PACS numbers: 61.43.Dq, 72.15.Cz, 75.47.Np, 75.50.Kj, 75.70.Kw, 81.05.Bx, 81.40.Rs

## Електроопір та магнетоопір аморфних металевих стопів на основі заліза та кобальту

М. П. Семенько, М. І. Захаренко, Ю. А. Куницький<sup>\*</sup>, В. А. Макара, А. П. Шпак<sup>\*\*</sup>

Київський національний університет імені Тараса Шевченка, просп. Акад. Глушкова, 2<sup>a</sup>, 03022 Київ, Україна <sup>\*</sup>Технічний центр НАН України, вул. Покровська, 13, 03070 Київ, Україна <sup>\*\*</sup>Інститут металофізики ім. Г. В. Курдюмова НАН України, бульвар Акад. Вернадського, 36, 03860, МСП, Київ-142, Україна

Розглянуто основні особливості електроопору та магнетоопору аморфних металевих стопів на основі Fe, Co та Ni. Проаналізовано основні теоретичні уявлення про механізми розсіяння електронів провідности в цих стопах. Запропоновано феноменологічний модель для опису польових залежностей магнетоопору феромагнетних аморфних стопів. Обґрунтовано параметри такого моделю і показано можливість його застосування для визначення важливих характеристик аморфних стопів.

Salient features of the electrical resistivity and magnetoresistance of the Fe-, Co- and Ni-based amorphous metallic alloys are considered. The analysis of theoretical approaches to the description of scattering mechanisms in these systems is performed. Phenomenological model of the field dependences of magnetoresistance of ferromagnetic amorphous alloys is developed. The parameters of such a model are validated, and the possibility of its application to the determination of key parameters of amorphous alloys is proved.

Рассмотрены основные особенности электросопротивления и магнетосопротивления аморфных металлических сплавов на основе Fe, Co и Ni. Проанализированы основные теоретические представления о механизмах рассеяния электронов проводимости в этих сплавах. Предложена феноменологическая модель описания полевых зависимостей магнетосопротивления ферромагнитных аморфных сплавов. Обоснованы параметры такой модели и показана возможность ее использования для определения важных характеристик аморфных сплавов.

131

132 М. П. СЕМЕНЬКО, М. І. ЗАХАРЕНКО, Ю. А. КУНИЦЬКИЙ та ін.

Ключові слова: аморфні металеві стопи, перехідні метали, електроопір, магнетоопір, доменна структура, поле анізотропії.

(Отримано 5 травня 2009 р.)

## **3MICT**

- 1. Вступ
- 2. Електротранспортні властивості аморфних матеріялів
  - 2.1. Особливості електричного опору аморфних металевих стопів
  - 2.2. Механізми електроопору
  - 2.3. Аномалії електроопору АМС
  - 2.4. Магнетоопір феромагнетних АМС
- 3. Експериментальні результати з електроопору AMC на основі заліза, кобальту та ніклю
- 4. Феноменологічний модель магнетоопору феромагнетних АМС
  - 4.1. Експериментальні дослідження магнетоопору

**4.2.** Феноменологічний підхід до опису польових залежностей магнетоопору

4.3. Фактори, що визначають параметри залежностей МО від Н

- 4.4. Перевірка моделю
- 4.5. Узагальнення моделю
- 4.6. Практичне застосування моделю
- 5. Висновки

# СПИСОК УМОВНИХ ПОЗНАЧЕНЬ ТА СКОРОЧЕНЬ

AMC	— аморфні металеві стопи;
$\Pi M$	— перехідний метал;
Μ	— металоїд;
EC	— електронна структура;
AC	— атомова структура;
$\Phi 3$	— Фабера–Займана (теорія, модель, рівняння);
ТКО	— температурний коефіцієнт опору;
ГЕС	— густина електронних станів;
СЛ	— слабка локалізація;
EEB	— електрон-електронна взаємодія;
MO	— магнетоопір;
ФAO	— феромагнетна анізотропія опору;
ВЛМ	— вісь легкого магнетування;
CMC	— стохастична магнетна структура;
$E_F$	— енергія Фермі;
$k_F$	— хвильове число Фермі;
ρ	— питомий електроопір;

- R — електроопір (абсолютний або відносний); температурний коефіцієнт опору; α  $N(E_{\rm F})$  — густина електронних станів на рівні Фермі; S(K)— структурний фактор; — Дебайова температура;  $\Theta_{II}$  $T_{C}$ — температура Кюрі; — коефіцієнт електронної тепломісткости; γ Ď — константа спін-хвильової жорсткости;  $\beta_{\perp(\parallel)}$ — магнетоопір поперечний (поздовжній); — магнетоопір насичення;  $\beta_S$  $\Delta \rho / \overline{\rho}_0$  — феромагнетна анізотропія опору; H — магнетне поле (зовнішнє); H— поле анізотропії;  $H_A$ — розмагнетувальний фактор; N— намагнетованість насичення;  $M_{S}$ — магнетострикція (магнетострикція насичення);  $\lambda(\lambda_s)$ — зовнішні механічні напруження; σ
- σ<sub>i</sub> внутрішні напруження.

#### 1. ВСТУП

Досягнення останніх років у галузі фізики конденсованого стану тісно пов'язані з розробкою нових матеріялів з високими функціональними характеристиками. Серед цих матеріялів важливе місце посідають металічні системи з різними типами композиційної та топологічної невпорядкованости, в тому числі, і аморфні металеві стопи (AMC). Незважаючи на беззаперечні успіхи у дослідженні невпорядкованих металічних систем, ряд питань залишається нез'ясованим. Зокрема, наявні модельні уявлення про їх кінетичні властивості, в тому числі, і про електроопір, не можуть пояснити всю сукупність експериментальних даних щодо фізичних механізмів формування цих властивостей, їх взаємозв'язку з електронною та атомною структурою. Важливою проблемою, насамперед з точки зору можливостей практичного використання AMC, є з'ясування закономірностей змін функціональних характеристик під дією зовнішніх чинників.

Серед цілого ряду експериментальних метод резистометрія виявилася досить ефективним засобом дослідження процесів, що відбуваються в кристалічних тілах, який дозволив встановити критерії застосовности тих чи інших теоретичних уявлень. Це зумовлено наявністю чітких теорій електроопору для кристалічних тіл, які знайшли експериментальне підтвердження. Такі теорії розроблені і для аморфних матеріялів, і на сьогодні існує цілий ряд робіт, у яких зроблено детальний огляд та класифікацію експериментальних результатів по кінетичних властивостях АМС та проаналізовано основні теоретичні моделі, як ті, що використовувалися для кристалічних систем, так і спеціально розроблені для інтерпретації результатів для невпорядкованих матеріялів (див. [1–7]). Одначе, загальний висновок, який можна зробити на основі аналізи цих робіт — це відсутність чіткої універсальної теорії для опису кінетичних властивостей АМС. Особливо значні труднощі виникають при інтерпретації експериментальних результатів по електроопору АМС на основі перехідних металів (ПМ), зокрема, АМС на основі заліза та кобальту. Серед усього різноманіття аморфних систем такі АМС представлені чи не найширше, що зумовлено їх унікальними властивостями, перш за все, магнетними, та досить широким застосуванням для технічних цілей в промисловому масштабі.

Втім, таке широке різноманіття цих стопів аж ніяк не означає, що всі питання відносно механізмів формування їх властивостей досконально вивчені і знайшли адекватне теоретичне пояснення. Це стосується, зокрема, і кінетичних властивостей АМС. Зокрема, на сьогодні не існує єдиної думки про роль металоїду (М) у формуванні зони провідности АМС, що тісно пов'язано з проблемою розділення впливу на електронну структуру (ЕС) ефектів, зумовлених некристалічністю матеріялів, та ефектів хімічної взаємодії [8]. Не існує і єдиної думки про вплив на електроопір АМС леґувальних компонентів. Досить часто аналіза експериментальних результатів провадиться в рамках певних теорій (Фабера–Займана, Мотта тощо) з використанням припущень, які не мають надійного фізичного підґрунтя і не спираються на арґументовані факти.

Існування цілого ряду невідповідностей між теорією та експериментом стосовно електроопору АМС на основі ПМ досить часто пов'язують із зростанням ролі d-електронів у явищах переносу, хоча чіткі теорії та критерії відносно цього відсутні. Основним арґументом щодо цього є зменшення внеску *sp*-електронів у провідність через їх сильне розсіяння на невпорядкованій структурі, в результаті чого відносний внесок d-електронів зростає. Останні, до речі, через велику ефективну масу досить слабко визначають електротранспорт кристалічних матеріялів. Однак, якщо невпорядкована структура сильно розсіює *sp*-електрони, то чому наявність невпорядкованости не впливає на розсіяння d-електронів, хоча згідно з розрахунками та результатами експерименту ширина d-зони при аморфізації зростає досить мало [8, 9]?

Інша проблема — це роль атомових неоднорідностей з різним композиційним та топологічним впорядкуванням, властивих аморфній структурі [10, 11], у розсіянні носіїв електричного струму. Не визначена остаточно роль і так званих технологічних неоднорідностей (які є наслідком умов гартування) у формуванні електричних властивостей [4]. Таким чином, труднощі в інтерпретації результатів по електроопору значною мірою спричинені експериментальними факторами, як за рахунок особливостей впливу структурної невпорядкованости на електроопір АМС, так і за рахунок чисто технологічних причин.

Іще одна проблема пов'язана з досить складними критеріями, що висуваються фізиками-теоретикам для перевірки тих чи інших теорій. Такі критерії є або досить складними для використання на практиці, або слабко зрозумілими для фізиків-експериментаторів, що відмічено, наприклад, в [12].

Нижче наведений огляд експериментальних результатів стосовно впливу складу AMC на їх кінетичні властивості та результати аналізи цих результатів з використанням деяких теоретичних уявлень про електроопір та магнетоопір аморфних стопів.

## 2. ЕЛЕКТРОТРАНСПОРТНІ ВЛАСТИВОСТІ АМОРФНИХ МАТЕРІЯЛІВ

#### 2.1. Особливості електричного опору аморфних металевих стопів

Відомо, що концентрація носіїв електричного струму в АМС є величиною того ж порядку, що і в кристалічних стопах ( $10^{22}$  см<sup>-3</sup>), а значення їх питомого електричного опору  $\rho$  значно відрізняються. Суттєво відмінними для них є і температурні коефіцієнти опору (ТКО)  $\alpha$ . Для АМС  $\rho$ , як правило, має значення 100-300 мкОм·см, а ТКО не перевищує ~  $10^{-4}$  K<sup>-1</sup>, причому він може бути додатнім, нульовим і від'ємним. Беззаперечно, що високі значення  $\rho$  зумовлені, насамперед, розупорядкованістю атомної структури. Такі значення  $\rho$  при малих ТКО суттєво ускладнюють аналізу експериментальних результатів. Дійсно, при  $\alpha \sim 10^{-4}$  K<sup>-1</sup> і  $\rho \sim 100$  мкОм·см зміни електроопору  $\Delta \rho$  в температурнім інтервалі 300 К складатимуть 3 мкОм·см, що складає всього лиш 3% від значення  $\rho$ .

На сьогодні накопичено багато експериментальних даних по кінетичних властивостях, зокрема і по електричному опору АМС. Аналіза показує, що поведінка  $\rho(T)$  для більшости з них при високих температурах ( $T > \Theta_{\mathcal{I}}$ ) подібна до відповідних залежностей для рідкого стану. Це вказує на те, що незважаючи на відсутність періодичної структури, до них можна застосувати модель майже вільних електронів. Іншими словами, аморфний стан, певною мірою, можна вважати замороженою рідиною і до нього застосовувати всі теоретичні підходи, справедливі для рідкого стану.

Як показує аналіза, досить рідко характер залежностей  $\rho(T)$  пояснюється в рамках лише одного механізму розсіяння. Зазвичай вважається, що за наявності декількох механізмів розсіяння величина  $\rho$  за правилом Матіссена визначається як сума структурного  $\rho_c$ та додаткового  $\rho_{\rm d}$  внесків. Досить часто визначення додаткових фізичних механізмів електроопору здійснюють шляхом виділення із загального електроопору складової  $\rho_{\mathcal{A}}(T)$  та аналізи її температурної залежности (як правило, її приймають степеневою  $T^n$ ). На жаль, якщо  $\rho_{\mathcal{A}} < \rho_c$ , то досить важко надійно визначити характер залежности  $\rho_{\mathcal{A}}(T)$  навіть в тому випадку, коли точність вимірювання значно вища за  $\Delta \rho$ . Особливо складно розділити внески різних механізмів, якщо значення *n* для них слабко відрізняються (наприклад, n = 3/2і n = 2, що характерно для різних магнетних механізмів розсіяння). Тому чисельна аналіза навряд чи може бути адекватним підтвердженням існування того чи іншого механізму  $\rho_{\pi}$ .

Наявність особливих механізмів розсіяння носіїв саме в аморфному стані є не єдиною причиною складности інтерпретації експериментальних результатів. Як відомо, аморфний стан за своєю природою є метастабільним і може характеризуватися цілим набором атомних конфігурацій, тобто різним характером топологічного та хімічного впорядкування. Тому підхід до аморфного стану як деякого гомогенного середовища видається певною мірою спрощеним. Атомну структуру аморфного стану слід скоріше розглядати як гетерофазне (стохастичне) середовище, причому, в кожній із його умовно гомогенних областей мають місце флюктуації параметрів ближнього впорядкування. Тому, як і інші властивості, наприклад, магнетні [13], транспортні властивості АМС виявляються досить чутливими до розмірних факторів, які зумовлені різними умовами гартування розтопу [14], структурною релаксацією АМС [15], змінами в локальних атомних конфігураціях [16], тощо. Через вказані вище причини аналіза експериментальних даних з електроопору АМС досить складна, і в більшості випадків має лише якісний характер.

