf{r}} / N\xi_d^2 \quad (2.5)$$

и пренебрегая внутриионными  $\Phi XC$  (т.е.  $\varphi_k$ ), получаем приближение (2.4).

Для связи с экспериментом [1-3] выражаем  $H^{\text{ex}}$  через суммарный  $\mathbf{J}_r(1.1)$ 

$$H^{\text{ex}} = -\sum A(r - R, T) \mathbf{J}_{r} \mathbf{J}_{R}, \ A = A_{S} (g - 1)^{2} + A_{L} (2 - g)^{2}.$$
 (2.6)

Малость обменного параметра  $A \sim 10^{-2}$  эВ определяется малостью амплитуды  $\xi_D^2 \sim 0,1$ . Поэтому при  $\Gamma^F \sim 0,1$ ,  $\Gamma^D \sim 0,1$  эВ получаем  $\tilde{A} << A(3d)$  гораздо меньше прямого ковалентного обмена 3*d*-ионов.

Используем приближение среднего поля для оценки  $T_c$  ( $B > B_c$  — критического поля перехода геликоид— $\Phi$ M-фаза):

$$k_{B}T_{c} = AJ(J+1)/3, \ A = \tilde{Z}\Gamma^{F}\xi_{D}^{2}, \ \tilde{Z} = Z_{S}(g-1)^{2} + Z_{L}(2-g)^{2}, \ (2.7)$$

при  $Z_S = 1/8$  и  $Z_L = 1/28$ .

Для элементов от Gd до Er получаем  $\tilde{Z}/Z_s \cong 2$  (и для Tm имеем  $\tilde{Z}/Z_s \cong 1$ ). Поэтому существенное падение  $T_c$  этих P3M от Gd до Er (и более резкое для Tm) требует объяснения в предположении об уменьшении  $\xi_D^2$  при увеличении атомного номера, т.е. большей локализации 4*f*-электронов и уменьшении их роли в ковалентной связи.

## 3. МАГНИТНАЯ ФАЗОВАЯ ДИАГРАММА (МФД). ГЕЛИКОИДАЛЬНЫЕ СТРУКТУРЫ

Косвенный (ковалентный) обмен (2.1) включает плотность  $\Phi XC N_k^c$  через дисперсионную часть корреляторов МЭОС  $Q_D[4, 5]$ :

$$oldsymbol{Q}_{D}=\left\langle D_{0}ar{D}_{0}
ight
angle +\sum_{k}N_{k}^{c}e^{i\mathbf{k}\cdot(\mathbf{r}-\mathbf{R})},\ N_{k}^{c}=\left\langle D_{k}ar{D}_{k}
ight
angle \cong\left(e^{eta\Gamma_{k}}+1
ight)^{-1},$$
 (3.1)

где функция Ферми для плотности ФХС получается фурье-разложением МЭОС (2.5):

$$D_{k} = \sum_{r} D_{r} e^{-i\mathbf{k}\cdot\mathbf{r}} / N\xi_{D}^{2}, \quad \left[ D_{k}, \overline{D}_{q} \right]_{+} = \delta_{kq} / N\xi_{D}^{2}, \quad \beta = 1/k_{B} T, \quad \Gamma^{F} \to \Gamma. \quad (3.2)$$

Энергия ФХС

$$\Gamma_{k} = \Gamma(\mathbf{0}) - \Gamma(k) \cong \Gamma k^{2}, \ \Gamma(k) = \sum \Gamma(\mathbf{r}) e^{i\mathbf{k}\cdot\mathbf{r}} , \qquad (3.3)$$

находится методом боголюбовских функций Грина (см. [4, 5]) в пренебрежении малым первым членом гамильтониана (2.1).

Локализация ковалентных МЭОС (1.4) определяет плотность  $\Phi XC$  в виде функции Ферми в антисимметричном пространстве Фока для одного ковалентного 5*d*-электрона на узел **r**.

Подставляем (3.3) в обменный гамильтониан (2.6). Получаем [6]:

$$H^{\text{ex}} = H_0^{\text{ex}} + \Delta H_F^{\text{ex}}, \quad H_0^{\text{ex}} = -N \left\{ A(0) \mathbf{J}_0 \mathbf{J}_0 + \sum_k A(k) \mathbf{J}_k \mathbf{J}_{-k} \right\},$$
$$J_k = \sum_r J_r e^{-i\mathbf{k} \cdot \mathbf{r}} / N, \quad (3.4)$$

где к стандартному (гайзенберговскому) члену  $H_0$  добавляется вклад ФХС

$$\Delta H_F^{\text{ex}} = -\sum_{kq} A(k+q) N_q^c \mathbf{J}_k \mathbf{J}_{-k}, \ \Delta A(k) \cong \mathbf{k} \sum_q \widehat{\Gamma}'_2(q) \mathbf{q} N_q^c , \qquad (3.5)$$

где тензор

$$\widehat{\Gamma}_{2}'(q) = \delta^{2} A(q) / \delta \mathbf{q} \delta \mathbf{q} \cong A$$
 (3.6)

аппроксимируем из простейшей (квадратичной) формы фурьеобраза ковалентного интеграла  $\Gamma^{F}(r)$  (2.1).

Важнейшую роль играет щель в спектре магнонов [6]  $\mu(B_A + B)$ . Суммируя ее и (3.4)–(3.6), получаем для энергии магнона

$$E^{m}(k) = \left\{ A(0) - \left[ A(k) + \Delta A(k) \right] \right\} 2J_{T} + \mu \left( B_{A} + B \right), \ J_{T} = \left\langle J_{r}^{z} \right\rangle.$$
(3.7)

Здесь B — внешнее магнитное поле,  $B_A$  — эффективное поле магнитной анизотропии [6, 7]. Интеграл (3.5)–(3.6) получаем (для данного направления **k** и q > 0) в виде

$$\Delta A(k) = (\Gamma_1 T^2)k, \ \Gamma_1 = \operatorname{const} (\Gamma' / \Gamma^2) \sim A(k_B / \Gamma)^2.$$
(3.8)

Вклад линейного (отрицательного) по k члена в (3.7) приводит к немонотонности  $E^m(k)$ . Минимум этой функции (рис. 1, a) вблизи

 $k = k_0 = \Gamma_1 T^2 / 2A$ ,  $E^m(k_0) = -(\Gamma_1^2 / 4A)T^4 + \mu(B_A + B)$ , ФМ ( $T < T_{c0}$ ).(3.9) Она уменьшается при повышении T и пересекает ось абсцисс (рис. 1, б) при

$$T > T_{0c} = \left[ 4A\mu \left( B_A + B \right) / \Gamma_1^2 \right]^{1/4}, \ Q_c = k_0 \left( T \right) - k_0 \left( T_{0c} \right) \sim \left( T - T_{0c} \right). (3.10)$$

Выше  $T_{0c}$  низкотемпературная ФМ-фаза дестабилизируется. Теоретические (3.10) вектора структуры  $Q_c(T)$  (сплошные кривые) сравниваются с экспериментальными точками для Но, Dy (рис. 1, *в*).

При  $T_{0c} < T < T_N$  стабильна длиннопериодная структура (геликоид). Критическая температура перехода первого рода  $T = T_{0c}$  уменьшается с ростом атомного номера [1, 7]. Формула (3.10) объясняет этот факт явной зависимостью  $T_{0c}(T_N)$  через общий обменный фактор A в (2.7) и (3.10). Важную роль играет и магнитный фактор. Роль B на МФД проявляется переходом первого рода геликоид-ФМ-фаза при



Рис. 1. а) Зависимость энергии магнона ( $E^m$ ) от импульса k (сплошная линия) и вклады в нее (пунктирные) от обмена и ФМА (верхняя линия) и от ФХС (нижняя линия),  $\delta$ ) зависимость минимума энергии магнона ( $E^m$ ) от температуры T (сплошная линия) и вклады в нее (пунктир) от ФМА (верхняя линия) и от ФХС (нижняя линия),  $\delta$ ) рассчитанная зависимость угла  $\varphi$ между моментами J ионов в соседних моноатомных плоскостях (0001) от относительной температуры  $T/T_N$ . Теоретические прямые аппроксимируют экспериментальные точки [2] для Но (верхняя линия) и Dy (нижняя линия).

$$B > B_{c} = \left[ \Gamma_{1}^{2} \left( T^{4} - T_{0c}^{4} \right) / 4A\mu \right] \sim \left( T - T_{0c} \right).$$
 (3.11)

Близкие к линейным зависимости  $Q_c(T)$  и  $B_c(T)$  (рис. 2) связаны здесь как с близостью  $T_{0c}$  и  $T_N$ , так и с падением  $B_A(T)$  [1, 7].



**Рис. 2.** Теоретическая зависимость поля метамагнитного перехода геликоид-ФМ-фаза (сплошная линия) от температуры *T* и экспериментальные точки для Но [2].

Оценим (для сравнения с опытом) функции (3.10), (3.11). На рис. 1, б показаны (штриховыми линиями) обменный ( $-J_TT^4$ ) и полевой ( $B_A$ ) вклады в энергию ферромагнона (3.7). Они сравниваются в точке  $T = T_{0c}$ . Уменьшение  $E^m(k_0 = 0)$  до  $E^m(k_0)$  с ростом T (рис. 1, б) приводит к изменению ее знака. В рамках общей теории элементарных возбуждений это означает дестабилизацию выше  $T_{0c}$  исходной ФМ-фазы. Спектр магнонов неоднородной (геликоидальной) фазы не рассматриваем из-за его очевидной, согласно (3.5), уязвимости от дефектов (например, примесей других РЗМ).

Оценки критических температур требуют расчета амплитуд волновых функций (1.2). Добавляем к (2.1) внутриионные члены (Хаббарда  $(U_D)$ , Хунда  $(A_D)$ , спин-орбита  $(\lambda)$ , ...). Локальная плотность ковалентных электронов

$$N_r = \xi_D^2 D_r \overline{D}_r = \xi_D^2 \left( 1 + \sigma \mathbf{s}_r \right) \left( 1 + \mathbf{Ll}_r \right) / 10 \ (L = 2, \ d_r \overline{d}_r = 1) \ (3.12)$$

выражается через амплитуду волновой функции  $\xi_D$ , спин  $\mathbf{s}_r$  и орбиту  $\mathbf{l}_r$  ковалентного электрона (одного для тяжелых РЗМ). Подставляем (3.7) в гамильтониан Хаббарда (квадратичный по  $N_r$ ) и добавляем связи ( $\mathbf{s}_r, \mathbf{l}_r$ ) с локальными 4f-электронами ( $\mathbf{S}_r, \mathbf{L}_r$ )

$$H^{i} = (U_{D}/2)\{\xi_{D}^{4} + g_{s}s_{r}^{2} + g_{l}l_{r}^{2}\} - A_{D}\mathbf{s}_{r}\mathbf{S}_{r} - \lambda_{s}s_{r}L_{r} - \lambda_{l}l_{r}\mathbf{S}_{r} - \Gamma_{i}\xi_{D}^{2} - \lambda_{d}\mathbf{s}_{r}\mathbf{l}_{r}.$$
(3.13)

Пренебрегая (для начала)  $\mathbf{s}_r$  и  $\mathbf{l}_r$ , варьируем сумму (3.13) и (2.1). Имеем

$$\xi_D^2 = y = \tilde{\Gamma}_D / U_D, \quad \tilde{\Gamma}_D = \Gamma_D + \Gamma_i, \quad y \sim 0,1 \quad (3.14)$$

при  $U_D \sim 1-10$  эВ,  $\tilde{\Gamma}_D \sim 0, 1-1$  эВ. Малость амплитуды (3.14) определяет малые (по сравнению с 3*d*-металлами) критические температуры  $T_c(T_N)$  (2.7),  $T_{0c}$  (3.10) и другие.