## 2.2. Механізми електроопору

Розтопи простих металів стали першим прикладом некристалічних матеріялів, для яких було розвинуто теоретичні уявлення про кінетичні властивості. Вперше теорія електроопору таких систем була запропонована в роботах [17, 18]. Згідно з цим, так званим дифракційним модельом Фабера–Займана (ФЗ), питомий електричний опір р можна подати у вигляді [1–3, 19, 20]:

$$\rho \approx \frac{2\pi m \Omega_0}{\hbar e^2 E_F} S(2k_F) \left| V(2k_F) \right|^2, \qquad (1)$$

де m — маса електрона, e — його заряд,  $k_F$  — Фермійове хвильове число,  $N(E_F)$  — густина станів на рівні Фермі  $E_F$ , S(K) — структурний фактор,  $V(2k_F)$  — псевдопотенціял,  $\hbar$  — Планкова стала,  $\Omega_0$  атомовий об'єм. Рівняння (1) досить добре описує електроопір цілої низки рідких простих металів та стопів на їх основі [19], а тому його досить часто використовують і для інтерпретації транспортних властивостей AMC [1–3].

Еванс, Ґрінвуд і Ллойд [21] розширили ідею дифракції електронів на перехідні метали, замінивши слабкий йонний потенціял V(K)на *t*-матрицю, яку можна одержати, наприклад, методою ЛМТО. З урахуванням того, що для перехідних металів *d*-фазовий зсув  $\eta_2(l = 2)$  при  $E_F \epsilon$  домінуючим, то для питомого значення електричного опору можна записати [20]:

$$\rho = \left(\frac{30\pi^{3}\hbar^{2}}{me^{2}\Omega_{0}k_{F}^{2}E_{F}}\right)\sin^{2}\left(\eta_{2}\left[E_{F}\right]\right)S\left(2k_{F}\right).$$
(2)

Це рівняння отримало назву рівняння Еванса–Ґрінвуда–Ллойда або ЕҐЛ-рівняння.

Таким чином, температурна залежність  $\rho$  визначатиметься температурною поведінкою структурного фактора [1–3, 19, 20], а саме значення  $\rho$  буде залежати або від пседопотенціялу (рівняння (1)), або від деякого «теоретичного» параметра  $\eta_2$  (рівняння (2)), який досить складно зв'язати з певною експериментальною величиною. Іншою причиною, що ускладнює таку аналізу, є вибір параметрів  $k_F$ та  $E_F$ , точні значення яких для ПМ невідомі, що обумовлює неоднозначність інтерпретації експериментальних результатів. Особливістю обох рівнянь є неявна залежність від густини електронних станів (ГЕС) на рівні Фермі  $N(E_F)$ .

В рамках дифракційного моделю найбільш розповсюдженим наближенням для опису температурної залежности структурного фактора  $S(K) \in \phi$ ормула [22]:

$$S(K) = 1 + [S_0(K) - 1]e^{-2[W(T) - W(0)]},$$
(3)

де  $S_0(K)$  — структурний фактор при абсолютному нулі температур (геометричний структурний фактор), а  $e^{-2[W(T)-W(0)]}$  — ефективний фактор Дебая-Валлера.

Температурна залежність електричного опору обумовлена залежністю від температури фактору Дебая–Валлера і в Дебайовому наближенні *W*(*T*) має вигляд [23]:

$$W(T) = 4W(0) \left[\frac{T}{\Theta_{\mathcal{A}}}\right]^2 \int_0^{\Theta_{\mathcal{A}}/T} \left(\frac{1}{e^z - 1} + \frac{1}{2}\right) z dz , \qquad (4)$$

дe

$$W(0) = \frac{3}{8} \frac{\hbar^2 K^2}{M k_B \Theta_{\pi}}, \qquad (5)$$

К — вектор розсіяння, M — маса атома,  $\Theta_{\! I}$  — температура Дебая,  $k_{\!\scriptscriptstyle B}$ 

— Больцманнова стала.

Для розрахунку температурної залежности W(T), як правило, використовують наближені формули, справедливі в граничних випадках [24]:

$$W(T) \cong W(0) + 4W(0) \frac{\pi^2}{6} \left[ \frac{T}{\Theta_{\mathcal{I}}} \right]^2, \ T \ll \Theta_{\mathcal{I}}, \tag{6}$$

$$W(T) \cong W(0) + 4W(0) \left[\frac{T}{\Theta_{\pi}}\right], \ T \ge \Theta_{\pi}.$$
 (7)

Однак, як було показано в [25], при розрахунках за формулою (7) розбіжність одержаних значень W(T) при  $T = \Theta_{\mathcal{A}}$  від реальних може досягати 60%. В цій роботі було запропоновано використовувати для розрахунків W(T) формули, одержані шляхом розкладу підінтегрального виразу (4) в ряд. Як наслідок, було одержано досить добре узгодження результатів розрахунку р для АМС системи Ni–Zr з різним співвідношенням компонентів. Однак, використання рядів досить незручне для аналізи експериментальних даних. В [26] відмічалось також, що для  $T \ge \Theta_{\mathcal{A}}$  наближення (7) досить грубе і була запропонована інша асимптотична поведінка W(T), а саме:

$$W(T) \cong 4W(0) \left[ \frac{T}{\Theta_{\pi}} \right], \ T \ge \Theta_{\pi}.$$
(8)

В цьому випадку наближення (6), справедливе для низьких *T*, залишається незмінним.

Оцінка W(0) за співвідношенням (8) при типових для металічних стекол значеннях параметрів  $\Theta_{\mathcal{I}} = 300$  К,  $M \approx 8 \cdot 10^{-27}$  кг та  $E_F \approx 10$  eB дає значення  $W(0) \approx 0,013$  [26]. Іншими словами, W(0) << 1, тому експоненту в (3) можна розкласти в ряд та одержати асимптотику S(K), а відповідно, і  $\rho$  з використанням формул (6) та (8) [26]:

$$S(K) \cong S_0(2k_F) + \left(\frac{2\pi}{\Theta_{\pi}}\right)^2 \frac{W(0)}{3} [1 - S_0(2k_F)]T^2, \quad T << \Theta_{\pi},$$
 (9)

$$S(K) \cong S_0(2k_F) - 2W(0)[1 - S_0(2k_F)] + \frac{8W(0)}{\Theta_{\mathcal{A}}}[1 - S_0(2k_F)]T, \ T \ge \Theta_{\mathcal{A}}.$$
 (10)

З урахуванням рівнянь (1), (2), вираз для  $\rho$  матиме простий вигляд  $\rho = CS(K)$ , де C — деяка величина, що майже не залежить від T. Тому температурна поведінка  $\rho$  буде визначатися асимптотичною поведінкою структурного фактора.

Асимптотику S(K) у вигляді рівнянь (9), (10) досить часто вико-

ристовують для визначення  $\Theta_{\mathcal{A}}$  AMC за температурними залежностями електроопору. У відповідності з цими рівняннями, температурну залежність електричного опору для зазначених температурних інтервалів можна апроксимувати виразами:

$$\rho(T) = a_0 + a_2 T^2, \quad T \ll \Theta_{\mathcal{I}}, \tag{11}$$

$$\rho(T) = b_0 + b_1 T, \quad T \ge \Theta_{\mathcal{I}}. \tag{12}$$

З урахуванням асимптотичної поведінки S(K) (див. рівняння (9)–(10)), при відомих коефіцієнтах, які характеризують температурну залежність електричного опору, легко одержати вираз [24, 25]:

$$\Theta_{\pi 1} = \frac{\pi^2}{6} \frac{b_1}{a_2},$$
 (13)

який можна використати для знаходження температури Дебая [24, 25].

Однак, якщо асимптотика S(K) описується рівняннями (8)–(9), то при відомих апроксимувальних коефіцієнтах  $\rho(T)$  можна записати ще два вирази для  $\Theta_{\pi}$ :

$$\Theta_{\mu_2} = 4 \frac{a_0 - b_0}{b_1}, \tag{14}$$

$$\Theta_{J3} = 2\pi \sqrt{\frac{a_0 - b_0}{3a_2}}.$$
 (15)

Всі ці вирази мають бути еквівалентні по своїй суті, проте лише рівняння (13) використовують на практиці для знаходження  $\Theta_{\mathcal{I}}$  [24–28], а застосування виразів (14) та (15) та порівняння одержаних величин  $\Theta_{\mathcal{I}1}$ ,  $\Theta_{\mathcal{I}2}$  та  $\Theta_{\mathcal{I}3}$  в літературі відсутні, хоча саме порівняння цих значень може дати найбільш повну інформацію про застосовність теорії  $\Phi$ 3.

Мотт у роботі [29] критично ставився до розгляду провідности в рідких перехідних металах в рамках моделю Займана та його модифікацій. Підставою для цього було те, що зміна  $\rho$  при топленні складе 0,01 та 0,09 для Fe та Со відповідно. Але оскільки атомові радіюси цих двох елементів відрізняються незначно, то їх електричний опір не повинен був би так сильно залежати від структурного фактора. Тому він запропонував, як і для кристалічних ПМ, розглядати два типи носіїв з різними рухливостями та ефективними масами: *sp*- та *d*-електрони. Через те, що *sp*-електрони, які в основному дають внесок у провідність, можуть розсіюватися у незайняті *d*-стани, розміщені поблизу рівня Фермі, то ймовірність такого розсіяння повинна бути пропорційна густині *d*-станів на поверхні Фермі  $N_d(E_F)$ . Оскільки *d*-зона порівняно вузька, а  $N_d(E)$  велика і сильно змінюється навіть при незначній зміні енергії, то останнє може викликати досить значні зміни електричного опору. В моделю Мотта значення р подається як [30]:

$$\rho = \frac{24\pi^4 \hbar \Gamma N_d(E_F)}{e^2 K_0 k_F^3},$$
 (16)

де  $k_{\rm F}$  — хвильове число Фермі, Г та  $E_0 = (\hbar K_0)^2 / (2m)$  — ширина та енергія d-резонансу.

Ґрунтуючись на деякі експериментальних фактах та розрахунках  $\rho$ , виконаних Еспосіто та ін. [31] в рамках дифракційного моделю ФЗ та Фуджіварі [32] в рамках моделю Мотта, у роботі [20] зроблено порівняння цих двох теорій, яке, утім, не дозволяє надати однозначної переваги будь-якому із цих моделів. Якщо теорія Мотта дає досить добре узгодження розрахункових значень, то теорія ФЗ може пояснити ряд експериментальних фактів, таких як вигляд температурної залежности  $\rho$ , вплив леґувальних компонентів для ряду АМС, тощо.

В [1] зазначено, що розрахунки, виконані за теорією ФЗ для розтопів Ge з Fe, Co та Ni, корелюють з експериментом тільки тоді, коли як «парціяльні структурні фактори» приймаються експериментально знайдені структурні фактори чистих компонентів та розтопу сполуки Fe<sub>5</sub>Ge<sub>3</sub>. В [33] теорію ФЗ використано для розрахунків низки рідких ПМ з урахуванням спінової поляризації В цілому одержано краще наближення до експериментальних значень. Проте розрахунки для термо-ЕРС не дають бажаного наближення. Дещо новий, і певною мірою специфічний підхід до розрахунків електроопору і термо-ЕРС, який базується на теорії ФЗ, викладено в [34]. Однак і він не дає остаточної відповіді про коректність використання теорії ФЗ до аналізи електроопору AMC.

#### 2.3. Аномалії електроопору АМС

Серед аномалій температурної поведінки  $\rho$  на особливу увагу заслуговує наявність мінімуму електроопору, який не може бути пояснений ні із використанням теорії ФЗ, ні з використанням теорії Мотта. Температура такого мінімуму  $T_{\rm мін}$ , як правило, мала і складає кілька десятків кельвінів. В той же час, існують системи, в яких подібний мінімум виникає при відносно високих температурах. Це стосується, зокрема, АМС  $\rm Cr_xPd_{80-x}Si_{20}$  та  $\rm Mn_xPd_{80-x}Si_{20}$  [35]. Подібні ефекти спостерігалися і для інших стопів (див. [36]). Логарифмічна залежність електричного опору від температури, що спостерігається в АМС при низьких T, дещо подібна до Кондо-ефекту в кристалі

чних металах [37]. Саме така точка зору і відстоюється в [34] для пояснення результатів для AMC  $Cr_{x}Pd_{80-x}Si_{20}$  та  $Mn_{x}Pd_{80-x}Si_{20}$ .

Разом з тим, в аморфних стопах така залежність спостерігається навіть при феромагнетному впорядкуванні, що не сумісне з ефектом Кондо [37]. Так, на рис. 1 наведено температурні залежності нормованого електричного опору  $\Delta R/R = [R(T) - R(4,2 \text{ K})]/R(4,2 \text{ K})$ AMC системи Fe<sub>80-x</sub>Cr<sub>x</sub>B<sub>20</sub> з вмістом хрому від 0 до 32 ат.% [38], які при x = 0-27 ат.% є феромагнетними, а при x > 29 ат.% переходять у стан спінового скла. Як видно, при вмісті Cr у 2, 5, 10 і 15 ат.% на цих залежностях виявляються аж два мінімуми, в той час як при інших концентраціях хрому мінімум лише один. Крім того, при x >> 20 його положення зсувається в бік менших *T*.

На сьогодні існує кілька моделів, які дозволяють пояснити природу такого мінімуму в аморфних системах. Одні з них вважають, що цей ефект за своєю природою є повністю магнетним, а атомна структура впливає на нього лише опосередковано. В той же час, в рамках інших моделів мінімум електроопору вважається структурно індукованим. Детально такі моделі проаналізовано в [1–3, 5].

Серед механізмів розсіяння, що можуть призвести до появи мінімуму на залежностях  $\rho(T)$ , на особливу увагу заслуговують слабка локалізація (СЛ) та електрон-електронна взаємодія (ЕЕВ). Ці механізми є наслідком розсіяння хвильових функцій електронів на невпорядкованій структурі і дають квантові поправки в провідність [1, 7]. Якщо притримуватися оптичної термінології, то СЛ є наслідком дифракції електронів, а ЕЕВ — наслідком їх інтерференції [7]. Тому прояв обох механізмів є значною мірою подібний і зводиться



Рис. 1. Температурна залежність нормованого електроопору  $\Delta R/R = [R(T) - R(4,2 \text{ K})]/R(4,2 \text{ K})$  аморфних металевих стопів системи Fe<sub>80-x</sub>Cr<sub>x</sub>B<sub>20</sub> [36].

до появи у провідності складових  $\propto T^{1/2}$ . Саме такою температурною залежністю можна описати експериментальні низькотемпературні криві  $\rho(T)$  для багатьох AMC [38–47]. Перевагу в цьому випадку слід надати EEB, оскільки ефекти локалізації, як відомо [1, 7], пригнічуються магнетним полем, а отже їх виникнення несумісне з існуванням феромагнетизму.

Деякі феромагнетні АМС характеризуються досить високими значеннями  $T_{\text{мін}}$ . Так, для АМС  $\text{Fe}_{100-y-z}\text{Cr}_y(\text{P}, \text{C}, \text{Si})_z$  значення  $T_{\text{мін}}$ може сягати 268 К [43], для АМС системи Fe–Zr — 255 К і вище [40, 45]. Ще вищі значення  $T_{\text{мін}}$  (близько 360 К) одержані для деяких АМС Со–Si–B, леґованих Сг [46–47]. Такі ж результати були одержані в [47] для АМС Со–Si–B дещо іншого складу, причому мінімум може існувати при T, більших за 400 К. Деякі особливості температурної залежности  $\rho$ , зокрема залежність  $T^{1/2}$  нижче  $T_{\text{мін}}$ , можна пов'язати з ЕЕВ. Однак, ЕЕВ — це чисто квантове явище, яке вимагає наявність фазової когерентности між падаючою та розсіяною хвилями [7]. Тому пояснення таких високих значень  $T_{\text{мін}}$  в рамках цього механізму видається малоймовірним. Взагалі-то, в роботах [48, 49] вважалося, що типове значення  $T_{\text{мін}}$  і не аналізувалися.

Отже, якщо аномалія, у вигляді мінімуму на залежностях  $\rho(T)$  при низьких T знаходить пояснення, хоча однозначність у виборі механізмів явища і відсутня (в багатьох випадках віддають перевагу СЛ та ЕЕВ), то походження подібної аномалії при високих T менш ясне. Досить часто таку аномалію пов'язують з ефектами так званої початкової локалізації (incipient localization) [50], яка є передумовою переходу метал-ізолятор (її не слід зв'язувати з СЛ, зумовленої квантовою когерентністю). В [51] виникнення мінімуму пов'язують з мікрогетерогенною будовою АМС шляхом розгляду ефективного середовища, що складається з двох фаз—одна з металічним, а інша — зі спадним характером електроопору. Однак обґрунтування справедливости обох цих підходів здається нам досить слабким.

Відмітимо ту особливість, що більшість AMC, в яких існує мінімум електроопору при високих T, містять, як леґувальні домішки, елементи, яким притаманна антиферомагнетна обмінна взаємодія з найближчими сусідами ПМ [43, 46], або характеризуються значними магнетними неоднорідностями [45].

#### 2.4. Магнетоопір феромагнетних АМС

У феромагнетних АМС залежність магнетоопору (МО)  $\Delta \rho_H = \rho_H - \rho_0$ , або  $\beta = (\rho_H - \rho_0)/\rho_0 = (R_H - R_0)/R_0$ , виміряного при накладанні магнетного поля *H* вздовж вісі та перпендикулярно площині аморфної стрічки (в подальшому  $\beta_{\parallel}$  та  $\beta_{\perp}$  відповідно) має вигляд, типовий і для кристалічних феромагнетиків [52, 53]. Нижче температури Кюрі практично для всіх АМС має місце від'ємне значення  $\beta_{\perp}$  та додатне значення  $\beta_{\parallel}$ , причому обидва ці параметри залежать як від H, так і від T. На рисунку 2, як приклад, наведено польові залежності МО АМС Fe<sub>90-x</sub>Mn<sub>x</sub>Zr<sub>10</sub> при різних T, що відповідають різним типам магнетної структури АМС: феромагнетної, типу спінового скла та парамагнетної [54]. Подібні залежності спостерігаються і для інших АМС [55–58].

Поведінка МО феромагнетних матеріялів добре описується в рамках феноменологічного підходу, запропонованого в [53]. В основі його лежить припущення про те, що електричний опір окремої домени вздовж напрямку, який утворює кут  $\varphi$  з вектором його намагнетованости, дорівнює:

$$\rho_{\pi} = A + B\cos^2\varphi, \qquad (17)$$

де *А* та *В* — деякі сталі. У випадку відсутности магнетної анізотропії, тобто при ізотропному розподілі векторів намагнетованости магнетних доменів за напрямками, усереднення призводить до зале-



Рис. 2. Поздовжній та поперечний МО АМС  $\operatorname{Fe}_{90-x}\operatorname{Mn}_{x}\operatorname{Zr}_{10}$  для x = 0, x = 4 та x = 12 при різних значеннях  $T(4, 2 < T_{\mathrm{SG}} < T_{c}, T_{\mathrm{SG}} < 90 < T_{c}, 280 > T_{c}$ :  $T_{\mathrm{SG}} - T$  спінового скла,  $T_{c}$ — температура Кюрі) [54].

жности ρ від кута θ між напрямком електричного струму *j* та вектором намагнетованости вигляду:

$$\Delta \rho = -3\Delta \rho_{t} (\cos^{2} \varphi - 1/3), \qquad (18)$$

де  $\Delta \rho_t$  — максимальна зміна електричного опору в перпендикулярному полі. При насиченні, тобто при  $\varphi = 0$  при перпендикулярному магнетуванні і  $\varphi = \pi/2$  при поздовжньому, слідує, що  $\beta_{\parallel S}/\beta_{\perp S} = -2$ . Таке значення характерне для багатьох кристалічних матеріялів, зокрема для Ni [37, 52, 53], однак практично не спостерігається для феромагнетних АМС, що однозначно зумовлено відсутністю ізотропного розподілу доменів за напрямками. Зокрема, в [55] результати досліджень МО АМС Fe<sub>80</sub>B<sub>20</sub> та Fe<sub>80</sub>P<sub>13</sub>C<sub>7</sub> вдало доповнюються даними Мессбаверових досліджень, згідно з якими вектори намагнетованости **M**<sub>S</sub> характеризуються не ізотропним розподілом, а спрямовані переважно вздовж певного напрямку, який утворює деякий кут  $\varphi$  з віссю аморфної стрічки. Подібні результати були одержані і для інших АМС, зокрема, для Fe<sub>40</sub>Ni<sub>40</sub>P<sub>14</sub>B<sub>6</sub>, Fe<sub>80</sub>P<sub>16</sub>B<sub>1</sub>C<sub>3</sub> [59] та Fe<sub>80</sub>B<sub>20-x</sub>Si<sub>x</sub> (0 ≤ x ≤ 12) [60]. Значення цього кута змінюється з температурою і може бути знайдено з виразу [59]:

$$tg^{2}\phi = -\beta_{S^{\parallel}}/\beta_{S^{\perp}}.$$
 (19)

Для АМС  $Fe_{80}B_{20-x}Si_x$  з x = 0, 6 та 12 оцінка  $\varphi$  при 10 К дає величини 38,4°, 37,3° та 34,7° відповідно [60], в той час, як за даними Мессбаверової спектроскопії, сканувальної електронної мікроскопії та феромагнетного резонансу ця величина близька до 30°.

Згідно з [55], експериментальні значення  $\Delta \rho_{\perp S}$  та  $\Delta \rho_{\parallel S}$  для AMC можна описати в рамках феноменологічної теорії, якщо врахувати більш високі парні степені косинусів кута  $\phi$  у виразі (18).

Вважається, що залежність МО від зовнішнього магнетного поля H визначається відповідними кривими магнетування M(H). Оскільки  $M = M_{\rm s} \cos \varphi$ , то із залежности МО від  $\cos^2 \varphi$  слідує, що [52, 53]

$$\beta \sim M^2(H). \tag{20}$$

Така закономірність підтверджена експериментально для цілого ряду кристалічних матеріялів [52], однак для АМС детальна аналіза польових залежностей МО практично не зустрічається.

Феноменологічний опис МО передбачає, що при деякому значенні  $H \beta$  має досягнути певного фіксованого значення  $\beta_s$  (магнетоопір насичення), яке не змінюється при подальшому зростанні поля. Однак, як свідчать експериментальні факти, МО продовжує, хоч і слабко, зростати [54, 56, 57]. Вважається [52, 53], що для кристалічних матеріялів такі зміни викликані процесами «істинного» магнетування (або парапроцесом) та звичайним впливом магнетного поля на траєкторії електронів провідности. В [56] залежності  $\beta(H)$ для АМС  $\operatorname{Fe}_{40-x}\operatorname{Ni}_{40}\operatorname{Mn}_x\operatorname{B}_{12}\operatorname{Si}_8$  в полях, що перевищують поле технічного насичення, інтерпретовано з точки зору придушення спінових хвиль. Для інтерпретації результатів для АМС  $\operatorname{Fe}_{40-x}\operatorname{Ni}_{40}\operatorname{Cr}_x\operatorname{B}_{20}$  [61] та  $\operatorname{Fe}_{80-x}\operatorname{Cr}_x\operatorname{B}_{20}$  [38] використано інші механізми. Зокрема, у [61] як можлива причина зміни знаку тангенса кута нахилу залежности  $\beta(H)$  у високих полях розглядається наявний в АМС розподіл ефективних внутрішніх магнетних полів  $H_{e\phi}$ , серед яких при леґуванні Cr можуть з'являтися і від'ємні значення за рахунок антиферомагнетної взаємодії хрому з найближчим оточенням. Така особливість призводить до наявности локалізованих магнетних моментів в полі  $H_{e\phi} = 0$ , що призводить до розсіяння з переворотом спіну. Подібний механізм розглядається і в [38].

В цілому вважається, що зміна ρ феромагнетних матеріялів під дією магнетного поля викликана двома складовими: анізотропною, до якої можна використати розглянутий вище феноменологічний підхід, та ізотропною, практично не залежною від напрямку *H* [38, 56, 57, 62]. Відповідні зміни МО є сумою двох складових:

$$\beta = \beta_A + \beta_I, \tag{21}$$

де індекс A означає анізотропний, а I — ізотропний внески. Анізотропна складова досить швидко зростає зі збільшенням H, досягаючи величини  $\beta_s$ . Для АМС величина  $\beta_s$  не перевищує 1%. Ізотропна складова досить мала, а відповідні зміни електричного опору аналізуються в полях, вищих за поле насичення анізотропної складової, і чітко фіксуються лише при великих значеннях H. Деякі фізичні механізми цієї складової, як уже було відмічено, розглянуто в [38, 56].

Анізотропний магнетоопір [63], або правильніше, спонтанна анізотропія магнетоопору — це ріжниця в електричних опорах однодоменного феромагнетика у випадках, коли вектор його намагнетованости орієнтований паралельно та перпендикулярно до напрямку струму. Вона зумовлена спін-орбітальною взаємодією *d*-електронів з різними напрямками спінів [64].

Величиною, що характеризує анізотропний магнетоопір, є так звана феромагнетна анізотропія магнетоопору (ФАО), яка визначається як [63]:

$$\frac{\Delta \rho}{\overline{\rho}_0} = \frac{\rho_{\parallel} - \rho_{\perp}}{\overline{\rho}_0}, \qquad (22)$$

де  $\rho_{\parallel}$  — електричний опір в повздовжньому, а  $\rho_{\perp}$  — в перпендикулярному магнетних полях, а  $\overline{\rho}_0 = (1 / 3)\rho_{\parallel} + (2 / 3)\rho_{\perp}$ .

Двострумовий модель провідности, розглянутий Кемпбелом, Фертом та Джеолом (КФД) [65–68], надав успішне пояснення ФАО шляхом додаткового введення розсіяння між *d*-станами зі спінами



Рис. 3. Еквівалентна схема двострумового моделю [69].

«вгору» та «вниз» завдяки наявності спін-орбітального зв'язку.

У двострумовім моделю (рис. 3) [69] провідність здійснюється через два паралельні канали з електроопорами  $\rho_{\uparrow}$  та  $\rho_{\downarrow}$ , що відповідають внескам в електроопір від електронів зі спінами «вгору» та «вниз» відповідно. У відсутності спін-орбітального зв'язку, кожний канал дає свої внески в електроопір  $\rho_{ss}$  та  $\rho_{sd}$ , які виникають за рахунок розсіяння *s*-електронів у вільні *s*-стани (*s*-*s*-розсіяння) та *s*електронів у вільні *d*-стани (*s*-*d*-розсіяння), причому процесами з переворотами спінів для таких розсіянь у випадку матеріялів з великим електроопором можна нехтувати.