Аналогично варьируем (3.13) по  $s_r$  и  $l_r$ . Получаем:

$$s_r = \left(A_D S_r + \lambda_s L_r\right) / g_s U_D \sim 0.1 J_r \tag{3.15}$$

при  $A_D \sim \lambda_s \sim 0,1$  эВ и  $g_s < 1$ . Аналогично имеем:

$$l_r = \left(\lambda_l S_r + \tilde{\Gamma}_F L_r\right) / g_l U_D \sim 0, 1 J_r \text{ при } g_l < 1, \quad \tilde{\Gamma}_F \sim \Gamma_F \xi_D^2 \left\langle F_r \overline{D}_R \right\rangle^2. \quad (3.16)$$

Малость моментов s<sub>r</sub> и l<sub>r</sub> связующих (ковалентных) 5*d*-электронов, как и малость их плотности (3.14), ослабляет магнитодипольные связи ионов (в частности, магнитную жесткость). Поэтому кристаллическое поле тяжелых РЗМ (кроме Gd) оказывается определяющим магнитную анизотропию (ФМА), а также большую магнитострикцию (ФМС). Несмотря на большую (по порядку величины) номинальную намагниченность  $M_s$  (1.1), еще более сильная (чем в 3*d*-металлах) ФМА увеличивает поля магнитного насыщения на порядки величины [1–3] (в кристаллах как с осью (ОЛН), так и с плоскостью легкого намагничивания (ПЛН)).

# 4. ФЕРРОМАГНИТНАЯ АНИЗОТРОПИЯ (ФМА) ТЯЖЕЛЫХ РЗМ. КРИСТАЛЛИЧЕСКОЕ ПОЛЕ (КП)

Сильная ФМА тяжелых РЗМ (кроме  $Gd(4f^75d^16s^2)$ , имеющего малые поля анизотропии  $B_A < 1$  Тл) не позволяет достаточно полного своего измерения из-за больших  $B_A > 10$  Тл. Ее локальный механизм, вытекающий из локальности 4f-электронов, теория [1–3] выводит из природы кристаллического поля (КП–СF). Кулоновская (диагональная, не обменно-ковалентная) энергия КП возникает (один из возможных механизмов) при отталкивании зарядов катионов. Для 4f-решетки вводим эффективные локальные заряды

$$\tilde{N}_r = \xi_D D_r \overline{F}_r = \xi_D d_r \varphi_r' c_{ros} v_{rl} c_{ros} v_{rL} = P_{df} \left( 1 + \tilde{g}_l l_r L_r + \tilde{g}_s s_r S_r + \ldots \right).$$
(4.1)

Из них составляем гамильтониан КП:

$$H^{\rm CF} = \sum Q \tilde{N}_r \tilde{N}_R, \ Q(r-R) = \tilde{Q} \xi_D^2, \ \tilde{Q}(u) = \tilde{Q}(0) + Q'u, \ u_{zz} = u, \ (4.2)$$

который явно зависит от ГПУ-деформации  $u_{zz} \sim 10^{-2}$ ,  $P_{df} = \xi_D d_r \overline{\varphi}_r$ . Гамильтониан (4.1) содержит вклады моментов  $l_r$ ,  $s_r$ , а также

(1,1) codep(1,1) code(1,1) code(1,

$$S_r = (g-1)J_r, \ L_r = (2-g)J_r,$$
 (4.3)

что позволяет выделить его анизотропную часть

$$\Delta H^{ ext{CF}} \cong oldsymbol{Q}_A \sum_r \Bigl(oldsymbol{g}_s oldsymbol{s}_r^z oldsymbol{S}_r^z + oldsymbol{g}_l l_r^z L_r^z + ... \Bigr),$$

$$\boldsymbol{Q}_{A} = \sum_{R} \boldsymbol{Q} \left( \boldsymbol{r} - \boldsymbol{R} \right) \boldsymbol{\xi}_{D}^{2} \boldsymbol{u} \left\langle \boldsymbol{d}_{r} \boldsymbol{\bar{d}}_{R} \right\rangle \left\langle \boldsymbol{\varphi}_{r} \boldsymbol{\bar{\varphi}}_{R} \right\rangle. \tag{4.4}$$

Можно дописать в (4.4) члены, ответственные за ФМА высших порядков. Подставляем в (4.4) результаты (3.11) и (3.12) для *s*<sub>r</sub> и *l*<sub>r</sub>. Выражаем гамильтониан ФМА через угловые моменты **J**<sub>r</sub> узлов **r**:

$$\Delta H^{\rm CF} = H^{\rm MA} = K^{\rm CF} \sum \left(J_r^z\right)^2, \qquad (4.5)$$

где параметр ФМА

$$K^{\rm CF} = \left(\frac{Q_A}{U_D}\right) \left\{ \tilde{A}_D \left(g-1\right)^2 + \left(\tilde{\lambda}_s + \tilde{\lambda}_l\right) \left(g-1\right) \left(2-g\right) + \Gamma_F \left(2-g\right)^2 \right\}.$$
(4.6)

Видна явная (через  $Q_A$ ) зависимость одноосной ФМА от (одноосной же) деформации кубической решетки ( $u_{zz}$ ), а также от амплитуды  $\xi_D$  волновой функции (1.2). Поля  $B_A$  в РЗМ оказываются меньше таковых для актинидов (соединений U и др. [1]), что, возможно, связано с малостью  $\xi_D$  (3.9).

Знак  $K^{\text{CF}}$  определяется знаками спин-орбитальных параметров  $\lambda_{s,l}$  при  $A_D > 0$ . Предполагая  $\lambda = \sum \tilde{\lambda}_j < 0$ , получим  $K^{\text{CF}} > 0$  при (см. ниже (8.2))

$$(g-1)/(2-g) > \lambda \mid / \tilde{A}_D \mid, K_1^{\exp} \cong -K^{\mathrm{CF}}J^2N, \ \lambda = \tilde{\lambda}_s + \tilde{\lambda}_l,$$
 (4.7)

или  $K^{CF} < 0$  при обратном неравенстве. Имеем [1-3]:

Экспериментальная константа ФМА меняет знак при увеличении n [1-3]. Из (4.8) видно, что  $K_1^{\text{exp}} < 0$  (т.е.  $K^{\text{CF}} > 0$ ) при  $n \le 4$ , или при  $g \ge 5/4$ . Из (4.7) получаем:

$$|\lambda| / \tilde{A}_D \le 1 / 3, \tag{4.9}$$

поэтому при оценках констант ФМА можно использовать значение хундовского обмена  $A_D \sim 1$  эВ [1]. Отметим здесь, что величина  $K_1^{\exp}(J)$  увеличена также за счет фактора  $J^2 \sim 10-10^2$ .

Хундовского обмена  $A_D$  го год [1]. Огметим здеся, что величина  $K_1^{\text{exp}}(J)$  увеличена также за счет фактора  $J^2 \sim 10-10^2$ . Оценим  $K^{\text{CF}}$ . Фактор  $A_D(g-1)^2 < A_D/4$ . Полагая  $U_D \sim 1-10$  эВ [4] и оценки входящих в  $Q_A$  малых факторов ( $\xi_D^2 \sim u \sim 10^{-2}$ ) при  $Q' \sim 10$  эВ, получаем  $K^{\text{CF}} \sim 10^{-3}$  зВ. Это дает для наблюдаемой константы  $K_1^{\text{exp}}/N \sim 10^{-2}$  зВ  $\sim k_B T_c$ . Экспериментально это проявляется в существенной разнице температур Кюри–Вейсса  $\Theta_j$  (j = || или  $\bot$ ) для компонент магнитной восприимчивости  $\chi_{\parallel}$  (внешнее поле  $B \mid| C_6$  при  $T > 10^{-2}$  зВ  $\sim k_B T_c$ ).  $> T_c$ ) или  $\chi_{\perp}$  [1-3, 7].

Температурная зависимость констант ФМА тяжелых РЗМ (кроме Gd) удовлетворительно описывается теорией магнонов. Для  $K_1^{exp}(T)$  получаем вклад КП

$$K^{\mathrm{CF}}(T) \sim \left\langle \left(J_r^z\right)^2 \right\rangle \sim \left[M(T)/M(0)\right]^3, \ T < 3T_c/4.$$
 (4.10)

Он подчиняется закону Акулова-Зинера [6, 8].

## 5. МАГНИТОСТРИКЦИЯ ТЯЖЕЛЫХ РЗМ (КРОМЕ Gd)

Большие поля  $B_A \sim 10$  Тл (ФМА и иногда метамагнетизма) не позволяют достаточно точно измерять константы  $\hat{\lambda}$  ФМС (или магнитоупругие параметры  $\hat{\Lambda}$ ) тяжелых РЗМ для n < 7. Поэтому точность в измерении компонент тензоров  $\hat{\lambda}$  (или  $\hat{\Lambda}$ ) и их зависимостей от T (и вообще говоря, от B) невелика. Тем не менее, большие величины  $|\lambda| > 10^{-3}$  (или  $|\Lambda| \sim 10^{10}$  эрг/см<sup>3</sup>) позволяют предположить механизм КП-СF для ФМС, аналогичный ФМА, кроме Gd. Гамильтониан КП (4.2) имеет параметры Q(r-R), сильно зависящие от деформации  $\hat{u}$ .

В отличие от ФМА (4.4) вводим отклик  $u(T, \mathbf{B}, \mathbf{P})$  на внешние воздействия (поле **B**, давление **P** и т.п.). Здесь рассматриваем (пока) вращательную часть ФМС. Вращение момента **J** задаем тензором  $\hat{\alpha}$ связи координат решетки (x, y, z) и квантования ( $\xi, \eta, \zeta$ ) с осью 0 $\zeta$ 

$$J_{r}^{i} = \alpha_{ij}J_{r}^{j}, \ i = x, y, z, \ j = \xi, \eta, \zeta.$$
 (5.1)

Тогда нужные компоненты угловых факторов МЭОС ( $\hat{c}$  и  $\hat{v}$ ) будут:

$$c_{rS_{l}\sigma}^{2} = \left(1 + \alpha_{i\zeta}S_{r}^{\zeta}\sigma_{\zeta}\right) / 2, \quad v_{rL_{l}}^{2} = \left(1 + \alpha_{i\zeta}L_{r}^{\zeta}L_{\zeta}\right) / 7.$$
(5.2)

Отсюда для гамильтониана ФМС, аналогично (4.4), получаем:

$$\Delta H^{\rm CF}\left(\hat{u}\right) = \sum_{r} \hat{\Lambda} \otimes \hat{u} \otimes \mathbf{J}_{r} \otimes \mathbf{J}_{r}, \qquad (5.3)$$

учитывая (4.3). Расчет основан на преобразовании

$$c_{rs_i\sigma}c_{rs_j\sigma} = \left\{1 + \alpha_{i\zeta}\alpha_{j\zeta}\left(s_r^{\zeta}\sigma_{\zeta}\right)\left(S_r^{\zeta}\sigma_{\zeta}\right)/4 + \ldots\right\}/2, \qquad (5.4)$$

равно как и для факторов орбитального момента  $L_r(v_{rL})$ .

Собираем все факторы ( $\hat{\alpha}$ , корреляторы МЭОС в (4.4) и т.д.). Получаем магнитоупругие параметры:

$$\Lambda_{ijpq} \cong Q_{ijpq}^{ms} \left\{ \tilde{A}_D \left( g - 1 \right)^2 + \lambda \left( g - 1 \right) \left( 2 - g \right) \right\},$$
(5.5)

где

$$\boldsymbol{Q}_{ijpq}^{ms} = \alpha_{p\zeta} \alpha_{q\zeta} \sum_{R} \left( \delta \boldsymbol{Q} / \delta \boldsymbol{u}_{ij} \right) \xi_{D}^{2} \boldsymbol{K}_{DD} \boldsymbol{K}_{\varphi\varphi}, \qquad (5.6)$$

где

$$K_{DD} = \left\langle d_r \overline{d}_R \right\rangle, \ K_{\varphi\varphi} \left( r - R \right) = \left\langle \varphi_r \overline{\varphi}_R \right\rangle = 1 - \sum_k N_k^{\varphi} \left( 1 - e^{i\mathbf{k} \cdot (\mathbf{r} - \mathbf{R})} \right), \ (5.7)$$

куда входят корреляторы МЭОС для ФХС:

$$N_k^d = \left\langle d_k \overline{d}_k \right\rangle, \ N_k^{\phi} = \left\langle \phi_k \overline{\phi}_k \right\rangle.$$
 (5.8)

Эти корреляторы вносят в *T*-зависимости параметров ФМС (5.5)  $\Lambda(T)$  добавочные факторы, функционально зависящие от энергий ФХС [4,5], которые велики по сравнению с энергиями магнонов (3.7).

Теория магнонов [6, 8] после усреднения (5.3) дает закон Акулова-Зинера (4.10) для ФМС тяжелых РЗМ (см. [16, 17]):

$$\widehat{\Lambda}(T) \sim \left[ M(T) / M(0) \right]^3, \qquad (5.9)$$

который и наблюдается [8, 9], например, в Tb в полях 1,8 < B < 14,4 Tл. Из этих данных также следует, что возможная зависимость  $\widehat{\Lambda}(B)$  относительно мала. (Обсуждение «силовой» ФМС (парапроцесса) см. в [11].) Наблюдаемую сильную анизотропию констант  $\lambda(\mathbf{B})$  при T = 4,2 К [9]

$$\lambda_s(\mathbf{B} \parallel [0001]) = 2, 2 \cdot 10^{-2} >> \lambda_s(\mathbf{B} \parallel \mathbf{a}) = 0, 54 \cdot 10^{-2}$$
для Тb (5.10)

или

$$\lambda_s(\mathbf{B} \parallel \mathbf{c}) = 2, 1 \cdot 10^{-2} >> \lambda_s(\mathbf{B} \parallel \mathbf{a}) = 0,85 \cdot 10^{-2}$$
для Dy (5.11)

можно рассматривать как более сильную деформацию РЗМ при вращении **M** из основного состояния в плоскости базиса (0001) к оси трудного направления  $C_6[0001]$  (ОТН). Она выражается через диагональную компоненту тензора ФМС  $\Lambda_{3333}$  (5.5).

## 6. ИНТЕРМЕТАЛЛИДЫ 4*f*-3*d*. ГИГАНТСКАЯ ФМС КУБИЧЕСКОГО ТЬFe<sub>2</sub>

Применяемые соединения 3d- и 4f-ионов обладают рекордными магнитными, магнитоупругими и другими свойствами. Их использование в технике [10] до сих пор вызывает большой поток исследований. Из теоретических идей отметим неизменный стержень расчетов в виде локальности  $J_r$  ионов РЗМ [3]. Однако для расчета коллективных эффектов ( $T_c$ , ФМА, ФМС, ...) приходится учитывать образование межионных связей. Учет только 5d-электронов, обра-

зующих ковалентные связи в чистых P3M, оказывается недостаточным при переходе к соединениям 4*f*-элементов с ионами других групп (как металлов, так и неметаллов или органических объектов) [8, 11].

Эти аспекты теории подробно обсуждены на примерах системы P3M–Co, Fe [12, 13], а также поляронов в соединениях P3M [14]. Здесь ограничимся применением теории КП–CF для расчета гигантской ФМС в соединениях класса TbFe<sub>2</sub>. Используем локально-ковалентную модель разд. 4, 5. Большая величина параметров  $\hat{\Lambda}$  (и  $\hat{\lambda} \sim 10^{-2}$ ) указывает на главную роль подсистемы  $J_r$ -моментов, т.е. 4f-ионов. Однако обмен между 4f-ионами (разделенными 3d-ионами) должен осуществляться в геометрии 4f-3d-4f.

Кристаллическое поле на узле 4f-иона должно, наоборот, создаваться 3d-окружением ближайших соседей. В первом приближении аппроксимируем это окружение парой  $\mathrm{Fe}^{3^+}$  ионов. Рассматриваемое соединение  $\mathrm{Tb}(4f^95d^06s^2)$  и  $\mathrm{Fe}(3d^64s^2)$ , имеет три  $t_{2g}$ -электрона и один  $e_g$ -электрон) представляем МЭОС  $F_r^5$  и  $D_R^3$ . Связь 3d-4f-3d образует КП-СF в четырехоператорной форме (опускаем индексы n сверху МЭОС):

$$H^{\rm CF} = \sum Q F_r D_R \overline{D}_t \overline{F}_r. \tag{6.1}$$

Поскольку эта связь осуществляется вдоль пространственных диагоналей элементарной ячейки [15], см. рис. 3, при шпурировании по спиновым и орбитальным матрицам учтем отклонение  $J_r$  от оси квантования (типа [001]) системы (i, j = x, y, z) к системе координат с осью квантования 0 $\zeta$ . Имеем [16]:

$$J_r^i = \alpha_{i\zeta} J_r^{\zeta} + \dots . \tag{6.2}$$

Отсюда из (5.1) и (5.2) имеем:

$$\boldsymbol{c}_{rS_{l}\sigma} = \left(1 + \alpha_{i\zeta} \boldsymbol{J}_{r}^{\zeta} \boldsymbol{\sigma}_{\zeta} / 2 + ...\right) / \sqrt{2} , \qquad (6.3)$$

и аналогичное разложение для  $v_{rL_i}$ .

Учитываем зависимость типа (4.2) от переменной деформации  $\hat{u}$ . Подставляем (6.3) в спиновые факторы МЭОС и учитываем условие их локальности (1.4). Получаем для спиновой части ФМС (механизм КП) кубического TbFe<sub>2</sub>:

$$\Delta H_{ms} \left[ \mathbf{S}_{r} \right] = \sum Q_{S}^{ij} S_{r}^{i} S_{r}^{j} u_{ij}, \qquad (6.4)$$

где

$$\boldsymbol{Q}_{S}^{ij} = \sum \left( \delta \boldsymbol{Q} / \delta \boldsymbol{u}_{ij} \right) \left\langle \boldsymbol{d}_{R} \overline{\boldsymbol{d}}_{i} \right\rangle \boldsymbol{g}_{S2} \boldsymbol{\alpha}_{i\zeta} \boldsymbol{\alpha}_{j\zeta}, \qquad (6.5)$$



Рис. 3. Ковалентная связь Fe-Tb-Fe в решетке TbFe<sub>2</sub>.

причем

$$\left\langle d_{R}\overline{d}_{t}\right\rangle = 1 - \sum N_{k}^{d}e^{i\mathbf{k}\cdot(\mathbf{R}-\mathbf{t})}, \ N_{k}^{d} = \left\langle d_{k}\overline{d}_{k}\right\rangle, \ g_{S} < 1/8,$$
 (6.6)

и коррелятор МЭОС (6.6) выражается через плотность  $\Phi XC N_k^d$ .

Аналогичный расчет орбитальной части  $\Delta H_{ms}[\mathbf{L}_r]$  дает выражение (6.4) с заменой ( $\mathbf{S}_r \rightarrow \mathbf{L}_r$ ), а также тензора  $Q_L^{ij}$  (замена  $g_S \rightarrow g_L < 1/14$ ). Для сравнения с экспериментом получаем суммарный гамильтониан ФМС:

$$H_{ms}\left[\mathbf{J}_{r}\right] = u_{ij}\Lambda_{ij}\sum J_{r}^{i}J_{r}^{j}, \ \Lambda_{ii} = \Lambda_{1}, \ \Lambda_{ij}\left(i \neq j\right) = \Lambda_{2},$$
(6.7)

где

$$\widehat{\Lambda}(T) = \widehat{Q}_{s}(g-1)^{2} + \widehat{Q}_{L}(2-g)^{2}.$$
(6.8)

Добавочная зависимость  $\hat{\Lambda}(T)$ , связанная с плотностью ФХС  $N_k^d$  (6.6), должна проявляться при T > 300 К.

Анизотропия  $\Lambda$  для TbFe<sub>2</sub> [9] ( $\lambda_2 = 4, 4 \cdot 10^{-3} >> \lambda_1$ ) в данной модели обусловлена сильной зависимостью параметра связи Q(r-R, r-t) от деформации  $u_{ij}$  ( $i \neq j$ ) вдоль диагонали элементарной ячейки. Она изменяет расстояния между 4f- и 3d-ионами. Наоборот, деформация  $u_{ii}$ , изменяющая расстояние между парой 4f-ионов, слабо отражается на 3d-4f-связи. Это приводит к малой величине  $\Lambda_1 \sim \delta Q / \delta u_{ii}$  (и  $|\lambda_{100}| << \lambda_{111}$ ) для TbFe<sub>2</sub>. Аналогичные данные получены для ErFe<sub>2</sub> ( $\lambda_{111} \cong -2 \cdot 10^{-3}$ ) и TmFe<sub>2</sub> ( $\lambda_{111} \cong -3, 6 \cdot 10^{-3}$ ) при T = 4,2 К, а также для RMe<sub>2</sub> (R = Tb, Er; Me = Al, Mn, Co) [9]. Обратное соотношение ( $|\lambda_{111}| << |\lambda_{100}|$ ), наблюдаемое для R = Ho, Dy, требует более детального рассмотрения анизотропии связей, создающих КП. Наблюдение гигантской ФМС в кубических 4f-3d-интерметаллидах обусловлено гораздо менышими полями анизотропии ( $B_A \leq 1$  Tл) по сравнению с таковыми в РЗМ ( $B_A \sim 10^2$  Tл).

# 7. КОНТРПРИМЕР. СЛУЧАЙ Gd

РЗМ Gd( $4f^75d^16s^2$ ) отличается от всего ряда РЗМ (Ce-Yt), проявляющего разнообразие магнитных порядков. Это ФМ-металл с малой как ФМА, так и ФМС. Его  $T_c \cong 300$  К максимальна в этом ряду. Угловой момент J(Gd) = S < (1/2) J(Tb-Tm) из-за L = 0. Волновые функции 4f- и 5d-электронов здесь не гибридизируют (в нулевом приближении)

$$\Psi_{rf}^{+} = F_{r}^{7}, \ \Psi_{rd}^{+} = D_{r}^{1}, \ \xi_{d}^{2} = 1, \ \nu_{rL} = 1.$$
 (7.1)

Поэтому в формуле (2.7) для  $T_c(J)$  гораздо меньшая величина фактора J(J + 1) компенсируется увеличением  $\xi_d$  (7.1). (При равных по порядку величины ковалентных параметрах  $\Gamma$  и почти равных факторах  $\tilde{Z}$ .) Этот факт

$$T_c(J, \xi_d^2, \text{Tb-Tm}) < T_c(7/2, \xi_d = 1, \text{Gd}), \xi_d^2 << 1 \text{ (Tb-Tm)}$$
 (7.2)

подтверждает гипотезу разд. 1–6 о малости ковалентной части волновой функции ( $\xi_d$ ) РЗМ, кроме Gd.