Спін-орбітальний зв'язок призводить до виникнення додаткового розсіяння між *d*-станами зі спінами «вгору» та спінами «вниз» [64] з порівняно малим множником пропорційности γ, який для 3*d*-ПМ складає величину ~ 0,01 [65–69]. Згідно з модельом КФД, при низькій температурі

$$\rho_{\Box\uparrow} = \rho_{\downarrow\uparrow} + \gamma \rho_{\downarrow\downarrow}, \quad \rho_{\Box\downarrow} = \rho_{\downarrow\downarrow} + \gamma \rho_{\downarrow\uparrow}, \quad (23)$$

де  $\rho_{\parallel}$  та  $\rho_{\perp}$  позначено електричний опір для струмів паралельно та перпендикулярно полю відповідно, а стрілка вказує орієнтацію спіну електронів провідности. У відповідності з цим модельом в лінійному наближенні за  $\gamma$ було одержано класичну формулу для ФАО:

$$\frac{\Delta \rho}{\overline{\rho}_0} = \gamma [(\rho_{\downarrow} / \rho_{\uparrow}) - 1].$$
(24)

Незалежне визначення  $\gamma$  та  $\rho_{\downarrow}/\rho_{\uparrow}$  досить добре узгоджується з експериментальними даними для низьколеґованих Ni-стопів [63, 67, 70]. Подібне співвідношення, в якому  $\rho_{\downarrow}/\rho_{\uparrow}$  замінене на  $\rho_{\uparrow}/\rho_{\downarrow}$ , справедливе і для стопів на основі заліза [71]. Однак інтерпретація даних для більш концентрованих стопів [67], в тому числі, і аморфних [69], має певні протиріччя при використанні цього рівняння.

В [69] в рамках моделю КФД розглянуто більш загальний підхід до ФАО, результатом чого стало успішне пояснення зміни Δρ/ρ при зміні складу АМС Fe–B, Fe–Ni–B, Fe–Ni–P–B та полікристалічних концентрованих стопів Fe–Ni. Зваживши на те, що для аморфних систем значення  $\rho_{ss}$  близьке до  $\rho_{sd}$  (або навіть більше останнього), і на те, що так званих «слабких» феромагнетиків  $\rho_{sd}$   $\uparrow \neq 0$ , рівняння (23) можна подати у вигляді

$$\rho_{\Box\uparrow} = \rho_{\bot\uparrow} + \gamma(\rho_{sd\downarrow\downarrow} - \rho_{sd\downarrow\uparrow}), \quad \rho_{\Box\downarrow} = \rho_{\downarrow\downarrow} - \gamma(\rho_{sd\downarrow\downarrow} - \rho_{sd\downarrow\uparrow}).$$
(25)

Рівняння для ФАО у цьому випадку набуває вигляду:

$$\frac{\Delta \rho}{\overline{\rho}_{0}} = \frac{\gamma(\rho_{sd\downarrow} - \rho_{sd\uparrow})(\rho_{sd\downarrow} + \rho_{ss\downarrow} - \rho_{sd\uparrow} - \rho_{ss\uparrow})}{(\rho_{sd\downarrow} + \rho_{ss\downarrow})(\rho_{sd\uparrow} + \rho_{ss\uparrow})}.$$
(26)

Для так званих «сильних» феромагнетиків за умови рівности обох складових  $\rho_{ss}$ , це рівняння може бути записано як:

$$\frac{\Delta \rho}{\overline{\rho}_0} = \frac{\gamma \rho_{sd\downarrow}^2}{(\rho_{sd\downarrow} + \rho_{ss})\rho_{ss}}.$$
 (27)

Теорія ФАО [65–69] розглядає s-d-розсіяння у Борновому наближенні, тобто у випадку слабкого потенціялу розсіяння. Припускаючи, що його матричні елементи не залежать від концентрації x, використання рівнянь (26) та (27) дає підстави приписувати зміни ФАО змінам у заповненні d-підзон з різним напрямком спінів.

Застосування такого підходу дозволило пояснити зміни ФАО в аморфних стопах Ni<sub>80-x</sub>Fe<sub>x</sub>B<sub>20</sub> та Ni<sub>80-x</sub>Fe<sub>x</sub>B<sub>6</sub>P<sub>14</sub> [69], кристалічних стопах Pd-Fe, Pd<sub>70</sub>Fe<sub>30</sub>, Ni<sub>75</sub>Fe<sub>25</sub> та Fe<sub>50</sub>Co<sub>50</sub> [72–74] (на рис. 4, як приклад, наведено концентраційні залежності ФАО для деяких із перерахованих стопів). В [69] наведено досить арґументовані факти стосовно особливостей поведінки  $\Delta \rho / \rho$  і в АМС Fe<sub>100-x</sub>B<sub>x</sub>. Відмінності в поведінці  $\Delta \rho / \rho$  між кристалічними стопами та АМС зумовлені не тільки високим значенням  $\rho_{ss}$  для останніх, а й тими особливостями, які накладає на їх ЕС гібридизація *sp*-станів металоїду та *d*станів металу.

Разом з тим, в [71] цілком логічно обґрунтовується, що використання Борнового наближення досить грубе і не може коректно пояснити концентраційну залежність ФАО в кристалічних стопах через наявність сильного резонансного розсіяння.

В роботі [56] проведено досить детальну аналізу поведінки магнетоопору АМС  $Fe_{40-x}Ni_{40}Mn_xB_{12}Si_8$  (x = 0-5,5) як із застосуванням рівняння (27) (випадок сильного феромагнетика), так і з застосуванням більш загального рівняння (26). В першому випадку одержано досить високе значення  $\rho_{ss}$ , яке монотонно збільшується з 210 до 250 мкОм·см з ростом x, та менше значення  $\rho_{sd\downarrow}$ , яке зменшується з ростом x, за винятком стопу з x = 0,5. Відповідна аналіза, проведена з використанням рівняння (26) при фіксованому  $\rho_{ss} \sim 200$  мкОм·см, виявила, що  $\rho_{sd\downarrow}$  більше, ніж  $\rho_{sd\uparrow}$ , і обидві вони зменшуються з ростом x, що в відповідає ослабленню феромагнетизму, властивому АМС на основі Fe при леґуванні манганом. Однак, відсутність даних по ГЕС, на думку авторів [56], не дає можливість перевірити адекватність проведених розрахунків.

Двострумовий модель було використано і для аналізи результатів концентраційних залежностей ФАО для  $Fe_{90-x}Mn_xZr_{10}$  [54] та  $Fe_{100-x}Zr_x$  [57]. Одержані результати з концентраційної залежности внесків у  $\rho$  від підзон з різними орієнтаціями спінів підтверджують висновок про те, що магнетні властивості цих АМС слід розглядати



Рис. 4. Низькотемпературні значення  $\Delta \rho / \rho$  кристалічних стопів Ni<sub>1-x</sub>Fe<sub>x</sub> (*a*) та AMC Ni<sub>0,8-x</sub>Fe<sub>x</sub>B<sub>0,2</sub> і Ni<sub>0,8-x</sub>Fe<sub>x</sub>P<sub>0,14</sub>B<sub>0,06</sub> (б) [69].

з точки зору слабкого зонного магнетизму. Значення ФАО АМС  $Fe_{90}Zr_{10}$  при 4,2 К складає 0,59% [54], в той час як за даними [57] воно дещо менше (близьке до 0,43%).

Відмітимо, що складові  $\rho_{sd}$  обох спінових орієнтацій в АМС  $Fe_{90-x}Mn_xZr_{10}$  зростають при збільшенні Mn [54], в той час як для АМС  $Fe_{40-x}Ni_{40}Mn_xB_{12}Si_8$  спостерігається зворотна тенденція [56]. На жаль, причини цього точно не відомі. Лише як припущення, можна вважати що ці особливості цілком зумовлені відмінностями їх ЕС.

В [60] крім залежностей  $\rho(T)$  були досліджені температурні залежності ФАО АМС  $\operatorname{Fe}_{80}\operatorname{B}_{20-x}\operatorname{Si}_x(x=0-12)$ . Незважаючи на те, що  $T_C$  та намагнетованість насичення цих АМС слабко змінюються у цьому інтервалі концентрацій, виявлено, що  $\Delta\rho/\bar{\rho}_0$  для x = 6 та 12 є близькими, але майже на 30% меншими за відповідне значення для x = 0. Однак температурні залежності ФАО виявились подібними для всіх АМС:  $\Delta\rho/\bar{\rho}_0$  слабко залежить від температури до T = 220 К, а потім починає досить швидко зменшуватися при наближенні до 300 К. Автори [60] відмічають, що ці залежності лише наближено відбивають характер температурних залежностей коефіцієнта лінійної магнетострикції  $\lambda$ , хоча, як вважається, природа обох явищ зумовлена спін-орбітальною взаємодією.

Результати досліджень ФАО у подвійних та потрійних АМС (Fe, Co, Ni)–В в температурному інтервалі 77–300 К [75] виявили, що  $\Delta \rho/\bar{\rho}_0$  систематично змінюється зі складом. Найбільша величина  $\Delta \rho/\bar{\rho}_0 = 0.45\%$  спостерігалась для АМС (Fe<sub>0.95</sub>Co<sub>0.05</sub>)<sub>84</sub>B<sub>16</sub>, проте вона на порядок менша, ніж для кристалічних аналогів. Однак, для АМС системи Co–Ni–В було виявлено, що  $\Delta \rho/\bar{\rho}_0$  має максимум (подібно до кристалічних стопів Co–Ni) при складах, які мають магнетний момент 0,56  $\mu_B$ . На думку авторів [75] цей факт вказує на застосовність до вказаних АМС моделю жорсткої зони.

Збільшення  $\Delta \rho / \overline{\rho}_0$  зі збільшенням вмісту Со спостерігалось і для промислових AMC типу Metglas та Vitrovac [76]. Загальні особливості поведінки ФАО, притаманні аморфним стопам, зберігаються і для наноструктурованих систем. Але для закристалізованих AMC магнетоопір суттєво змінюється.

Досить часто для аморфних феромагнетиків використовується кореляційне співвідношення між ФАО та магнетним моментом µ вигляду [56, 65, 77–79]:

$$\frac{\Delta\rho}{\overline{\rho}_0} = A\mu^m, \qquad (28)$$

де A і m — деякі сталі. Стала m може набувати значень від 1 до 8. Хоча, як зазначено в [56], експериментальні результати завжди з певним наближенням можна подати у вигляді залежности (28), фізичне обґрунтування такої простої залежности між ФАО і  $\mu$  досить сумнівне. Наведені вище результати і їх фізичні механізми розглянуті переважно для досить низьких T (в більшости випадків T = 4,2 К). Однак цілком логічною є наявність залежности МО та ФАО від T, що добре видно із кривих  $\beta(H)$ , показаних на рис. 2. Згідно з [65, 66], температурна залежність ФАО зумовлена виникненням при підвищенні температури додаткового внеску в електричний опір  $\rho_{\downarrow\uparrow}$ , викликаного спіновим змішуванням за рахунок електрон-магнонного або електрон-електронного розсіяння. Цей додатковий внесок призводить до наближення відношення  $\rho_{\downarrow}/\rho_{\uparrow}$  до 1, що, згідно з рівнянням (24), зменшує величину ФАО. Відповідні розрахунки наведені в [66].

Однак, на думку авторів [80], електрон-магнонне або електронелектронне розсіяння при 300–400 К досить слабке, щоб забезпечити суттєві зміни ФАО. Тому слід брати до уваги додаткове розсіяння на домішках, а температурну залежність ФАО для кристалічних феромагнетних стопів можливо пояснити у рамках моделю Пакера [81]. Якщо р подати у вигляді суми домішкового ( $\rho_{\text{дом}}$ ), та фононного ( $\rho_{\phi \text{он}}$ ) внесків, то згідно з [80],  $\Delta \rho / \overline{\rho}_0$  при температурі *T* може бути записане як:

$$\frac{\Delta\rho}{\bar{\rho}_{0}} = \left(\frac{\Delta\rho}{\rho_{0}}\right)_{\phi_{0H}} + \left(\left(\frac{\Delta\rho}{\rho_{0}}\right)_{g_{0M}} - \left(\frac{\Delta\rho}{\rho_{0}}\right)_{\phi_{0H}}\right)\frac{\rho_{0}(4,2)}{\rho_{0}(T)}, \quad (29)$$

де  $\rho_0(4,2)$  — опір при T = 4,2 К, а  $(\Delta \rho / \rho_0)_{\text{фон}}$  та  $(\Delta \rho / \rho_0)_{\text{дом}}$  — фононний та домішковий внески відповідно.

Експериментальні дослідження кристалічних стопів Fe–Co, у яких електронне розсіяння досить слабке, показали, що  $(\Delta \rho / \rho_0)_{\phi o H}$  додатне і складає приблизно 25% від  $(\Delta \rho / \rho_0)_{\pi o M}$  [80]. Однак для стопів із сильним резонансним розсіянням (Fe–Ni, Fe–Cr, Fe–V)  $(\Delta \rho / \rho_0)_{\phi o H}$  від'ємне і має мінімум при складі, який відповідає максимуму  $(\Delta \rho / \rho_0)_{\pi o M}$  [13].

В [56] для аморфних стопів пропонується замінити  $\rho_{\text{дом}}$  на залишковий, температуронезалежний опір  $\rho_{\text{зал}}$ , а  $\rho_{\phi_{0H}}$  — на температурозалежну частину  $\rho_T$ , походження якої може бути зумовлене цілим рядом механізмів розсіяння носіїв (структурним, магнетним тощо). Аналіза результатів для AMC Fe<sub>40-x</sub>Ni<sub>40</sub>Mn<sub>x</sub>B<sub>12</sub>Si<sub>8</sub> показує, що  $(\Delta\rho/\rho_0)_{\text{зал}}$  додатнє і у 4–5 разів менше абсолютного значення  $(\Delta\rho/\rho_0)_T$ , яке є від'ємним. Однак залежність цих складових від x є немонотонною. Згідно з [54] особливості температурної залежности ФАО зумовлені конкуренцією термічних флюктуацій і обмінної взаємодії. Подібний механізм розглядається [60] і для AMC Fe<sub>80</sub>B<sub>20-x</sub>Si<sub>x</sub> (0  $\leq x \leq 12$ ), у яких  $\Delta\rho/\overline{\rho_0}$  практично не залежить від T аж до 220 К (~ $T_C/3$ ), а потім починає досить швидко зменшуватися. У [57] для AMC Fe<sub>100-x</sub>Zr<sub>x</sub> встановлено, що нижче  $T_C \Delta\rho/\overline{\rho_0}$  змінюється як  $\propto A(T_C - T)/T_C$ , де A залежить від x. На думку авторів таку поведінку можна пояснити в рамках моделю локалізованих моментів, який в цілому справедли-

вий для парамагнетних металів з домішками РЗМ [62].

#### 3. ЕКСПЕРИМЕНТАЛЬНІ РЕЗУЛЬТАТИ З ЕЛЕКТРООПОРУ АМС НА ОСНОВІ ЗАЛІЗА, КОБАЛЬТУ ТА НІКЛЮ

Дослідженню температурних залежностей електроопору AMC на основі Fe, Co i Ni присвячено цілу низку робіт. Для порівняння на рис. 5 побудовано залежності  $\rho(x)$  та  $\alpha(x)$  для AMC  $\Pi M_{100-x}B_x$  з  $\Pi M =$ = Fe, Co та Ni за даними, наведеними в [3, 24, 82–85]. Як видно, загальною особливістю таких залежностей є зростання  $\rho$  та зменшення  $\alpha$  при збільшенні концентрації бору в AMC з  $\Pi M =$  Co, Ni, (Fe, Ni). Для  $\Pi M =$  Fe TKO змінюється значно слабше, ніж для  $\Pi M =$  Co та Ni. Значно повільніше для AMC цієї системи зростає і  $\rho$ . Відмітимо, що такий характер поведінки  $\rho$  та  $\alpha$  у певному розумінні протилежний тій, яка властива кристалічним боридам [4, 86].

На цьому ж рисунку наведено результати для аморфних плівок



Рис. 5. Залежності р та  $\alpha_{300}$  від *х* для АМС  $\operatorname{Fe}_{100-x} B_x(\blacksquare) - [3], (\Box) - [24];$ ( $\operatorname{Fe}_{0.5}\operatorname{Ni}_{0.5})_{100-x} B_x(\blacklozenge) - [81], \operatorname{Co}_{100-x} B_x(\blacklozenge) - [82], \operatorname{Ni}_{100-x} B_x(\blacktriangle) - [83], (\bigtriangleup) - [84];$  аморфних плівок  $\operatorname{Fe}_{100-x} B_x$ , одержаних напорошенням ( $\textcircled{\circ}$ ) та шляхом йонної імплантації ( $\diamondsuit$ ) [87].

Fe–B, одержаних напорошенням та йонною імплантацією бору [87]. Характер залежностей  $\rho(x)$  та  $\alpha(x)$  суттєво відрізняються від одержаних для AMC аналогічного складу, виготовлених методою спінінгування з розтопу. Особливо добре ці відмінності виявляються на залежностях  $\alpha(x)$ . Вони полягають у тому, що для таких AMC залежності  $\alpha(x)$  є більш сильними, ніж для AMC, одержаних методою спінінгування, і скоріше подібні до тих, що одержані для AMC Ni–B.

На сьогодні найбільш повне розуміння залежности р від складу і температури досягнуто лише для AMC на основі Ni. Зокрема, залежність ρ та α від складу AMC Ni<sub>100-x</sub>P<sub>x</sub> [88-89] стали вже класичним прикладом застосовности теорії ФЗ для аморфних систем (див., наприклад, [1, 2, 20]). В роботі [90] проаналізовано результати досліджень електроопору та термо-ЕРС АМС Ni<sub>100-x</sub>P<sub>x</sub>, виготовлених трьома різними методами. Така аналіза показала, що результати загалом добре узгоджуються з підходом Фабера-Займана, однак при низьких концентраціях фосфору (x < 0,18) кінетичні властивості АМС цієї системи виявилися подібними до характеристик АМС на основі заліза. Автори вважають, що в цьому випадку слід враховувати інші механізми розсіяння, серед яких і механізм *s*-*d*розсіяння. Вплив методу виготовлення чітко проявляється лише на температурній залежності ТКО. Подібні висновки зроблено і в [91], однак у цій роботі показано, що ρ та α не залежать від методу виготовлення лише у випадку гомогенних АМС. Для негомогенних АМС притаманний суттєво більший ТКО та дещо інший характер залежности  $\rho(T)$ , особливо в області кристалізації. Основну причину цього автори пов'язують з кристалоподібними, переважно нікелевими, кластерами, хоча їх існування не було підтверджено ні Рентґеновими, ні електронно-мікроскопічними дослідженнями. В [92] проведено аналізу даних з концентраційної залежности ρ та α для ряду АМС типу ПМ-М з високим вмістом металоїдів. Серед цих АМС переважну більшість складають стопи на основі Ni (Ni-P, Ni-B-P, Ni–B, Ni–B–Si). Авторам цієї роботи вдалося досить добре пояснити залежності ρ та α від концентрації електронів провідности в рамках моделю ФЗ. Причому, Фермійове хвильове число  $k_F$ , було оцінено з використанням моделю вільних електронів. Автори зазначають, що можна досягти ще кращого узгодження, якщо врахувати перенос електронів від М до ПМ. Результати досліджень нормального Голлового ефекту для AMC Ni-B-Si та Ni<sub>100-x</sub>P<sub>x</sub>, викладені в [93], дають додаткове підтвердження застосовності теорії ФЗ для опису електротранспортних властивостей цих АМС. Одержану з цих результатів зміну концентрації електронів провідности в залежності від складу можна інтерпретувати в рамках моделю вільних електронів, вважаючи, згідно з [92], що через заповнення d-зони ніклю перенос електронів від атомів металоїдів у зону провідности відбувається лише до концентрацій  $x_m \sim 30$ .

На відміну від [92], в [93] припускається, що кількість електронів n, які вносять атоми В та Si навіть для  $x > x_m$ , відрізняються від кількости валентних електронів, хоча загальна тенденція  $n_{Si} > n_B$ зберігається. Однак, як вважають автори цієї роботи, послідовний опис електронних властивостей цих АМС можна зробити лише з урахуванням хімічного ближнього порядку, який може справляти на них досить суттєвий вплив. Останнє підтверджено порівнянням електроопору та Голлового ефекту АМС Ni<sub>100-x</sub>P<sub>x</sub>, одержаних методою спінінгування з розтопу та електроосадженням. Свідченням наявности певного універсального і єдиного механізму розсіяння в таких АМС можуть бути залежності  $\rho$  та  $\alpha_{300}$  від кількости електронів у розрахунку на атом ПМ e/a, обчисленої за формулою [85]:

$$e/a = (Z_{\Pi M}c_{\Pi M} + Z_{M1}c_{M1} + Z_{M2}c_{M2})/c_{\Pi M}, \qquad (30)$$

де c — концентрації ПМ та металоїдів (М), а Z — кількість електронів на зовнішній оболонці атомів ( $Z_{\rm Ni} = 10, Z_{\rm B} = 3, Z_{\rm Si} = 4, Z_{\rm P} = 5$ ) [85]. Такі залежності зображено на рис. 6. Як видно, незалежно від типу металоїду ТКО практично лінійно зменшується з ростом e/a, а  $\rho$  при цьому зростає. На жаль, досить важко вказати причини, через які залежності  $\rho$  від e/a для AMC Ni<sub>100-x</sub>P<sub>x</sub> дещо відхиляються від даних



Рис. 6. Залежність  $\rho$  та  $\alpha_{300}$  від кількости електронів на атом ПМ e/a, яку побудовано на основі даних для АМС  $Ni_{100-x}P_x$ : ( $\blacksquare$ ) — [92], ( $\blacktriangle$ ) — [90];  $Ni_{100-x-y}Si_yB_x$ : ( $\Box$ ) — [84]; ( $\blacklozenge$ ) — [96], ( $\bigcirc$ ) — [93], ( $\bigtriangleup$ ) — [97].

для інших експериментів. В рамках теорії ФЗ можна дати не тільки якісну, але й кількісну інтерпретацію експериментальних результатів. Так, в [31] було одержано добре узгодження з експериментом результатів розрахунку електроопору рідкого Ni та аморфного Ni–P, на відміну від стопів на основі Fe та Co.

Прекрасний збіг розрахованої та експериментальної концентраційних залежностей  $\rho$  в досить широкому концентраційному інтервалі одержано в [94] для AMC Ni–Zr. Використана авторами процедура розрахунку дозволила також пояснити концентраційні залежності коефіцієнту термо-ЕРС, і певною мірою, ТКО. Однак в [95] результати розрахунку, як з використанням моделю ФЗ, так і з використанням моделю Мотта, не дають адекватного узгодження з експериментальними результатами для низки AMC, серед яких є і AMC на основі Ni (у тому числі, і Ni–Zr). На думку авторів, це зумо-



Рис. 7. Залежність  $\alpha_{300}$  від e/a для АМС Fe-B-Si ( $\bullet$ ), Co-B-Si ( $\Box$ ), Ni-B-Si, Ni-P ( $\blacksquare$ ) та псевдобінарних і потрійних АМС: (Fe<sub>50</sub>Ni<sub>50</sub>)<sub>100-x</sub>B<sub>x</sub> ( $\bigcirc$ ) — [105], Co<sub>78-x</sub>Fe<sub>x</sub>B<sub>9.5</sub>Si<sub>12.5</sub> ( $\triangle$ ) [27], Ni-Fe-Si-B ( $\blacktriangle$ ) [97], Fe<sub>85-x</sub>Ni<sub>x</sub>B<sub>15</sub> ( $\blacklozenge$ ) [106], (Co<sub>x</sub>(Fe<sub>0.5</sub>Ni<sub>0.5</sub>)<sub>1-x</sub>)<sub>75</sub>B<sub>10</sub>Si<sub>15</sub> ( $\diamondsuit$ ) [98], Co(Fe, Ni)<sub>80</sub>B<sub>20</sub> ( $\diamondsuit$ ), Co(Fe)-B-Si ( $\blacktriangledown$ ), Fe(Ni)-Si-B ( $\bigtriangledown$ ) Fe<sub>85-x</sub>Co<sub>x</sub>B<sub>15</sub> ( $\diamondsuit$ ) [100], Fe<sub>85-x</sub>Co<sub>x</sub>B<sub>15</sub> ( $\blacklozenge$ ) [107], ( $\divideontimes$ ) — плівок Fe<sub>100-x</sub>B<sub>x</sub>, одержаних напорошенням та йонною імплантацією [87].

влено внеском *d*-електронів у провідність АМС, чого в попередніх роботах не брали до уваги.

Якщо в АМС на основі Ni вплив атомів металоїду на електроопір зводиться, переважно, до зміни концентрації електронів провідности, то для АМС на основі заліза та кобальту роль атомів металоїду є набагато складніша. Тому, якщо для нікелевих стопів параметер e/a може бути критерієм порівняння характеристик провідности, то для АМС на основі Fe та Co його роль вже не така універсальна. Досить важко також вказати подібний критерій і для АМС, що містять декілька сортів ПМ.

Так, на рис. 7 зображено залежності ТКО та  $\rho_{300}$  від e/a для ряду AMC з ПМ = Fe, Co, Ni. Для побудови використано результати для AMC, склад яких та значення  $\rho_{300}$  і  $\alpha_{300}$  наведено в табл. 1.

Всі значення ТКО та  $\rho_{300}$  для цих АМС лежать в областях, обмежених лініями на рис. 7. В цих областях можна виділити певні ділянки, що чітко зумовлені магнетними властивостями стопів.

В лівому куті трикутної области на графіку  $\alpha_{300}(e/a)$  лежать точки для AMC, яким властивий слабкий феромагнетизм (в сенсі ступеня заповнення *d*-підзон з різною спіновою орієнтацією). Всі такі AMC мають досить високі магнетні характеристики. У правий кут трикутника потрапляють переважно точки для AMC на основі Ni, які, залежно від складу, характеризуються переходом від феромагнетизму з порівняно низькою  $T_c$  до парамагнетизму. В центральну частину трикутника потрапляють сильні феромагнетики, в яких одна з *d*-підзон заповнена повністю. Такі AMC характеризуються досить високими  $T_c$ , які навіть можуть перевищувати їх температуру кристалізації. Разом з тим, значну роль у формуванні зазначених областей слід відвести і особливостям атомної структури, яка утворюється в процесі спінінгування розтопу. Свідченням цього, на нашу думку, може бути вихід значень  $\alpha_{300}$  за межі такої трикутної области для плівкових систем на основі ніклю (рис. 7).

Досить складно виявилось пов'язати особливості електричних властивостей з параметрами ЕС. Для прикладу, на рис. 8 для АМС Fe-B та Co-B поряд із залежностями  $\alpha_{300}$  та  $\rho_{300}$  від концентрації бору x із [3] та [84] відповідно, наведено і концентраційні залежності коефіцієнта електронної тепломісткости  $\gamma$  та константи спінхвильової жорсткости D [84, 109].

Відомо, що γ пропорційний густині електронних станів на рівні Фермі, для заліза і кобальту в основному сформованій *d*-електронами.

Як видно з рис. 8, для АМС Fe–B з ростом  $y \gamma$  зростає, а у Co–B спадає. Хоч в залежностях  $\alpha_{300}$  та  $\rho_{300}$  від y для цих двох систем і існують певні відмінності, але вони аж ніяк не проявляють протилежну поведінку, як це має місце для електронних властивостей. Це ж стосується і інших АМС, зокрема, результатів дослідження низькотемпературної тепломісткости АМС (Fe, Co, Ni)–Si–B [110–113].