В свое время [1] дискутировался вопрос о наличии в Gd геликоидальной фазы. Общая теория разд. З дает и здесь добавку (3.8) в магнонный спектр Gd. Величина этой добавки функционально зависит от спектра ФХС, т.е. от параметра Г. Наряду с большей величиной обменной жесткости (~  $A ~ T_c$ ), можно ожидать увеличения Г(Gd) по сравнению с Г (Tb-Yb). Это уменьшает параметр Г<sub>1</sub> (3.8). Тогда, даже при небольших значениях размагничивающего поля  $B = B_0 ~ 1$  Tл, критическая температура геликоидальной фазы (3.10)  $T_{c0} > T_c (T_N)$  выходит из области магнитного упорядочения.

Спектр ФХС рассчитывается методом боголюбовских функций Грина. Здесь, используя фурье-разложение МЭОС  $d_r$  (2.5) и

$$\left[d_{k}, \overline{d}_{q}\right]_{+} = \delta_{kq} / N\xi_{D}^{2}, \quad G_{k} = \left\langle \left\langle \overline{d}_{k} \middle| d_{k} \right\rangle \right\rangle, \quad (7.3)$$

вводим ковалентный гамильтониан

$$H^{D} = -\sum \Gamma d_{r} \overline{d}_{R} = H_{0} + \sum \Gamma_{k} d_{k} \overline{d}_{k}, \ \Gamma_{k} = \Gamma(0) - \Gamma(k) \cong \Gamma k^{2}.$$
(7.4)

Получаем

$$N_{k}^{d} = \left(e^{\beta \Gamma_{k}} + 1\right)^{-1}, \ \beta = 1/k_{B}T, \ \Gamma\left(k\right) = \sum \Gamma\left(r\right)e^{i\mathbf{k}\cdot\mathbf{r}},$$
  
$$\Gamma \to \Gamma\xi_{D}^{2} \text{ (Tb-Yb).}$$
(7.5)

Появление фактора  $\xi_D^2$  в выражении для энергии ФХС (7.4) увеличивает линейный член в законе дисперсии магнонов (3.7). Последний

дестабилизирует ФМ-фазу при повышении *Т* тяжелых РЗМ, кроме Gd. Появление геликоидальной фазы при малых добавках других РЗМ или уменьшении *B*<sub>0</sub> становится возможным для сплавов Gd.

#### 8. ФМА И ЕЕ ЭКСПЕРИМЕНТАЛЬНАЯ ИНТЕРПРЕТАЦИЯ ДЛЯ Gd

Выше (разд. 4) рассчитана нижняя  $K_1$  константа одноосной ФМА. Однако даже для этой симметрии важен учет констант ФМА высшего порядка ( $K_2$ , плоскости базиса  $K_6^6$  и др.). Исторически сложилось, что экспериментальные константы  $K_j^{exp}$  разложения ФМА в ряды «по направляющим косинусам» [16]  $\alpha$  отличаются от констант  $K_n^m$  гармонического разложения

$$\Phi\left(\boldsymbol{\alpha}\right)=\sum K_{n}^{m}Y_{n}^{m}\left(\boldsymbol{\alpha}\right), \ K_{2}^{0}=K_{1}, \ K_{4}^{0}=K_{2}, \ \boldsymbol{\alpha}=\mathbf{M}\left(T\right)/M\leq\mathbf{m}. (8.1)$$

Нами доказано, что простые законы Акулова–Зинера [1, 7, 8] в рамках магнонной теории применимы только к параметрам  $K_n^m$  [17, 18]. Поэтому экспериментальная величина первой константы одноосной ФМА

$$K_1^{\exp} = -(K_1 + 2K_2), K_2^{\exp} \cong K_2.$$
 (8.2)

При разных зависимостях (уже в магнонном приближении) [1, 7, 8]

$$K_{1}(T) = K_{1}(0)m^{3}(T), K_{2}(T) = K_{2}(0)m^{10}(T)$$
 (8.3)

теоретическая интерпретация экспериментальной ФМА (8.2) сильно отличается от (4.10) или (8.3). Особенно велико это отличие в областях T (в частности, такой сложной МФД, как в Gd [1, 7]), где  $|K_2| \sim |K_1|$ . (Отметим ныне модные плагиаты работ [17, 18], разумеется, без ссылок на оригиналы.)

Локальность 4f-оболочки обеспечивает номинальный спин Gd  $(S_r = 7/2)$  и  $L_r(4f) = 0$ . Поэтому в разложении (8.1) для анизотропной части КП-СF имеем

$$H_{\rm MA}^{\rm CF} = \sum_{rnm} B_n^m Y_n^m \left( \mathbf{L}_r \right), \ L_r = L_r(5d), \ B_2^0 = B_1 \sim -u_{zz} = 1,633 - c \ / \ a, \ (8.4)$$

где отношение параметров решетки (*с* и *а* разных РЗМ) несколько меняется [9]. Внутри узла *г* имеем:

$$H_{r} = (U/2) (1 + g_{s} s_{r}^{2} + g_{L} L_{r}^{2}) - A_{h} S_{r} s_{r} - \lambda s_{r} L_{r}, g_{s,L} < 1, \qquad (8.5)$$

откуда (варьируя по  $s_r$  и  $L_r$ ) при  $|\lambda| << U$  имеем:

$$s_r = \left(A_h/g_s U\right)S_r, \ L_r = \left(A_h\lambda/g_s g_L U^2\right)S_r, \quad (8.5a)$$

что и подставляем в (8.4).

Получаем аналогичный (4.5) вклад в ФМА:

$$H^{\rm CF} = K_1^{\rm CF} \sum (S_r)^2, \ K_1^{\rm CF} = B_1 (A_h \lambda / g_s g_L U^2)^2, \ B_1 \sim u.$$
 (8.6)

Ковалентный гамильтониан

$$H^{\text{cov}} = -\sum \Gamma(r-R)D_r\overline{D}_R = H_0 - \sum A\mathbf{S}_r\mathbf{S}_R - \sum K_{\text{ex}}S_r^zS_R^z \quad (8.7)$$

содержит обменную часть с параметром (согласно (8.5*a*) и (8.6))

$$\boldsymbol{A} = \Gamma \left( \boldsymbol{A}_{h} / \boldsymbol{U} \right)^{2} \left\langle \boldsymbol{d}_{r} \overline{\boldsymbol{d}}_{R} \right\rangle, \ \Gamma \left( \boldsymbol{r} \right) = \Gamma e^{-\kappa r} / \boldsymbol{r}, \ \boldsymbol{K}_{\mathrm{ex}} = \boldsymbol{A} \left( \Gamma' / \Gamma \right), \quad (8.8)$$

явно учитывающим экранирование ковалентных (обменных) связей (в частности, зонными электронами проводимости).

Вклад в ФМА определяет параметр

$$K_{\rm ex}(r-R) = \Gamma' g_s \langle d_r \overline{d}_R \rangle u, \ \Gamma' = \partial \Gamma / \partial u = -(k+1/r) \Gamma e^{-\kappa r} / r.$$
 (8.9)

При  $\Gamma > 0$  и u < 0 [1–3] имеем  $K_{ex} > 0$ . Отметим, что знак  $B_1 < 0$  (и  $K_{1}^{CF} < 0$ ) противоположен знаку  $K_{ex} > 0$  (8.9).

Малые величины вкладов КП (8.6) и ковалентного (8.8) в ФМА определяют меньшую (на два порядка) энергию ФМА Gd по сравнению с РЗМ, где  $L \neq 0$ . Сложная фазовая диаграмма Gd [1-3] (переходы ОЛН-конус ОЛН-базисная плоскость (для М)) определяется зависимостью  $K_1^{exp}(T)$  в виде (8.2), рис. 4. Для упрощения (8.4) используем разложение одноосной части КП-СF

$$H^{\rm CF} = \sum_{r} \left\{ K_1^{\rm CF} \left( S_r^z \right)^2 + K_2^{\rm CF} \left( S_r^z \right)^4 + ... \right\}, \ K_2^{\rm exp} \left( T \right) \sim K_2^{\rm CF} \left( S_T/S \right)^{10}, \ (8.10)$$

что позволяет аппроксимировать (монотонную) зависимость  $K_2^{\exp}(T)$  [3], оставляя для  $K_1^{CF}(T)$  закон Акулова–Зинера (8.3).

В магнонном приближении усреднение члена ФМА (последнего) в (8.7) усложняется учетом экранирования (8.9) ковалентных связей.

Фурье-разложение операторов спина [8]

$$S_r = S_0 + \sum_k S_k e^{i\mathbf{k}\cdot\mathbf{r}}, \ S_k = \sum_r S_r e^{-i\mathbf{k}\cdot\mathbf{r}} / N, \ A(k) = \sum_r A(r) e^{i\mathbf{k}\cdot\mathbf{r}}, (8.11)$$

преобразует (8.7)

$$H_{\rm ex}/N = -A(0)S^2 + \sum_k E_k^m \widehat{N}_k^m, \ \left\langle S_k^- S_k^+ \right\rangle / S = N_k^m \cong \exp\left(-\beta E_k^m\right) / N.$$
(8.12)

Энергия магнона

$$E_k^m = 2S[A(0) - A(k)] \cong A_m(T)k^2$$
 при  $T \to 0$  К,  $\beta = 1/k_B T$  (8.12*a*)



Рис. 4. Интерпретация экспериментальной зависимости (гармонической [17]) константы ФМА для Gd (сплошная кривая)  $K^{\text{har}} = K_1^{\text{exp}} + 2K_2^{\text{exp}}$  от температуры T теоретической формулой  $K^{\text{har}} = K^{\text{CF}} + K^{\text{cov}}$ , где  $K^{\text{CF}} = -2,9\cdot 10^6 M^3(T)$  эрг/см<sup>3</sup> (штрихпунктирная),  $K^{\text{cov}} = (7,36-7\sqrt{T/T_c})\cdot 10^6$  эрг/см<sup>3</sup> при 100 K < T < <225 К или  $K^{\text{cov}} = (-1,52+5,15/T)\cdot 10^6$  эрг/см<sup>3</sup> при T > 225 К (штриховая).

в квадратичном по k приближении выражается через обменную жесткость  $A_m$ , зависящую от T согласно (8.8). Далее используем фурьеобразы параметров (8.8)

$$\Gamma(\boldsymbol{k}) = \Gamma_1 / (\boldsymbol{k}^2 + \kappa^2), \ \Gamma'(\boldsymbol{k}) = -\Gamma_2 [\kappa + \varphi(\boldsymbol{k})] / (\boldsymbol{k}^2 + \kappa^2), \ \Gamma_2 = \boldsymbol{c} \boldsymbol{u} \Gamma_1 < < \Gamma_1,$$
(8.13)

которые дают для энергии магнона более общее выражение, чем (8.12*a*):

$$E_k^m = A_1 k^2 / (k^2 + \kappa^2) \kappa^2, A_1 \sim \Gamma_1, A_m \cong A_1 / \kappa^4 \gg A_1 / \kappa^2 \sim k_B T_c. (8.14)$$

Неравенство (8.14) частично объясняет наблюдаемые большие значения обменной жесткости  $A_m$  [4].

Спонтанная намагниченность

$$M = (7 + gs)\mu_B N(S_T/S), g \cong 2, \qquad (8.15)$$

где в магнонном приближении [1, 8]

$$S_T \cong S - \sum_k N_k^m \approx S - \alpha_{3/2} \tau^{3/2}, \ T/T_m = \tau, \ T_m = A_m/k_B \neq T_c$$
, (8.16)

получает стандартный закон «3/2» Блоха, учитывая  $A_m(\kappa)$ .