Станон	$\rho \cdot 10^{6}$ ,	$\alpha \cdot 10^4$ ,	Поси-	Cramo m	$\rho \cdot 10^{6}$ ,	$\alpha \cdot 10^4$ ,	Поси-
Склад	Ом·см	$\mathrm{K}^{-1}$	лання	Склад	Ом∙см	$\mathrm{K}^{-1}$	лання
$Ni_{81,5}B_{18,5}$	_	2,36	[96]	$\mathrm{Co}_{78}\mathrm{Ni}_{2}\mathrm{B}_{20}$	124	2,91	[99]
$Ni_{63}B_{33}$	-	0,12		$\mathrm{Co}_{76}\mathrm{Ni}_4\mathrm{B}_{20}$	105	2,88	
$Ni_{67}B_{22}Si_{11}$	-	-0,29		$\mathrm{Co}_{74}\mathrm{Ni}_{6}\mathrm{B}_{20}$	102	3,13	
$Ni_{61}B_{39}$	_	-1,00		$\mathrm{Co}_{78}\mathrm{Fe}_{2}\mathrm{B}_{20}$	106	3,41	
$Ni_{72}B_{26}Si_2$	103	0,93	[93]	$\mathrm{Co}_{76}\mathrm{Fe}_4\mathrm{B}_{20}$	116	3,12	
$\mathrm{Ni}_{72}\mathrm{B}_{20}\mathrm{Si}_{8}$	107	0,70		$\mathrm{Co}_{74}\mathrm{Fe}_{6}\mathrm{B}_{20}$	109	3,10	
$\mathrm{Ni}_{72}\mathrm{B}_{14}\mathrm{Si}_{14}$	116	0,42		$\mathrm{Co}_{72}\mathrm{Fe}_{8}\mathrm{B}_{20}$	124	2,75	
$Ni_{70}B_{20}Si_{10}$	117	0,29		$\mathrm{Co}_{70}\mathrm{Fe}_{10}\mathrm{B}_{20}$	116	2,90	
$Ni_{65}B_{20}Si_{15}$	159	-0,7		$\mathrm{Co}_{65}\mathrm{Fe}_{15}\mathrm{B}_{20}$	129	2,61	
$Ni_{80}B_{16}Si_4$	77,1	1,26	[97]	$\mathrm{Co}_{60}\mathrm{Fe}_{20}\mathrm{B}_{20}$	124	2,87	
$Ni_{79}Fe_1B_{16}Si_4$	81,8	1,57		$Co_{68,5}Fe_{3,5}Si_{18}B_{10}$	182	0,90	
$Ni_{78}Fe_2B_{16}Si_4$	87,7	1,45		$Co_{65,5}Fe_{6,5}Si_{18}B_{10}$	172	0,81	
$Ni_{77}Fe_3B_{16}Si_4$	88,0	1,25		$\mathrm{Co}_{72}\mathrm{Si}_{18}\mathrm{B}_{10}$	156	1,18	
$Ni_{75}Fe_5B_{16}Si_4$	93,6	1,26		$\mathrm{Co}_{75}\mathrm{B}_{25}$	_	2,88	[100]
$Ni_{73}Fe_7B_{16}Si_4$	98,8	1,31		${ m Co}_{77,5}{ m B}_9{ m Si}_{13,5}$	—	2,60	
$Ni_{71}Fe_9B_{16}Si_4$	104,4	1,62		$\mathrm{Co}_{75}\mathrm{B}_{20}\mathrm{Si}_5$	—	2,59	
$Ni_{69}Fe_{11}B_{16}Si_4$	108,3	2,08		${ m Co_{75}B_{15}Si_{10}}$	—	2,38	
$Ni_{61}Fe_{19}B_{16}Si_4$	110,2	4,84		$\mathrm{Co_{70}B_{25}Si_5}$	—	1,50	
$Ni_{77}B_{13}Si_{10}$	87,9	1,30		${ m Co}_{72,5}{ m B}_{11}{ m Si}_{16,5}$	—	1,47	
$Ni_{69,3}Fe_{7,7}B_{13}Si_{10}$	111,1	1,00		$\mathrm{Co}_{70}\mathrm{B}_{21}\mathrm{Si}_9$	—	1,40	
$Ni_{61,6}Fe_{15,4}B_{13}Si_{10}$	121,2	2,37		${ m Co_{70}B_{12}Si_{18}}$	—	1,94	
	136	2,86	[98]	${\rm Co}_{78}{ m B}_{12,5}{ m Si}_{9,5}$	_	1,64	
$(Co_{0,1}M_{0,9})_{75}B_{10}Si_{15}$	133	2,83		$\mathrm{Co}_{85}\mathrm{B}_{15}$	67,4	6,00	[83]
$(Co_{0,2}M_{0,8})_{75}B_{10}Si_{15}$	131	2,77		${ m Co}_{80,75}{ m B}_{19,25}$	104	2,80	
$(Co_{0,3}M_{0,7})_{75}B_{10}Si_{15}$	127	2,81		$Co_{76,5}B_{23,5}$	109	2,30	
$(Co_{0,4}M_{0,6})_{75}B_{10}Si_{15}$	125	2,70		$Co_{72,25}B_{27,75}$	125	1,50	
$(Co_{0,5}M_{0,5})_{75}B_{10}Si_{15}$	123	2,53		$Co_{68}B_{32}$	130	1,00	
$(Co_{0,6}M_{0,4})_{75}B_{10}Si_{15}$	121	2,37		${ m Co}_{63,75}{ m B}_{36,25}$	160	2,00	
$(Co_{0,7}M_{0,3})_{75}B_{10}Si_{15}$	120	2,34		$(Co_{85}B_{15})_{95}Si_5$	77,8	3,20	[83]
$(Co_{0,8}M_{0,2})_{75}B_{10}Si_{15}$	117	1,93		$(Co_{85}B_{15})_{90}Si_{10}$	116	1,90	
$(Co_{0,9}M_{0,1})_{75}B_{10}Si_{15}$	115	1,75		$({\rm Co}_{85}{\rm B}_{15})_{85}{ m Si}_{15}$	125	1,30	
$Co_{75}B_{10}Si_{15}$	114	1,85		$(Co_{85}B_{15})_{80}Si_{20}$	154	1,10	

ТАБЛИЦЯ 1. Значення  $\rho_{300}$  та  $\alpha_{300}$  деяких АМС (Fe, Co, Ni)–Si–B.

Склад	ρ·10 <sup>6</sup> , Ом∙см	$\alpha \cdot 10^4, \\ K^{-1}$	Поси- лання	Склад	ρ·10 <sup>6</sup> , Ом∙см	$\begin{array}{c} \alpha \cdot 10^4, \\ \mathrm{K}^{-1} \end{array}$	Поси- лання
$\mathrm{Fe}_{86}\mathrm{B}_{14}$	113,8	1,79	[3]	(Fe <sub>50</sub> Ni <sub>50</sub> ) <sub>87.6</sub> B <sub>12.4</sub>	_	7,20	[82]
$\mathrm{Fe}_{85}\mathrm{B}_{15}$	118,2	1,66		$(Fe_{50}Ni_{50})_{84,0}B_{16,0}$	_	5,57	
$\mathrm{Fe}_{84}\mathrm{B}_{16}$	117,3	1,61		(Fe <sub>50</sub> Ni <sub>50</sub> ) <sub>81.9</sub> B <sub>18.1</sub>	_	5,66	
$\mathrm{Fe}_{83}\mathrm{B}_{17}$	117,6	1,64		(Fe <sub>50</sub> Ni <sub>50</sub> ) <sub>79.9</sub> B <sub>20.1</sub>	_	4,38	
$\mathrm{Fe}_{81}\mathrm{B}_{19}$	119,3	1,77		$(\mathrm{Fe}_{50}\mathrm{Ni}_{50})_{77,7}\mathrm{B}_{22,3}$	_	4,25	
$\mathrm{Fe}_{80}\mathrm{B}_{20}$	119,7	1,87		(Fe <sub>50</sub> Ni <sub>50</sub> ) <sub>75,8</sub> B <sub>24,2</sub>	_	2,97	
$\mathrm{Fe_{79}B_{21}}$	122,3	1,78		(Fe <sub>50</sub> Ni <sub>50</sub> ) <sub>74,0</sub> B <sub>26,0</sub>	-	2,97	
$\mathrm{Fe_{75}B_{25}}$	128,4	1,39		$\mathrm{Fe_{78}B_{13}Si_9}$	122,8	—	[105]
$Fe_{87}B_{13}$	_	2,43	[24]	$\mathrm{Fe}_{85}\mathrm{B}_{15}$	114,7	1,28	[106]
$\mathrm{Fe}_{84}\mathrm{B}_{16}$	—	1,53		$\mathrm{Fe_{80}Ni_5B_{15}}$	109,0	2,17	
$\mathrm{Fe}_{82}\mathrm{B}_{18}$	—	1,49		$\mathrm{Fe_{75}Ni_{10}B_{15}}$	103,4	2,52	
$\mathrm{Fe}_{80}\mathrm{B}_{20}$	—	1,62		$\mathrm{Fe_{70}Ni_{15}B_{15}}$	99,4	3,44	
$\mathrm{Fe_{78}B_{22}}$	—	1,49		$\mathrm{Fe}_{65}\mathrm{Ni}_{20}\mathrm{B}_{15}$	94,5	3,79	
$\mathrm{Fe}_{74}\mathrm{B}_{26}$	—	1,40		$\mathrm{Fe_{60}Ni_{25}B_{15}}$	92,7	3,94	
$\mathrm{Fe}_{80}\mathrm{B}_{20}$	_	1,96	[60]	${ m Fe}_{55}{ m Ni}_{30}{ m B}_{15}$	95,2	4,56	
$\mathrm{Fe_{80}B_{19}Si_1}$	—	2,06		$Fe_{68}Co_{17}B_{15}$	94	2,98	[107]
$\mathrm{Fe_{80}B_{18}Si_2}$	—	2,02		$\mathrm{Fe}_{64}\mathrm{Co}_{21}\mathrm{B}_{15}$	127	3,14	
$\mathrm{Fe_{80}B_{16}Si_4}$	—	1,82		${ m Fe}_{50}{ m Co}_{30}{ m B}_{15}$	151	3,94	
$\mathrm{Fe_{80}B_{14}Si_6}$	—	2,00		$\mathrm{Fe}_{40}\mathrm{Co}_{40}\mathrm{B}_{15}$	77	3,42	
$\mathrm{Fe_{80}B_{12}Si_8}$	—	2,16		$\mathrm{Fe}_{85}\mathrm{B}_{15}$	—	1,23	[108]
$\mathrm{Fe_{80}B_8Si_{12}}$	—	1,92		$\mathrm{Fe}_{83}\mathrm{B}_{17}$	-	1,50	
$\mathrm{Fe}_{80}\mathrm{B}_{20}$	_	1,60	[26]	$\mathrm{Fe}_{80}\mathrm{B}_{20}$	_	1,10	
$\mathrm{Fe}_{80}\mathrm{B}_{18}\mathrm{C}_{2}$	_	1,52		$\mathrm{Fe}_{78}\mathrm{B}_{22}$	_	1,40	
$\mathrm{Fe}_{80}\mathrm{B}_{16}\mathrm{C}_4$	_	1,43		$\mathrm{Fe}_{85}\mathrm{B}_{15}$	148	1,85	[99]
$Fe_{80}B_{10}C_{10}$	_	1,04		$\mathrm{Fe_{80}Co_5B_{15}}$	165	2,16	
$\mathrm{Fe}_{82}\mathrm{B}_{16}\mathrm{Ge}_{2}$	-	1,80	[101]	$\mathrm{Fe}_{64}\mathrm{Co}_{21}\mathrm{B}_{15}$	138	3,15	
$\mathrm{Fe}_{82}\mathrm{B}_{14}\mathrm{Ge}_4$	—	2,16		${ m Fe}_{68}{ m Co}_{17}{ m B}_{15}$	135	2,47	
$\mathrm{Fe}_{82}\mathrm{B}_{12}\mathrm{Ge}_{6}$	_	2,39		${ m Fe}_{70}{ m Co}_{15}{ m B}_{15}$	147	2,31	
$\mathrm{Fe}_{80}\mathrm{B}_{20}$	137	_	[102]	$\mathrm{Fe_{80}Si_6B_{14}}$	146	1,97	
$\mathrm{Fe_{78}B_{13}Si_9}$	140	_		$\mathrm{Fe_{80}Si_6B_{14}}$	143	1,80	
${ m Fe}_{81}{ m B}_{13,5}{ m Si}_{3,5}{ m C}_2$	140	_		$\mathrm{Fe_{80}Si_6B_{14}}$	164	1,83	
${\rm Fe}_{40}{ m Ni}_{40}{ m P}_{14}{ m B}_6$	152	—		$\mathrm{Fe_{80}Si_6B_{14}}$	175	1,81	
$\mathrm{Fe}_{83}\mathrm{B}_{10}\mathrm{Si}_7$	121,7	1,60	[103]	$\mathrm{Fe_{80}Si_6B_{14}}$	134	1,83	
$\mathrm{Fe}_{82}\mathrm{B}_{11}\mathrm{Si}_7$	—	1,65		$\mathrm{Fe_{80}Si_6B_{14}}$	161	1,84	
$\mathrm{Fe_{80}B_{13}Si_7}$	—	1,66		$\mathrm{Fe}_{82}\mathrm{Si}_{2}\mathrm{B}_{16}$	160	1,78	
$\mathrm{Fe}_{79}\mathrm{B}_{14}\mathrm{Si}_7$		1,67		${ m Fe}_{76,2}{ m Ni}_{3,8}{ m Si}_6{ m B}_{14}$	174	2,24	
$\overline{\mathrm{Fe}_{70}\mathrm{Ni}_{12}\mathrm{B}_{16}\mathrm{Si}_2}$	109	2,64	[104]	${ m Fe}_{76,2}{ m Ni}_{3,8}{ m Si}_6{ m B}_{14}$	160	2,07	

ТАБЛИЦЯ 1. (продовження)



Рис. 8. Залежності р,  $\alpha_{300}$  від у для АМС Fe<sub>u</sub>B<sub>100-u</sub> ( $\blacksquare$ ) [3] та Co<sub>v</sub>B<sub>100-u</sub> ( $\square$ ) [83] та залежність від у коефіцієнта електронної тепломісткости у [мДж/(моль·K<sup>2</sup>)] ( $\bullet$ ,  $\bigcirc$ ) та константи спін-хвильової жорсткости *D* (меВ·E<sup>2</sup>) ( $\blacklozenge$ ,  $\triangle$ ) (темні символи для АМС з Fe [109], світлі — з Co [83]).

Вважається, що для всіх невпорядкованих систем виконується критерій Муїджі, який відбиває зв'язок між ТКО та питомим електроопором. Цей критерій встановлений емпірично і до цього часу не знайшов адекватного теоретичного підґрунтя.

На рисунку 9 зображено залежність  $\alpha_{300}$  від  $\rho_{300}$  для АМС, параметри яких наведено в табл. 1, а на вставці показано зв'язок між цими параметрами для ряду нелеґованих та слабколеґованих АМС, переважно на основі Fe та Co із [98]. Як видно, в сукупності ці дані не можна назвати кореляцією. Спостерігається лише певне групування результатів для нелеґованих та слабколеґованих АМС на основі Ni (лінія 1), Co (лінія 2) та Fe (лінія 3). Щодо кореляції, зображеної на вставці, то вона, скоріше за все результат чисто випадкового підбору складів. Зокрема, для її верхньої частини, утвореної АМС на основі заліза, характерний досить малий розкид значень. Середня частина кореляції утворена цілим рядом стопів, переважна більшість з яких — це АМС системи Co–Si–B з великим вмістом металоїдів. Ця область характеризується значним розкидом даних. Таким чином, універсальність широко відомої кореляції Муїджі виявля-



Рис. 9. Залежність  $\alpha_{300}$  від  $\rho_{300}$  (кореляція Муіджі) для АМС, відомості про яких наведено в табл. 1. (символи відповідають позначенням на рис. 7; 1, 2 і 3 — АМС на основі Ni, Co і Fe відповідно). На вставці — кореляція Муїджі із [99].

ється обмеженою. Для прикладу, на рис. 10 наведено залежність  $\alpha_{300}(\rho_{300})$ , побудовану на основі результатів, взятих із робіт [83, 97, 98, 114, 115] для АМС (Co<sub>1-x</sub>(Fe<sub>0,5</sub>Ni<sub>0,5</sub>)<sub>x</sub>)<sub>75</sub>B<sub>10</sub>Si<sub>15</sub>, CoB, Fe<sub>85-x</sub>Co<sub>x</sub>B<sub>15</sub>, Ni-Fe-B-Si та (Co<sub>0,9</sub>Zr<sub>0,1</sub>)<sub>100-x</sub>Si<sub>x</sub> відповідно. Як видно, окремо взяті стопи в повній мірі не задовольняють кореляції Муіджі, а в деяких випадках — навіть суперечать їй.

Крім теорії ФЗ, для інтерпретації експериментальних результатів з електроопору АМС досить часто використовують і інші модельні уявлення. Так, для пояснення особливостей електроопору АМС Ni–P при низьких концентраціях P в [91] використовують механізм Моттового *s*-*d*-розсіяння. Він безпосередньо слідує з аналізи магнеторезистивного ефекту, результати якої наведено, наприклад, в [58] для АМС Ni<sub>80-x</sub>Fe<sub>x</sub>B<sub>20</sub> та Ni<sub>80-x</sub>Fe<sub>x</sub>P<sub>14</sub>B<sub>16</sub> для x = 10-80 ат.%. В [116] температурні залежності  $\rho(T)$  аморфних феромагнетних плівок Ni–Au, Co–Au та Fe–Au, одержаних методою конденсації на холодні підложжя, описують лише з використанням електронмагнонної взаємодії. Основним критерієм в цьому випадку є наявність залежности  $\rho(T) \propto T^2$  при  $T < T_c$  і досить слабка зміна  $\rho$  при температурах вищих за  $T_c$ .

На думку авторів [117] від'ємний магнетоопір, як і концентраційна залежність  $\rho(T)$  АМС  $Fe_x Ni_{80-x} P_{14} B_{16}$  для x = 0-27, не може бути пояснений з використанням теорій немагнетної природи. Наявність магнетного внеску в електротранспортні характеристики об-



Рис. 10. Залежність  $\alpha_{300}$  від  $\rho_{300}$  для AMC  $(Co_{1-x}(Fe_{0.5}Ni_{0.5})_x)_{75}B_{10}Si_{15}$  ( $\Box$ ), CoB ( $\blacksquare$ ), Fe<sub>85-x</sub>Co<sub>x</sub>B<sub>15</sub> ( $\bigcirc$ ) Ni-Fe-B-Si ( $\bigtriangleup$ ) та  $(Co_{0.9}Zr_{0.1})_xSi_x$  ( $\blacktriangle$ ) (за результатами робіт [83, 97, 98, 114, 115]).

ґрунтовано в [97] для AMC систем Ni<sub>80-x</sub>Fe<sub>x</sub>B<sub>16</sub>Si<sub>4</sub> та Ni<sub>77-x</sub>Fe<sub>x</sub>B<sub>13</sub>Si<sub>10</sub>, однак, на відміну від попередніх робіт, цей внесок розглядається як додатковий до електрон-фононного. Його величина зростає з вмістом Fe, але не перевищує 10 мкОм см при загальному значенні  $\rho \sim$ ~ 120 мкОм см. У феромагнетній області як температурна, так і концентраційна залежність р<sub>магн</sub> цих АМС кількісно узгоджується з передбаченнями моделю спінового розупорядкування з урахуванням стохастичної структури аморфного стану. Для АМС Ni<sub>80</sub>B<sub>16</sub>Si<sub>4</sub> та  $Ni_{77}B_{13}Si_{10}$ , парамагнетних у всій області *T*, значення  $\rho$  та його температурна залежність може бути кількісно описана з використанням теорії ФЗ. Зважаючи на наведені в [97] значення р та р<sub>магн</sub> спроби пояснити їх зміни при заміщенні Ni на Fe в рамках моделю ФЗ можна лише припустивши, що або Fe вносить в зону провідности більшу кількість електронів, ніж Ni, що є досить сумнівним, або суттєво змінюється структурний фактор, що малоймовірно при невеликому вмісті Fe. Що стосується ТКО, то навіть такі грубі допущення не в змозі пояснити його концентраційні зміни з використанням лише механізму ФЗ.

Для АМС на основі заліза має місце подібна ситуація. Так, у [3, 24, 108, 118] викладено результати досліджень електротранспортних властивостей АМС Fe-B з різним вмістом бору. Практично на усіх залежностях  $\rho(T)$  наявний мінімум при T < 20 К. При більш

високих *T* вони досить добре узгоджується з передбаченнями теорії ФЗ. Проведена у [118] чисельна аналіза дає лише слабкі арґументи на користь існування магнетного внеску в АМС. Інша особливість, до якої схиляються автори [24, 108], є практично не залежна від концентрації В величина ТКО при 300 К в межах від 15 до 26 ат.% ( $\alpha \sim 1,5 \cdot 10^{-4}$  K<sup>-1</sup>). Однак, аналіза залежностей, наведених у [3], та порівняння їх із результатами роботи [24] дає можливість встановити деякі спільні особливості залежностей ТКО від *x*, які можна бачити на рис. 8. Як видно з цього рисунка  $\alpha_{300}(x)$  хоч і слабко, але залежить від *x* в області концентрацій 15–26 ат.%, досягаючи невеликого максимуму при 20 ат.%. Відмінність між цими результатами та наведеними у [108] автори пояснюють негомогенністю АМС.

Подібні залежності властиві і для АМС з іншим складом металоїдної групи. Так, в [26] досліджено залежності R(T) AMC Fe<sub>80</sub>B<sub>20-x</sub>C<sub>x</sub>  $(0 \le x \le 10)$ , B [101] — Fe<sub>82</sub>B<sub>18-x</sub>Ge<sub>x</sub> (x = 2, 4, 6), a B [60] — Fe<sub>80</sub>B<sub>20-x</sub>Si<sub>x</sub>  $(0 \le x \le 12)$ . На відміну від висновку, зробленого в [118], для всіх цих стопів чисельна аналіза виявляє додатковий, хоча і слабкий, внесок пропорційний  $T^2$  або  $T^{3/2}$  практично у всьому експериментальному інтервалі температур (як правило до 300 К), що вказує на наявність електрон-магнонного розсіяння. При заміщенні бору на Ge та Si спостерігається зростання ТКО, а при заміщенні бору на С спостерігається зворотня тенденція. Якщо зміну ТКО при леґуванні С можна пов'язувати з більшою кількістю зовнішніх електронів у вуглецю, порівняно з бором, то зміна ТКО у випадку Ge та Si менш зрозуміла, і скоріше за все, зумовлена особливостями атомної структури, оскільки добре відомо [119, 120], що через різні розміри атомів В та Si перший з них займає порожнини, а другий — заміщує атоми металу. Для атомів С та Ge, скоріш за все, також має місце подібна ситуація. В цих роботах поряд з детальною чисельною аналізою залежностей R(T) з метою виявлення магнонного внеску в  $\rho$ , за рівнянням (13) проводилось і визначення  $\Theta_{\pi}$  з використанням асимптотичної поведінки R(T), як з врахуванням, так і без врахування можливого магнетного внеску. Одержані значення  $\Theta_{\pi}$  лежать, як правило, в межах 300-500 К, тобто в тих межах значень  $\Theta_{\pi}$ , які були одержані з низькотемпературних мірянь тепломісткости (див., наприклад, [1, 3]). Проте, монотонної зміни значень  $\Theta_{II}$ при зміні складу АМС не виявляється навіть при врахуванні магнонного внеску, хоча висновок про його існування досить сумнівний через малу величину внесків, пропорційних  $T^2$  або  $T^{3/2}$ . В [120] залежності R(T) для об'ємного AMC  $\operatorname{Zr}_{48}\operatorname{Nb}_8\operatorname{Cu}_{12}\operatorname{Fe}_8\operatorname{Be}_{24}$  аналізуються з урахування додаткового до механізму  $\Phi 3$  внеску від багатофононних процесів та за рахунок обмеження розсіяння довгохвильовими фононами (див., наприклад, [1-3]), які також  $\propto T^2$ .

Якщо для кристалічних AMC перехід з феромагнетного в парамагнетний стан характеризується досить чіткою зміною ТКО при *T<sub>c</sub>*, то для AMC така особливість досить слабка, або і зовсім не проявлясться. Звичайно, це не означає, що магнетне розсіяння в AMC відсутнє, однак проста чисельна аналіза не є ефективною методою для його виявлення. Зокрема це відмічено в [97] при аналізі магнетного внеску в електроопір AMC на основі Ni(Fe)–Si–B.

Дослідження властивостей аморфних, плівок  $\operatorname{Fe}_{100-x}\operatorname{Si}_x$  з досить широким інтервалом зміни x, одержаних методом осадження у вакуумі, показують, що  $\rho$  при  $\sim 12 \leq x \leq 30$  є майже постійним, а ТКО при цьому зменшується, але не стає від'ємним [122, 123]. При більших x, як вважають автори, електрофізичні властивості АМС зумовлені існуванням двох аморфних фаз різного складу.

В [39] наведено результати дослідження аморфних плівок  $Fe_xSb_{100-x}$ , у яких перехід метал—ізолятор при x = 14 розглядається в рамках скейлінгової теорії [124]. Відмітимо, що в металічній області має місце зміна знаку ТКО при x > 72 ат.%, а низькотемпературна частина електричного опору може бути описана законом  $T^{1/2}$ .

Спадна, майже лінійна, залежність ТКО від x характерна і для AMC (Fe<sub>0,5</sub>Ni<sub>0,5</sub>)<sub>100-x</sub>B<sub>x</sub> (x = 12-26) [82]. Для цих AMC характерне досить високе значення ТКО, який для низьких концентрацій бору близький до 7·10<sup>-4</sup> K<sup>-1</sup>. Слід зазначити, що наявність кристалічних фаз у цих AMC малоймовірна, що підтверджують результати, наведені з незалежних джерел, цитованих у цій роботі.

Загальна особливість, яка притаманна АМС на основі заліза полягає у тому, що заміщення Fe елементами, розміщеними праворуч від нього в періодичній системі (як правило, це Ni i Co), призводить до зростання ТКО до певного вмісту домішок. При більш високих концентраціях ТКО зменшується. Так, для AMC (Fe<sub>1-x</sub>Co<sub>x</sub>)<sub>78</sub>Si<sub>9,5</sub>B<sub>12,5</sub> в [27] виявлено, що  $\alpha_{300}$  зростає з 1,52·10<sup>-4</sup> до 1,83·10<sup>-4</sup> К<sup>-1</sup> при збільшенні x від 0 до 0,7, при x = 0,9 складає  $1,4 \cdot 10^{-4}$  К<sup>-1</sup>, а при x = 1,0-1,64 10<sup>-4</sup> К<sup>-1</sup>. Ці значення дещо нижчі, ніж ті, що одержані в [83] для АМС з близьким вмістом Со. Крім того, при низьких T виявляється мінімум електроопору, положення якого ( $T_{\min}$ ) змінюється немонотонно з ростом вмісту Со, проходячи через максимум  $T_{\text{мін}} = 33,5 \text{ K}$  при x=0,9. Електроопір містить логарифмічну складову нижче  $T_{{}_{
m MiH}}$  та квадратичну — в інтервалі температур  $T_{{}_{
m MiH}} < T < 130$  К. Автори вважають, що мінімум опору має Кондову природу, що пов'язано з існуванням слабко зв'язаних, здатних до перевороту, спінів. Припускається також, що виявлена в роботі [27] кореляція між коефіцієнтом при  $\ln T$  і магнетним моментом Fe до x < 0.9, зумовлена зростанням інтегралу sd-обміну. При вищих T використана стандартна процедура для обчислення  $\Theta_{\pi}$ . Остання змінюється немонотонно і лежить в межах 450±70 К. Незважаючи на це, робиться висновок лише про якісне пояснення одержаних результатів теорією ФЗ.