Усреднение обменного вклада в  $\Phi MA(8.7)$  дает:

$$\Phi_{\mathrm{ex}}^{\mathrm{MA}} = K_{\mathrm{ex}}\left(T\right)\alpha_{z}^{2}, \quad K_{\mathrm{ex}}\left(T\right)/K_{\mathrm{ex}}\left(0\right) = 1 - \sum_{k}\Delta K_{\mathrm{ex}}\left(k\right)N_{k}^{m} = 1 - p_{\mathrm{ex}}, \quad (8.17)$$

где, согласно (8.9),

А.И. МИЦЕК

$$\Delta K_{\rm ex} \cong \kappa^2 / (k^2 + \kappa^2), \qquad (8.18)$$

что при  $\kappa^2 << 1$  допускает выход (при повышении *T*) в область средних  $k^2 > \kappa^2$ . Видоизменяется стандартный магнонный интеграл (8.16). Получаем второй (магнонный) член  $K_{ex}(T)$  (8.17) в виде

$$p_{\rm ex} = {\rm const} \int k^2 dk \left\{ \exp\left[-\beta A_1 k^2 / \kappa^2 \left(k^2 + \kappa^2\right)\right] \right\} / \left(k^2 + \kappa^2\right). \quad (8.19)$$

Заменяя

$$\beta A_1 k^2 = y^2,$$
 (8.20)

представляем (8.19) в виде (8.3) закона Акулова–Зинера только при низких T (при  $A_1\beta >> \kappa^{-2}$ ). Но при более высоких T (при  $\beta A_1 < \kappa^{-2}$ ) интеграл (8.19) переходит в более резкую функцию T:

$$p_{\rm ex} = (k_B T / A_1)^{1/2} X(T), \ (\beta A_1)^{-1} > \kappa^2, \ X(T) \cong {\rm const.}$$
 (8.21)

При дальнейшем повышении T (при «магнонном насыщении») получаем

$$K_{\rm ex}(T) \cong F_0 + p_1/(T).$$
 (8.22)

Ускоренное падение  $K_{ex}(T)$  с ростом T (8.21) объясняет (в рамках данной модели) изменение знака экспериментальной константы МА  $K_1^{exp}(T)$  и сложную магнитную фазовую диаграмму Gd [1-3]. На рис. 4 представлена теоретическая интерпретация  $K_1^{exp}(T)$  (с учетом (8.2) сплошная линия для суммы ( $K_1^{exp} + 2K_2^{exp}$ ) [2.19]). Штрихпунктирной линией показан ход (8.3) для  $K_1^{CF}(T) < 0$ . Разность сплошной и штрихпунктирной кривых отдана вкладу  $K_{ex}(T)$  в виде (8.17) для области ориентационных фазовых переходов (ОФП) [8]. Ее вид (8.21) при данном неравенстве объясняет отклонение от закона Акулова-Зинера уже при достаточно низких T

$$T_1 > 0, 1A_1/k_B \ (<0, 1T_c = 30 \ {
m K}).$$
 (8.23)

Переход к функции (8.22) объясняет вторичное изменение знака экспериментальной константы МА при  $T \cong 250$  К.

Расхождение экспериментальных данных для MA различных авторов проведенный здесь анализ может объяснить малыми (менее 1%) примесями других P3M, точечными (вакансии и т.п.), линейными и другими дефектами, искажающими  $\Gamma(\mathbf{r})$  (8.9). Наш анализ может быть однозначно дополнен, с учетом известных моделей дефектов спиновых решеток, введением для них ковалентных взаимодействий.

# 9. ФМА ВБЛИЗИ Т.. СПИН-ОПЕРАТОРНЫЕ КОРРЕЛЯТОРЫ

Вклад КП–СF в ФМА находится усреднением спинового гамильтониана (4.5)

$$H_{A}^{\rm CF} = K^{\rm CF} \sum \left( S_{r}^{z} \right)^{2} = K^{\rm CF} \sum \left\{ \left( S_{r}^{\zeta} \right)^{2} - S_{r}^{-} S_{r}^{+} / 2 \right\} \alpha_{z}^{2}, \ S_{r}^{i} = \alpha_{iq} S_{r}^{q}, \ (9.1)$$

где  $i = x, y, z, q = \xi, \eta, \zeta, \alpha_{z\zeta} = \alpha_z$ . Круговые переменные [8]

$$S_{r}^{\pm} = S_{r}^{\xi} \pm i S_{r}^{\eta}, \ \left(S_{r}^{\zeta}\right)^{2} = S\left(S+1\right) - \left[\left(S_{r}^{\zeta}\right)^{2} + \left(S_{r}^{\eta}\right)^{2}\right] = S^{2} - S_{r}^{-}S_{r}^{+}/2$$
 (9.2)

после разложения в ряд Фурье [8]

$$S_r^{\zeta} = S_0^{\zeta} + \sum S_k^{\zeta} e^{i\mathbf{k}\cdot\mathbf{r}}, \quad \left(S_r^{\zeta}\right)^2 = \left(S_0^{\zeta}\right)^2 + \sum S_k^{\zeta} S_{-k}^{\zeta}, \quad \left\langle \left(S_0^{\zeta}\right)^2 \right\rangle = S_T^2, \quad (9.3)$$

представляют фигурную скобку (9.1) в виде (N — плотность узлов решетки)

$$S_T^2 + \sum_k \left( \left\langle S_k^{\zeta} S_{-k}^{\zeta} \right\rangle - \left\langle S_k^{-} S_k^{+} \right\rangle / 2 \right), \ N_k^m = \left\langle S_k^{-} S_k^{+} \right\rangle / 2S.$$
(9.4)

Плотность магнонов  $N_k^m$  определяет средний спин после разложения (9.2):

$$S_T \cong S - \sum N_k^m. \tag{9.5}$$

Поэтому через средний спин  $S_T$  (или намагниченность M(T)) удобно выражать зависимости от T.

Закон Акулова–Зинера получается из (9.4) с учетом (9.5) в пренебрежении продольным коррелятором (первый в скобке (9.4) в одномагнонном приближении для «поперечных» магнонов [6]):

$$K_{1}^{\mathrm{CF}}\left(T
ight)\cong K_{1}\left(0
ight)\left[\left(S_{T}^{2}-\sum_{k}N_{k}^{m}
ight)\middle|S^{2}\cong\left(S_{T}/S
ight)^{3},\ T<3T_{c}/4
ight].$$
 (9.6)

Однако при  $T \to T_c$  уже нельзя пренебречь «продольными» магнонами [8]. Из общих соображений (и некоторых расчетов во втором приближении [20]) можно полагать

$$\left\langle S_{k}^{\zeta}S_{-k}^{\zeta}\right\rangle \cong \left\langle S_{k}^{-}S_{k}^{+}\right\rangle / 2 = \left\langle \left(S_{k}^{\xi}\right)^{2} + \left(S_{k}^{\eta}\right)^{2}\right\rangle - S/N$$
 (9.7)

компенсирующим последний член (в скобке) (9.4). Это дает

$$K_1^{\rm CF}(T) \sim S_T^2 \sim M^2(T),$$
 (9.8)

т.е. квадратичную зависимость первых констант ФМА (и магнитострикции) от спонтанной намагниченности M(T). Получается «классическое» приближение для зависимости от *T* для четных эффектов Акулова [16]. (В отличие от «квантового» (9.8) линейного магнонного «поперечного» приближения.)

Квадратичный закон (9.8) часто используется для интерпретации эксперимента, как вблизи  $T_c$ , так и вдали от  $T_c$  для сложных соединений. Многокомпонентные магнетики имеют разные (с разной зависимостью от T) вклады в ФМА [1, 5, 16, 19]. Простейшее классическое приближение (9.8) иногда позволяет хоть какую-то интерпретацию опыта.

# **10. «СИНУСОИДАЛЬНАЯ» КОЛЛИНЕАРНАЯ СТРУКТУРА,** $K_1^{exp} > 0$ (Er, Tm) [20]

Кроме простого геликоида (Dy, Tb, Ho при T > 20 K), имеющего ПЛН (4.8) и константу ФМА  $K_1^{\text{exp}} < 0$ , наблюдаются менее понятные структуры. Их часто [1, 2, 7] рассматривают как промежуточные (несимметричные) между двумя предельными случаями. Один из них (геликоид, ПЛН) рассмотрен выше, разд. 3. Второй предельный случай — «синусоидальные» изменения величины локального спина плоскости (0001), направленного вдоль ОЛН ( $K_1^{\text{exp}} > 0$ ) (4.8), т.е. оси с типа [0001]; см. ниже рис. 5, б в разд. 11 на примере кубита. Они наблюдаются в  $\text{Er}(4f^{12}6s^2)$ , парамагнитная температура  $T_p = 40$  K) и  $\text{Tm}(4f^{13}6s^2)$ ,  $T_p = 10$  K). Большие значения  $K_1^{\text{exp}}/N > k_BT_N$  удерживают моменты  $J_n$  плоскостей *n* типа (0001) вдоль оси *c*, но величина  $J_n$  периодически («синусоидально») изменяется. Эти два обстоятельства позволяют использовать модель Ван Флека [1, 6].

Выражаем модельный ТДП магнитной подсистемы через вероятности (n, m) состояний  $(1 < n < N_z$ , число узлов  $N = N_z N_\perp$ ), где m — магнитное квантовое число,

$$\Phi = -(N_{\perp}/\beta) \ln Z, \beta = 1/k_B T, \ Z = \sum_{n,m} \exp(-\beta E_{nm}), \ |m| \le J. \ (10.1)$$

Статистическая сумма Z явно выражается через обменные энергии внутри плоскости  $A_{11}(T)$ , между плоскостями  $A_{12}(T)$ , дальнодействующую составляющую [20]  $D_{1n} > 0$ , магнитное поле B (входит  $h = g_J \mu_B B$ ). Зависимость обменных интегралов от T возникает из их ковалентной природы (разд. 1–3).

Предлагаемая модель дает энергетический (магнитный) спектр

$$E_{nm} = \left[-A_{11}(T)J_{n}(\phi) - A_{12}(T)J_{n+1}(\phi) + \sum_{p} D_{np}J_{n+p}(\phi) - h_{n}\right]m. (10.2)$$

Для «синусоидальной» структуры полагаем

$$\mathbf{J}_{n+p} = \mathbf{J}_n \cos(p\varphi) \parallel 0z. \tag{10.3}$$



Рис. 5. Модели кубитов в нанопроволоке РЗМ (стрелками показаны моменты J в плоскостях типа (0001), FM — ФМ-фаза): a — случай геликоида,  $\delta$  — «синусоидальная» фаза. Кубит длиной  $L_q$  ограничен (в пределе дискретными) стенками переходной доменной структуры [6, 8] (показаны горизонтальными линиями).

и используем вариационный принцип

$$\partial \Phi / \partial \phi = 0, \ \partial \Phi / \partial h_n = \mathbf{J}_n \ при \ \mathbf{J}_n(T) = \mathbf{J}_T \cos(n\phi).$$
 (10.4)

Второе уравнение (10.4) (при  $A_{11} >> |A_{12}|, D_{1n}$ ) дает для  $\mathbf{J}_T(T)$  решение в виде функции Бриллюэна [1].

Решение для вектора структуры (угла  $\varphi$ ) получаем из первого уравнения (10.4). Угол  $\varphi$  является представлением «длины» синусоидального момента  $\mathbf{J}_n$ . Модуль «синусоиды»  $\mathbf{J}_n(T)$  считаем определенным (10.4), причем учет  $K_1$  заметно искажает функцию Бриллюэна [14]. Получаем для угла  $\varphi$  («длины» момента  $\mathbf{J}_n(T)$  в плоскости типа (0001))

$$\cos \varphi = \left( \left\langle A_{12} \right\rangle - \left\langle D_{12} \right\rangle \right) / 4 \left\langle D_{13} \right\rangle, \ \left\langle G \right\rangle = G J_T R \left( T \right), \tag{10.5}$$

где температурные коэффициенты параметров, после усреднения, связаны со статистической суммой (10.1)

$$R(T) = \sum_{m} \left( \frac{m^2}{\pi} \right) \int_{0}^{\pi} \exp\left\{ \beta m \left[ A_{11}(T) J_n(T) + h \right] \right\} d\phi, \quad (10.6)$$

Константа ФМА, ввиду ее большой величины, считается учтенной в

нулевой (основной) части ТДП (10.1)  $\Phi_0$  и не влияет на энергии (10.2) переходов между магнитными (ван-флековскими) уровнями.

Наблюдаемая [7] слабая зависимость  $\varphi(T)$  согласуется с (10.5). Одинаковые зависимости от T входящих в отношение (10.5) величин сокращаются. Некоторое (~ 10%) увеличение  $\varphi(T)$  при понижении T в Ег может быть связано с большим (~ 40 К) интервалом существования магнитной фазы, чем в Тт (10 К). Расчет метамагнитного перехода, в отличие от разд. 3, проводится сравнением ТДП (10.1) при синусоидальном среднем моменте плоскости (0001) (10.4) и ТДП при  $J_n(T) \equiv J_T$ . Магнитное поле  $B = B_z$ . Вращение момента в поле  $B = B_\perp$  связано, в основном, с эффектами ФМА.

Расчет более сложных (неколлинеарных или некомпланарных) магнитных структур, наблюдаемых в Но (ниже 20 К), Nd (ниже 19 К) или Er (при 20 К < T < 53 К) [7] требует детального учета ФМА и явного включения дальнодействующего обмена  $D_{nm}$ . Отсутствие удовлетворительных экспериментальных данных делает эти расчеты преждевременными.

## 11. ДОМЕННАЯ СТРУКТУРА НАНОРАЗМЕРНЫХ РЗМ. КУБИТ-ГЕЛИКОИД

Наноразмерные антиферромагнетики (АФМ) должны привлечь больше внимания в связи с новыми областями физики магнетизма: спиновыми кубитами, спинтроникой, «гигантским» (или «колоссальным») магнетосопротивлением [20, 21] и т.п. АФМ доменная структура может быть весьма мелкой, особенно при небольшой энергии доменных стенок (ДС) [8]. Малая разность энергий фаз вблизи метамагнитного перехода (разд. 3) допускает возможность дискретных ДС, а также доменную наноструктуру (с размерами доменов ~ 1 нм). Последнее приближает к проблеме спиновых кубитов.

Рассматриваем нанотонкую проволоку РЗМ (Dy, Ho, Tb или их сплавы). Локальная неоднородность (концентрации примеси, например) может вызвать локальное уменьшение  $T_{c0}$  или увеличение критического поля метамагнетизма  $B_c$  (см. разд. 3) в малой области  $L_q \sim 1$  нм. На рис. 5, a это часть нанопроволоки между двумя ФМ-фазами (отделена от них ДС, показанными горизонтальными отрезками).

Приложение магнитного поля  $B \sim B_c \ll 1$  Тл (это возможно при  $T \to T_{c0}$ ) переключает геликоидальный домен в ФМ-фазу. Смещению дискретных ДС (на рис. 5, *a*, *б*) можно препятствовать нанесением плоских поперечных дефектов [8]. Обратное переключение области  $L_q$  в геликоидальное состояние возможно либо отключением внешнего поля *B* (что проще), либо приложением *B* обратного знака.

Образование системы кубитов возможно периодическим изменением состава по длине нанопроволоки. Другая возможность переключения кубита локальным повышением (например, тонким лучом лазера)  $T > T_{c0}$ , а также (периодическим) понижением  $T < T_{c0}$ .

Альтернативную систему кубитов (тоже в нанопроволоке РЗМ) можно создать из «синусоидальных» доменов (см. разд. 10, рис. 5, б). Обобщение этой идеи на неколлинеарные (некомпланарные) структуры РЗМ позволяет создать «цветную» память варьированием магнитного порядка отдельного кубита.

## 12. СИСТЕМА $Me(4f)-H_x$ . СПЕКТРЫ

Хорошее растворение водорода в РЗМ ставит несколько теоретических проблем. Одной из основных является разделение роли зонного спектра и прямых ковалентных Ме-Н межионных связей. Включение Н-ионов в ковалентные связи гибридизирует их волновые функции

$$\Psi_{H}^{+}(r) = \xi_{b}f_{r}^{+} + \xi_{L}P_{r}, \sum \xi_{j}^{2} = 1, N_{r\sigma} = P_{r\sigma}\overline{P}_{r\sigma},$$
(12.1)

МЭОС (*n* = 1) *P<sub>r</sub>* локализуют водородный 1*s*-электрон на ковалентных орбитах. Условие локализации для МЭОС

$$P_{r\sigma}\overline{P}_{r\sigma} = 1 = \operatorname{Sp}c_{r\sigma}^{2}, \ P_{r} = \left\{P_{r\sigma}c_{rs\sigma}\right\}, \ P_{r} = P_{0} + \sum P_{k}e^{i\mathbf{k}\cdot\mathbf{r}}, \qquad (12.2)$$

аналогичное (1.3), определяет эти МЭОС в антисимметричных пространствах Фока, как и зонные фермионы  $f_r$ . Волновая функция Ме-иона имеет вид (1.2).

Уход части ( $\xi_b$ ) 1*s*-электронов в зону проводимости изменяет плотность  $n_k$  зонных электронов, поверхности Ферми (энергию Ферми  $\varepsilon_F$ ). N — плотность узлов r. Другая их часть ( $\xi_L$ ) изменяет энергии ковалентной связи и ФХС.

Вводим фурье-образы МЭОС ( $D_k$ ) 5d-электронов:

$$D_r = D_0 + \sum D_k e^{i\mathbf{k}\cdot\mathbf{r}}, D_k = \sum D_r e^{-i\mathbf{k}\cdot\mathbf{r}} / N\xi_D^2, P_k = \sum P_r e^{-i\mathbf{k}\cdot\mathbf{r}} / Nx\xi_L^2, (12.3)$$

Коммутаторы МЭОС, строго определенные,

$$\left[D_{k}, \overline{D}_{q}\right]_{+} = \delta_{kq} / N\xi_{D}^{2}, \left[P_{k}, \overline{P}_{q}\right]_{+} = \delta_{kq} / Nx\xi_{L}^{2}, \qquad (12.4)$$

позволяют рассчитать как спектры  $\Phi$ XC (основную (Me) ветвь  $E_k^{\mathrm{M}}$  и примесную  $E_k^{\mathrm{H}}$ ), так и перенормированный ( $\tilde{\varepsilon}_k$ ) зонный спектр.

Спектральная часть гамильтониана взаимодействия зонных и ковалентных электронов включает (2.1) (опускаем пока второй его член)

$$H_k^{(2)} = \Gamma_k^{DD} D_k \overline{D}_k + x \left( \Gamma^{PD} D_k \overline{P}_k + \text{H.c.} \right) + x \Gamma_k^{PP} P_k \overline{P}_k +$$

А.И. МИЦЕК

+ 
$$x(\gamma_p P_k f_k + \text{H.c.}) + \tilde{\varepsilon}_k f_k^+ f_k$$
. (12.5)

Квантуем спектр методом боголюбовских функций Грина

$$G_{k}^{f,P,D} = \left\langle \left\langle f_{k}\left(\overline{P}_{k},\overline{D}_{k}\right) \middle| f_{k}^{+} \right\rangle \right\rangle.$$
(12.6)

Уравнения движения

$$\begin{pmatrix} \left(E - \tilde{\varepsilon}_{k}\right) & x\gamma_{p} & \mathbf{0} \\ \gamma_{p} & \left(E - \Gamma_{k}^{PP}\right) & \Gamma^{PD} \\ \mathbf{0} & x\Gamma^{DP} & \left(E - \Gamma_{k}^{DD}\right) \end{pmatrix} \begin{pmatrix} G_{k}^{f} \\ G_{k}^{P} \\ G_{k}^{D} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \mathbf{1} \\ \mathbf{0} \\ \mathbf{0} \end{pmatrix}$$
(12.7)

решаем, считая уже учтенной роль  $\Gamma^{PD}$  в перенормировке  $E_k^{\rm M}$  и пренебрегая малыми энергиями  $E_k^{\rm H}$  (см. ниже разд. 13). Для качественного (графического) анализа ограничиваемся квадратичным приближением матричных элементов (12.7)

$$\Gamma_{k} = \Gamma k^{2}, \gamma_{p} = \gamma k^{2}, \tilde{\varepsilon}_{k} = \varepsilon_{k} - \varepsilon_{F}, \varepsilon_{k} \cong k^{2}/2m *.$$
(12.8)

В этих приближениях получаем решения (12.7) в виде двух ветвей

$$\boldsymbol{E}_{k}^{+,-} = \left\{ \tilde{\boldsymbol{\varepsilon}}_{k} + \boldsymbol{\Gamma}_{k}^{PP} \pm \left[ \left( \tilde{\boldsymbol{\varepsilon}}_{k} - \boldsymbol{\Gamma}_{k}^{PP} \right)^{2} + 4 \mid \boldsymbol{\gamma}_{p} \mid^{2} \boldsymbol{x} \right]^{1/2} \right\} / 2 \qquad (12.9)$$

(здесь также введено приближение  $\Gamma_k^{DD} \cong E_k^{\mathrm{M}}$ ). Решения (12.9) проиллюстрированы рис. 6 численным расчетом функций

$$E^{+,-}(k) = \left\{1, 1k^2 - 1 \pm \left[\left(0, 9k^2 - 1\right)^2 + 0, 1k^4\right]^{1/2}\right\} / 2. \quad (12.10)$$

Выше оси абсцисс рис. 6 зонному спектру соответствует решение (12.9)  $E_k^+$ , ниже — ветвь  $E_k^-$ .

Слабо зависящая от *k* ветвь (выше оси абсцисс  $E^{P} > 0$ ) в данном приближении соответствует примесной (водородной) ФХС. Зонные ветви (выше и ниже оси абсцисс) в окрестности поверхности Ферми ( $\varepsilon_{k} \rightarrow \varepsilon_{F}$ ) соединяем интерполяционной прямой

$$E_b = Ak - 2, 4, A = 2, 5.$$
 (12.10a)

Линейная часть зонного спектра играет важнейшую роль в интерпретации электронных свойств (электропроводности, эффекта Холла, оптики и др.). Плотность зонных электронных состояний в этой области

$$\mathrm{DOS}(E) \sim \left(\partial E / \partial k\right)^{-1} \sim 1/A \sim 1/x \tag{12.11}$$

при достаточно больших коэффициентах A (при  $x \sim 1$ ) оказывается ма-



Рис. 6. Искажение зонного спектра  $\varepsilon_k(k)$  вблизи  $\varepsilon_F$  из-за пересечения с ФХС.

лой. Это интерпретирует уменьшение электропроводности в гидридах.

Кроме того, искаженная (12.10*a*) часть поверхности Ферми должна существенно влиять на тепловые свойства. Вклад (12.10) в ТДП оцениваем интегралом зонных энергий в линейной части спектра (12.10*a*)

$$\Delta \Phi^b \sim (AT) \sim xT\xi_b^2. \tag{12.12}$$

Эта величина может быть сравнима с ковалентными составляющими энергии связи и ТДП. Однако при сильной локализации 1*s*электронов ( $\xi_b^2 \ll 1$ ) зонная часть водородных сил связи мала по сравнению с ковалентной. Поэтому локальные модели растворения H в металлах [22] оказываются достаточно адекватными.

## 13. ЗОННО-КОВАЛЕНТНАЯ МОДЕЛЬ РАСТВОРЕНИЯ Н В 4*f*-МЕТАЛЛЕ. СИЛЫ СВЯЗИ

Сильное поглощение H в P3M привлекает внимание как теоретиков, так и практиков [22]. Локально-ковалентная теория разд. 1 позволяет рассчитать основные свойства P3M и их соединений (силы связи и т.п.). Зонные спектры P3M имеют особенности, обусловленные наличием связанных 6s-5d-4f-оболочек. Растворение H также влияет на зонные спектры (см. разд. 12). Однако гипотеза разд. 12 о доминировании ковалентных водородных связей системы MeH<sub>x</sub> требует тщательного рассмотрения парных взаимодействий Me-H и их ФХС.

Обсуждаем проблему в рамках вторичного квантования, вводя МЭОС (12.1) ионов Н и (1.2) для 4f-ионов. Гамильтониан сил связи учитывает перескоки зонных электронов (их интегралы  $t_{\rm H}$  для 4f- H-перескоков)

А.И. МИЦЕК

$$H = -\sum \Gamma^{DD} D_r \overline{D}_R \xi_D^2 + \sum \tilde{\epsilon}_k f_k^+ f_k - \xi_D x \sum \left( \Gamma^{DP} D_r \overline{P}_R + \text{H.c.} \right) + x \sum \left( \gamma P_r f_R + \text{H.c.} \right) - t_H \xi_b^2 x + x \sum \left( \omega F_r f_r^+ \overline{P}_R \overline{F}_R + \text{H.c.} \right) + \sum \left( \Theta F_r D_r \overline{P}_R \overline{F}_R + \text{H.c.} \right) \xi_D + \frac{C}{2} u_H^2 , \qquad (13.1)$$

а также ковалентную связь Ме–Н ( $\Gamma^{DP}$ ), зонно-ковалентную связь ( $\gamma$ ). Влияние на магнитные свойства растворения Н учитывается четверными членами (параметры  $\omega$  и  $\Theta$ ). Переход в *k*-представление (3.2) межионных сил (связи) дает:

$$H = H_0 + \sum_k H_k^{(2)} + \dots$$
 (13.2)

Добавляем внутриионные гамильтонианы

$$H_{i} = H_{i}^{\text{Me}} + xH_{i}^{\text{H}}, \text{ где } H_{i}^{\text{H}} = \frac{U_{\text{H}}}{2}\xi_{L}^{4}N_{r\sigma}N_{r,-\sigma} = \frac{U_{\text{H}}}{2}\xi_{L}^{4}, \xi_{D}^{2} << 1, \quad (13.3)$$

а также

$$H_i^{\rm Me} = \frac{U_D}{2} \xi_D^4 + A (\xi_D \xi_F)^2 \sum F_{rS} D_{r\sigma} \overline{D}_{r\sigma} \overline{F}_{rS}.$$
(13.4)

Последний член в (13.4) соответствует обмену Хунда.

Варьируем суммы  $H_i$  (13.3) и выделенный из (13.1) нулевой гамильтониан

$$H_0 = -\Gamma \xi_D^2 - x \xi_D \xi_L \Gamma^{DP} + x \xi_D \Theta K_{FDP} \xi_L - x t \xi_b^2$$
(13.5)

по амплитудам волновых функций ионов Me (1.2) и водорода H (12.1). Получаем изменение плотности ковалентных электронов

$$\xi_D^2 = \left\{ \Gamma^{DD} + x \left( \xi_L / 2 \xi_{D0} \right) \left( \Gamma^{DP} - \Theta K_{FDP} \right) \right\} / U_D, K_{FDP} = \left\langle F_0 D_0 \overline{P}_0 \overline{F}_0 \right\rangle,$$
(13.6)

которая при доминировании прямых ковалентных («водородных») связей  $\Gamma^{DP}$  Ме–Н увеличивается. Этой же связью определяется плотность 1*s*-электронов, переходящих с атомных H-орбит на ковалентные связи:

$$\xi_L^2 \cong \left( \Gamma^{DP} - 2t_{\rm H} \right) / 2U_{\rm H} > 0 \text{ при } \Gamma^{DP} >> 2t_{\rm H}, \xi_L^2 \to 1.$$
 (13.7)

По-прежнему предполагаем, что доля 1*s*-электронов, переходящих в полосу проводимости, мала. Усиление ковалентных связей приводит к изменению (при  $x \rightarrow 1$  достаточно резкому) свойств раствора Me–H, в частности магнитных свойств (см. ниже разд. 14).

Деформация  $u_{\rm H} = gx$  создается водородом (и часто хорошо наблю-

88

дается). Вводим  $C_{\rm H} = Cg^2$  и варьируем  $H_0$  по x. Получаем равновесную концентрацию растворенного Н

$$\boldsymbol{x} \cong \xi_{D} \xi_{L} \left( \left| \Gamma^{DP} \right| - \Theta K_{FDP} \right) / C_{H}, \ \Delta \Phi_{0} \left( \boldsymbol{x} \right) \cong - \boldsymbol{x} \left| \Gamma^{DP} \right|^{2} / 2 C_{H}, \quad (13.8)$$

явно зависящую от амплитуд ковалентных электронов Me (13.6) и H (13.7). При ( $\xi_D$ ,  $\xi_L$ )  $\rightarrow$  1 растворение H почти полностью определяется осаждением 1*s*-электронов на ковалентных связях. Полагая энергии этих связей  $\Gamma^{DP} \sim 1$  эВ  $\sim C_{\rm H}$ , получаем  $x \sim 1$ , что согласуется с экспериментом [22].

Влияние *T* на растворение Н рассчитываем, находя ТДП  $\Phi(x, T)$  с учетом ФХС. Для этого квантуем  $H_k^{(2)}$  в квадратичном приближении по фурье-образам МЭОС ( $D_k$  и  $P_k$ ) (12.3). Вычисленные спектры ФХС (неявно использованные выше в разд. 12)

$$E_{D} = \Gamma^{DD} + xR, R = |\gamma|^{2} / \Gamma^{DD}, E_{P} = \Gamma^{PP} - xR$$
(13.9)

дают вклад в ТДП. Его часть, сильно зависящая от x, равна

$$\Delta\Phi(x,T) = \alpha_p T^{5/2} / \tilde{T}_p^{3/2}, k_B \tilde{T}_p = \Gamma^{pp} - xR.$$
(13.10)

Сравнивая  $\Delta \Phi_0$  (13.8) и (13.10), для  $x \to 0$  получаем критическую температуру  $T_0$  выхода (испарения) Н из раствора

$$T > T_0 = \left( \tilde{T}_p^{3/2} \left| \Gamma^{DP} \right|^2 / C_{\rm H} \alpha_p \right)^{2/5}.$$
 (13.11)

Факторы, входящие в (13.11) показывают, что *х* зависит от энергий ковалентных связей не только Me–H ( $\Gamma^{DP}$ ), но и H–H ( $\Gamma^{PP}$ ) через спектры ФХС. Существенную роль играет механическая реакция Me-решетки на примесь внедрения (в данном случае H).

Желательно более тщательное исследование спектров систем Me-H на предмет обнаружения  $\Phi$ XC (как основных, так и примесных), «распухания» Me-H как функции x, а также зависимости предельных x и  $T_0$  от атомного номера.

## 14. МАГНИТНЫЕ СВОЙСТВА СИСТЕМЫ МеН, ТЯЖЕЛЫХ Ме-РЗМ

Обычные методы контроля состава  $MeH_x$  (весовые и др.) могут оказаться недостаточными, когда возникает необходимость учета неоднородности распределения Н. Хорошие результаты дает эффект Мёссбауэра (зависимость сверхтонкого поля и т.п. от числа соседей Н около Ме-иона). Однако более простыми часто являются магнитные методы. Зависимость магнитной фазовой диаграммы (МФД) от x (температур фазовых переходов  $T_c(x)$  и  $T_{c0}(x)$ , критических полей (коэрцитивной силы  $B_c$ , переходов ОЛН–ПЛН, метамагнетизма) и других характеристик: электросопротивления, магнетосопротивления и т.п.), а также от распределения Н по глубине образца сильно влияет как на интегральные магнитные свойства, так и на доменную структуру.

Интерпретация магнитных данных требует детальной квантовой теории. Ее удобно дать на основе ковалентно-локальной теории 4f-5d-системы электронов Ме-иона (разд. 1–3). Обменная связь моментов  $J_r$  (4f-оболочек) осуществляется через возбуждения 5d-электронов:

$$H^{\text{cov}} = -\sum \Gamma D_r F_r \overline{F}_R \overline{D}_R - x \sum \left( \gamma \ F_r D_r \overline{P}_R \overline{F}_R + \text{H.c.} \right).$$
(14.1)

Спиновая часть обмена (14.1) возникает после разложения (2.2) спиновых  $c_{rS\sigma}(S_r)$  и орбитальных  $v_{rL}(L_r)$  факторов МЭОС. Получаем спиновую и орбитальную части обменного гамильтониана в стандартной форме [3, 8]

$$H^{\text{ex}} = -\sum A_{S}(r - R, T) \mathbf{S}_{r} \mathbf{S}_{R} - \sum A_{L} \mathbf{L}_{r} \mathbf{L}_{R} - \dots$$
 (14.2)

Здесь обменные параметры, аналогично (2.7), выражаются через корреляторы МЭОС:

$$A_{S} = Z_{S} \left\{ \Gamma \left( r - R \right) \left\langle D_{r} \overline{D}_{R} \right\rangle + x \left[ \gamma \left\langle D_{r} \overline{P}_{R} \right\rangle + \gamma^{*} \left\langle P_{r} \overline{D}_{R} \right\rangle \right] \right\} = Z_{S} \widetilde{\Gamma} \left( r - R, T \right)$$
(14.3)

И

$$A_{L} = Z_{L} \tilde{\Gamma} (r - R, T), \tilde{A} = (\tilde{Z}_{S} + \tilde{Z}_{L}) \Gamma (r - R, T).$$
(14.4)

От *х* зависит только спиновая часть (14.3) из-за нулевого орбитального момента 1*s*-электронов H.

Эффективный обменный гамильтониан

$$H^{\text{ex}} = -\sum \tilde{A}J_{r}J_{R}, \tilde{Z}_{S} = Z_{S}(g-1)^{2}, \tilde{Z}_{L} = Z_{L}(2-g)^{2}, T_{c}(x) \sim \tilde{A} \quad (14.5)$$

выражается через фактор Ланде g. Влияние H (второй член в фигурной скобке (14.3) выражения  $\tilde{\Gamma}$ ) входит через парные корреляторы MЭOC (5d-1s). Зависимость от x входит как явно (через ковалентные параметры), так и (неявно) через координационные числа соседств Me-H. Поэтому зависимость  $T_c(x)$  для ФМ-фаз MeH<sub>x</sub>, вообще говоря, нелинейна:

$$T_{c}(x) \cong T_{c}(0) \Big[ 1 + x\gamma K_{DP}(x) / \Gamma \Big], K_{DP} = 2 \operatorname{Re} \left\langle D_{r} \overline{P}_{R} \right\rangle \quad (14.6)$$

(за счет коррелятора МЭОС пары  $K_{DP}(x)$ ).

Влияние H на МФД ниже  $T_c$  (или  $T_N$ ) должно сильно зависеть от неоднородности ковалентных связей  $\tilde{\Gamma}(r-R)$ , даже если пренебречь ролью ФХС (т.е. зависимостью (14.3) от *T*). Рассмотрим влияние корреляторов Ме-H на устойчивость магнитных фаз. Интерес представляет метамагнитный переход ФМ-геликоид. Используем теорию разд. 3, связывающую его с особенностями магнонного спектра [7, 8], точнее, с наличием линейного по *k* члена в энергии магнона  $E^m$ .

Расчет разд. 3 дисперсии обменного интеграла (14.3) при x = 0 дает:

$$A(k) = \varphi \left\{ \Gamma(k) \rho^{2} + \sum_{q} \Gamma(k+q) N_{q}^{D} \right\}, \ \rho^{2} = \left\langle D_{0} \overline{D}_{0} \right\rangle, \ N_{q}^{D} = \left( e^{\beta \Gamma_{q}} + 1 \right)^{-1},$$
(14.7)

где плотность ФХС  $N_q^D(E)$  аппроксимируем больцмановским фактором при низких  $T = (1/k_B\beta) \le 10^2$  К, при  $\Gamma \sim 1$  эВ. Разложение фурье-образа

$$\Gamma(k+q) \cong \Gamma(q) + \Gamma'(\mathbf{k} \cdot \mathbf{q})$$
(14.8)

для малых k дает закон дисперсии магнонов:

$$E^{m}(k)/2J = A(0) - A(k) + \mu_{B}B_{0} = Ak^{2} + (\vec{\Gamma}_{1}T^{2}) \cdot \mathbf{k} + \mu_{B}B_{0},$$
  
$$\Gamma_{1} \sim \Gamma'/\Gamma^{2}, B_{0} \sim B_{A} + B. \qquad (14.9)$$

Вектор геликоида  $\mathbf{k}_0$  (определяемый минимумом  $E^m(k)$  (см. разд. 3) зависит от линейного члена (14.9).

Растворение Н перенормирует дисперсию обмена (14.3); добавка

$$\Delta A(k) = x \sum \gamma (k+q) K_{DP}(q), \langle D_q \overline{P}_q \rangle = K_{DP}(q) \qquad (14.10)$$

перенормирует (14.9). К линейному члену энергии магнона добавляется

$$\Delta E^{m}(k,x) = \text{const } x\mathbf{k} \cdot \vec{\Gamma}_{1}(x), \ \widehat{\gamma}_{k}'(x) \sum \mathbf{q} K_{DP}(\mathbf{q},x) = \vec{\Gamma}'; (14.11)$$

тем самым перенормируется волновой вектор геликоида  $\mathbf{k}_0(x,T)$ . В зависимости от знака  $\Gamma_1$  (от ковалентного параметра  $\gamma$  (14.1), коррелятора  $K_{DP}$  (14.11) и его неоднородности) и параметров магнитной анизотропии ( $B_A$ ) период геликоида либо уменьшается, либо увеличивается с ростом x.

#### выводы

1. Система электронов РЗМ по степени их локализации разбивается

на 1) локальные (в узлах *r*) 4*f*-электроны, 2) локализованные на ковалентных орбитах (для пар ионов РЗМ) 5*d*-электроны, 3) зонные делокализованные («свободные») 6*s*-электроны (проводимости).

2. Локальные 4f-электроны характеризуются суммарным орбитальным ( $\mathbf{L}_r$ ) и спиновым ( $\mathbf{S}_r$ ) моментами. Угловой момент ( $\mathbf{J}_r$ ) и фактор Ланде (g) — хорошие квантовые числа.

3. 5*d*-электроны РЗМ (кроме Gd) возбуждаются и образуют ковалентные (обменные) связи, а также спектр их возбуждений (ФХС).

4. Зонный спектр вблизи уровня Ферми деформируется пересечением с ФХС. Здесь возникают линейные по квазиимпульсу k части.

5. Условия локальности позволяют представлять 4*f*- и 5*d*-электроны МЭОС. Строгое определение МЭОС в пространствах Фока обосновывает их вторичное квантование (боголюбовские функции Грина).

6. Спектры ФХС (и тепловые свойства РЗМ) определяются параметрами  $\Gamma$  ковалентных («парных») 5*d*-связей. Параметры ТДП (функционалы корреляторов МЭОС) выражаются через функции распределения (числа заполнения  $N_k^D$ ) ФХС.

7. Есть аналогия ФХС и ФМ-магнонов (энергии ФХС  $E_k \sim \Gamma k^2$ , вклад в ТДП  $\Delta \Phi^{\text{CBF}} \sim (T/\Gamma)^{5/2}$  для трехмерного РЗМ).

8. Амплитуда ( $\xi_D$ ) возбуждения 5*d*-электронов из 4*f*-оболочки определяется конкуренцией хаббардовского отталкивания ( $U_D$ ) и 4*f*-5*d*-гибридизации.

9. Интеграл косвенного (ковалентного) 4f-4f-обмена (межионного)  $A \sim \Gamma \xi_D^2$  мал и явно зависит от  $N_k^D$ .

10. Обмен Хунда ( $A_D$ ) и спин-орбита ( $\lambda$ ) размораживают спин  $s_r$  и орбитальный момент  $l_r$  ковалентных 5d-электронов. Спиновый ( $\sim S_r S_R$ ) и орбитальный ( $\sim L_r L_p$ ) вклады в обменный гамильтониан имеют добавочные малые факторы ( $A_D/U_D$ ) и ( $\lambda/U_D$ ). Поэтому величина  $T_c(4f) \sim 10^2 \text{ K} << T_c(3d) \sim 10^3 \text{ K}.$ 

11. Константы ФМА ( $K_1 \sim 10^9$  эрг/см<sup>3</sup>) получаются из анизотропной части КП-СF. Величина  $K_1^{CF} \sim u_{zz}$  (спонтанной деформации ГПУ вдоль оси c = 0z). Гамильтониан КП образован «эффективными зарядами» (парами 4*f*- и 5*d*-МЭОС).

12. Разложение спиновых и орбитальных факторов МЭОС дает спиновый (~ $A_D$ ) и орбитальный ( $\lambda$ ) вклады в  $K_1$  разного знака. Это дает зависимость знака  $K_1(n)$  в ряду тяжелых РЗМ от g. При g < 5/4 меняется знак  $K_1^{CF}$  (переход П/ЛН–О/ЛН).

няется знак  $K_1^{\text{CF}}$  (переход ПЛН–ОЛН). 13. Зависимость  $K_1^{\text{exp}}(T) = -(K_1^{\text{CF}} + 2K_2^{\text{CF}})$  [17, 18] близка к магнонному закону Акулова–Зинера для «поперечных магнонов» (~  $M_s^3(T)$ при  $T < 3T_c/4$ ). Для больших T учет «продольных магнонов» [6, 8] изменяет этот закон на  $K_1^{\text{CF}} ~ M_s^2(T)$ , используемый часто эмпирически [16].

14. В исключительном случае Gd (n = 7, L = 0) вклад КП мал и конкурирует с ковалентным (анизотропным) вкладом  $K_1^{cov}(T) \sim 10^7$  эрг/см<sup>3</sup>.

Учет экранирования связи  $\Gamma(r-R) \sim -\kappa(r-R)$  усложняет вид  $K_1^{\text{cov}}(\kappa, T) \sim -K_1^{\text{CF}}(T)$ . Возникает немонотонность (и изменение знака)  $K_1^{\text{exp}}(T)$ : сложная МФД с переходами ОЛН–конус–ПЛН для Gd.

15. ФХС влияет на дисперсию обменного интеграла A(k) и дает линейный вклад  $\Delta A \sim -kT^2$  в него. При  $T > T_{0c} \sim 10^2$  К он изменяет знак энергии магнона  $E^m(k)$  при  $k = k_0 = Q_c$ .

16. Вектор геликоида  $Q_c(T) \sim (T - T_{0c})$ . Критическое поле его перехода в ФМ-фазу  $B_c \sim (T - T_{0c})J_T(T)$ . Эти результаты интерпретируют данные для РЗМ (Tb-Ho).

17. Теория позволяет рассчитать сильное поглощение водорода в РЗМ. Ковалентные связи Me(4f)-Н сильны в системе  $MeH_x$  и дают  $x \sim 1$ . При x > 1 деформация поверхности Ферми (линейная часть закона дисперсии  $\varepsilon_k \sim k$ ) резко уменьшает DOS(E) здесь, что объясняет уменьшение электропроводности гидридов.

18. Перенормировка линейной части  $\Delta A(k,T,x)$  изменяет МФД системы Ме $H_x$ .

Работа выполнена в рамках проекта 28/09-Н (06) Комплексной программы НАН Украины «Наноструктурные системы, наноматериалы, нанотехнологии».

## ЦИТИРОВАННАЯ ЛИТЕРАТУРА

- 1. С. В. Вонсовский, Магнетизм (Москва: Наука: 1971).
- К. Тейлор, М. Дарби, Физика редкоземельных соединений (Москва: Мир: 1974).
- Ю. П. Ирхин, В. Ю. Ирхин, Электронное строение и физические свойства переходных металлов (Свердловск: Изд-во Урал. гос. ун-та: 1989).
- 4. А. И. Мицек, Успехи физики металлов, 6, № 3: 233 (2005).
- 5. А. И. Мицек, В. Н. Пушкарь, *Металлофиз. новейшие технол.*, **30**, №12: 1591 (2008).
- 6. А. И. Мицек, Фазовые переходы в кристаллах с магнитной структурой (Киев: Наукова думка: 1989).
- 7. B. Coqblin, The electronic structure of Rare-Earth Metals and Alloys: The Magnetic Heavy Rare Earth (London: Academic Press: 1977).
- А. И. Мицек, В. Н. Пушкарь, Реальные кристаллы с магнитным порядком (Киев: Наукова думка: 1978).
- 9. К. П. Белов, *Магнитострикционные явления и их технические приложе*ния (Москва: Наука: 1987).
- 10. А. В. Дерягин, УФН, 120, №3: 393 (1976).
- А. И. Мицек, В. Н. Пушкарь, Металлофиз. новейшие технол., 31, № 7: 881 (2009).
- 12. А. И. Мицек, Металлофиз. новейшие технол., 26, № 5: 591 (2004).
- 13. А. И. Мицек, Металлофиз. новейшие технол., 26, № 2: 141 (2004).
- 14. А. И. Мицек, Металлофиз. новейшие технол., 26, № 7: 911 (2004).
- 15. Г. Шульце, Металлофизика (Москва: Мир: 1971).
- 16. С. В. Вонсовский, Я. С. Шур, Ферромагнетизм (Москва: Гос. изд-во техн.-

теор. лит.: 1948).

- 17. Е. А. Туров, А. И. Мицек, ЖЭТФ, 37, № 4 (10): 1127 (1959).
- 18. Е. А. Туров, А. И. Мицек, ЖЭТФ, 38, № 6 (12): 1847 (1960).
- О. А. Шматко, Ю. В. Усов, Структура и свойства металлов и сплавов.
   Электрические и магнитные свойства металлов и сплавов (Киев: Наукова думка: 1987).
- 20. А. И. Мицек, Металлофиз. новейшие технол., 26, № 12: 1553 (2004).
- 21. А. И. Мицек, Металлофиз. новейшие технол., 31, № 5: 579 (2009).
- 22. Hydrogen in Intermetallic Compounds. II (Berlin: Springer-Verlag: 1992).