В [125] проаналізовано електроопір АМС (Fe<sub>x</sub>Co<sub>1-x</sub>)<sub>100-y</sub>(Si<sub>z</sub>B<sub>1-z</sub>)<sub>y</sub> x = 0,09-0,11y, 20 < y < 30, 0 < z < 0,6 і одержано залежність р від y та

*z*.  $\rho$  зростає як з ростом *y*, так і *z*, а найнижче значення (94 мкОм·см) одержано для АМС (Fe<sub>0,5</sub>Co<sub>0,5</sub>)<sub>80</sub>B<sub>20</sub>. На думку авторів ці зміни якісно можна пояснити із застосуванням теорії ФЗ, зважаючи на більшу, порівняно з В, валентність кремнію та з урахуванням резонансного розсіяння *d*-електронів.

Наведені вище приклади показують, що для AMC, у яких ПМ = = Fe, Co, Ni та їх комбінації, інтерпретація електротранспортних властивостей є далеко неоднозначною. Ще більше питань виникає у випадку леґування цих AMC іншими перехідними елементами. Загальна особливість, що виявляється при леґуванні Mn, Cr, V та деякими 4d- та 5d-елементами — це зменшення ТКО при малому вмісті леґувального компонента і збільшення  $T_{мін}$ . Вільше того, у деяких випадках на залежностях R(T) таких мінімумів виявляється два.

В роботах [36, 126-129] містяться результати досліджень електроопору АМС Fe-Cr-B. В [126] такі результати наведено як для Fe<sub>85-x</sub>Cr<sub>x</sub>B<sub>15</sub>, так і для Fe<sub>85-x</sub>Ni<sub>x</sub>B<sub>15</sub>. Результати Мессбаверових досліджень показують, що розподіл надтонких полів в обох АМС суттєво відрізняються: для АМС з нікльом на розподілі виявляється лише один пік, тоді як для AMC із Cr характерний двопіковий розподіл. Подібні результати одержано і для інших АМС [130]. В рамках теорії ФЗ одним із можливих варіантів пояснення результатів є зміщення  $k_F$  для Ni від максимуму структурного фактору S(K), а для Cr — в бік цього максимуму. Крім того, розглядаються і інші механізми, зокрема для AMC Fe<sub>85-x</sub>Cr<sub>x</sub>B<sub>15</sub> передбачається досить значний внесок від розсіяння на спінових флюктуаціях, який може бути особливо суттєвим при великих концентраціях хрому. На залежностях R(T) виявляється мінімум, який при x = 5 ат.% Сг розміщений вище, ніж 100 К. Його природу пов'язують з комбінацією двох внесків — зростаючого з температурою розсіяння на спінових флюктуаціях та спадного — структурного.

Дещо інша природа мінімуму електроопору була розглянута в [36] для АМС  $Fe_{80-x}Cr_xB_{20}$  (див. розділ 2.3 та рис. 1). Як і для АМС  $Fe_{85-x}Cr_xB_{15}$ , в цій роботі відзначається значний внесок від розсіяння на спінових флюктуаціях, хоч детальної аналізи високотемпературної частини  $\rho$  і не наведено. В [127] аналізується температурна залежність електроопору АМС  $Fe_{85-x}Cr_xB_{15}$  при T, вище ніж кімнатна. Інтерпретацію одержаних результатів зроблено з урахуванням як внеску ФЗ, так і магнетного. Існування останнього внеску очевидна, через наявність на залежностях R(T) чіткого зламу при  $T_c$ . Різну концентраційну залежність обмінної константи, ТКО, температури кристалізації автори пов'язують з різною магнетною структурою та з різним хімічним або топологічним впорядкуванням АМС.

В [128] наведено результати досліджень електроопору та термо-ЕРС стопів  $Fe_{85-x}Cr_xB_{15}$  та  $Fe_{85-x}Ni_xB_{15}$ , на основі яких зроблено висновок, що відносні концентраційні зміни термо-ЕРС і її залежність від типу леґувального компоненту знаходять адекватне пояснення з урахуванням спін-поляризованої ГЕС, тобто з використанням Моттового *sd*-моделю, але абсолютні значення термо-ЕРС вимагають залучення інших механізмів розсіяння електронів провідности.

Для інтерпретації залежностей R(T) АМС  $Fe_{75}Cr_5B_{20}$  та  $Fe_{75}Nb_5B_{20}$ в [129] було використано двострумовий модель провідности, в якому електрони однієї зі спінових орієнтацій розсіюються за механізмом ФЗ, а іншої — за електрон-електронним та магнонним механізмами. Модельні розрахунки показують, що при певних параметрах розрахункові залежності R(T) відбивають всі особливості, що спостерігались на експерименті для феромагнетних АМС. Однак, велика кількість параметрів, використана для такого моделювання, ставлять його надійність під сумнів.

Аналогічні ефекти проявляються і на залежностях АМС на основі Fe при їх леґуванні іншими елементами (див., наприклад, [28, 30, 41, 44, 132]), серед яких є і складнолеґовані АМС типу FINEMET.

Подібний вплив леґувальних елементів на електроопір властивий і AMC на основі кобальту. На рисунку 11 наведено залежність  $\alpha_{300}$  від x для AMC (Co<sub>0,85</sub>B<sub>0,15</sub>)<sub>100-x</sub> $X_x$  [83] та (Co<sub>0,9</sub>Zr<sub>0,1</sub>)<sub>100-x</sub> $X_x$  [112] для різних X. Залежності  $\alpha_{300}$  від вмісту Со в цілому є немонотонними і характеризуються наявністю невеликого мінімуму. Такий характер кривих є універсальним для AMC (Co<sub>0,85</sub>B<sub>0,15</sub>)<sub>100-x</sub> $X_x$ , якщо X є металоїд і Al. Однак, для AMC (Co<sub>0,9</sub>Zr<sub>0,1</sub>)<sub>100-x</sub> $X_x$  залежність ТКО від вмісту Co суттєво відмінна, а мінімум на ній більш виражений для X = Si та Ge, при-



Рис. 11. Залежність  $\alpha_{300}$  від вмісту Со *у* в АМС (Co<sub>0.85</sub>B<sub>0.15</sub>)<sub>100-x</sub> $X_x$   $X = B(\blacksquare)$ , Si ( $\bullet$ ), Al ( $\triangle$ ) та V ( $\bullet$ ) [83], (Co<sub>0.9</sub>Zr<sub>0.1</sub>)<sub>100-x</sub> $X_x$  (X = Al ( $\blacktriangle$ ), Si ( $\Box$ ) та Ge ( $\bigcirc$ ) [112].

чому в точці мінімуму ТКО набуває від'ємного значення. В той же час, залежності для АМС ( $Co_{0,85}B_{0,15}$ )<sub>100-x</sub> $X_x$  з X = V та ( $Co_{0,9}Zr_{0,1}$ )<sub>100-x</sub> $X_x$ з X = Ge виявилися досить подібними. Залежності  $\rho$  від вмісту Со як для ( $Co_{0,85}B_{0,15}$ )<sub>100-x</sub> $X_x$ , так і ( $Co_{0,9}Zr_{0,1}$ )<sub>100-x</sub> $X_x$  є монотонно спадними, причому для першого з цих АМС зміни електроопору досить слабко залежать від складу металоїдної групи, а при X = V стають подібними до змін  $\rho$  для АМС ( $Co_{0,9}Zr_{0,1}$ )<sub>100-x</sub> $X_x$ . На основі проведеної аналізи зроблено висновок, що електрофізичні властивості цих стопів пов'язані з ефектами локалізації, а пояснення характеру залежностей  $\rho(T)$  і природи мінімуму електроопору можна зробити, врахувавши, крім них, ще й той факт, що участь у провідності беруть як *sp*-, так і *d*-електрони. Однак, участь у провідності *d*-електронів досить слабко арґументована, оскільки використана для цього формула Друде аж ніяк не дає узгодження між поведінкою  $\rho$  та  $N(E_F)$ , визначених за даними низькотемпературної тепломісткости.

Узагальнюючи, зазначимо, що для інтерпретації електрофізичних характеристик АМС на основі заліза та кобальту використання конкретного механізму розсіяння можливо лише, із застосуванням ряду часто слабко обґрунтованих припущень про додаткові механізми розсіяння. В більшості випадків такі механізми подібні до тих, що спостерігаються в кристалічних матеріялах з відповідними поправками на специфіку, зумовлену структурною невпорядкованістю. Однак для аморфних матеріялів чітко встановлений ще один факт. Як відомо, результати дослідження їх атомної структури вказують на те, що вона не може розглядатися як однорідна, а має стохастичний характер. Зокрема, результати дифракційних досліджень можна описати лише в припущенні наявности областей з різним типом хімічного близького порядку (див., наприклад, [1]). Однак, при аналізі електричних властивостей це фактично не враховується. Наприклад, при використанні моделю ФЗ до багатокомпонентних АМС застосовують усереднений структурний фактор, який розраховують на основі парціяльних структурних факторів компонентів. Однак такі розрахунки здійснюють, як правило, у припущенні однорідного розподілу компонентів по об'єму, а отже, не враховують наявність локальних областей з різним типом хімічного близького порядку.

Хоча така мікронеоднорідна атомарна структура є широко визнаною, вона, як не дивно, не знайшла застосування до опису транспортних властивостей. Але цілком логічно розглядати електроопір такої мікронеоднорідної структури з точки зору ефективного середовища, взявши до уваги різний тип хімічного близького порядку таких областей. Така точка зору була з успіхом застосовано до опису магнетних характеристик AMC [13], зокрема, була встановлена важлива роль процесів кластеризації. В буквальному розумінні такі кластерні структури не відділені різкою межею від матричної структури, як це має місце для багатофазних систем, а являють собою сукупність металічних атомів з певним типом ближнього впорядкування, в якому енергія обмінної взаємодії відрізняються від обмінної взаємодії в матриці в цілому. Досить часто характер обмінної взаємодії в межах кластера є протилежним до характеру обмінної взаємодії в матриці. Такі кластери можуть бути ефективними центрами розсіяння електронів провідности у кристалічних стопах. Так, у [133] розглянуто вплив кластерів Ni в мідній матриці на електроопір і встановлено, що розмір таких кластерів, а відповідно і їх магнетні властивості, можуть суттєво змінювати електричні властивості системи. Для АМС існування подібного внеску в електроопір не розглядається, хоча, наприклад в [97] при досліджені АМС Ni-P відмічається роль кластерних утворень в процесах розсіяння, що зумовлює відмінності електрофізичних характеристик АМС, одержаних різними методами. Тому, на нашу думку, особливості електроопору АМС на основі заліза та кобальту слід розглядати саме з цих позицій з використанням відповідних критеріїв та метод аналізи.

## 4. ФЕНОМЕНОЛОГІЧНИЙ МОДЕЛЬ МАГНЕТООПОРУ ФЕРОМАГНЕТНИХ АМС

Аналіза великої кількости одержаних авторами і наявних у літературі експериментальних даних з магнетоопору (МО) АМС свідчить про те, що існує ціла низка проблем, пов'язаних з їх інтерпретацією. Зокрема, в літературі практично відсутня аналіза залежности анізотропної складової МО від магнетного поля. Не повністю ясний взаємозв'язок між доменною структурою АМС та їх магнетоопором. Мало уваги надавалось дослідженню впливу зовнішніх чинників (зовнішніх напружень, розмірних факторів, тощо) на МО. Порівняно незначна кількість робіт присвячена впливу леґувальних компонентів на магнетоопір. Крім цього, не повністю ясний взаємозв'язок між МО та іншими властивостями, як кінетичними (в першу чергу електроопором), так і магнетними. Додатково до всього, накопичений експериментальний матеріял показує, що при вимірюваннях магнетоопору досить гостро стоїть проблема, пов'язана з відтворюваністю результатів, яку в кращому випадку можна було пов'язати з неоднорідністю зразків, а в найгіршому — з недосконалістю методики вимірювань. Тому важливою проблемою є детальна аналіза та систематизація експериментальних фактів та створення відповідних теоретичних моделів.

#### 4.1. Результати експериментальних досліджень магнетоопору

На рисунку 12 представлено залежності  $\beta_{\perp}$  та  $\beta_{\parallel}$  від H для AMC  $Fe_{80}Ni_5B_{15}$ ,  $Fe_{80}Cr_5B_{15}$ ,  $Fe_{75}Mn_5B_{20}$  та  $Fe_{75}Ta_5B_{20}$ . Як  $\beta_{\perp}$ , так і  $\beta_{\parallel}$ , досить


**Рис. 12.** Залежності поперечного  $\beta_{\perp}$  ( $\blacksquare$ ) та поздовжнього  $\beta_{\parallel}$  ( $\square$ ) магнетоопорів  $\beta$  від поля H для AMC Fe<sub>80</sub>Ni<sub>5</sub>B<sub>15</sub> (a), Fe<sub>80</sub>Cr<sub>5</sub>B<sub>15</sub> ( $\delta$ ), Fe<sub>75</sub>Mn<sub>5</sub>B<sub>20</sub> (a) та Fe<sub>75</sub>Ta<sub>5</sub>B<sub>20</sub> (a).

швидко змінюються при малих полях, досягаючи насичення, при 40-50 кА/м у випадку перпендикулярної орієнтації поля, та при  $\leq 10$  кА/м у випадку його повздовжньої орієнтації. При подальшому збільшенні H зміни  $\beta$  досить малі і близькі до лінійних. Такий вигляд залежностей типовий практично для всіх матеріялів (як кристалічних, так і аморфних) з відмінною від нуля магнетострикцією [54, 57, 60, 81, 134].

В таблиці 2 наведено значення магнетоопорів насичення  $\beta_{s\perp}$  та  $\beta_{s\parallel}$ для АМС Fe<sub>80</sub>ПМ<sub>5</sub>В<sub>15</sub> та Fe<sub>75</sub>ПМ<sub>5</sub>В<sub>20</sub>. Ці величини були визначені за звичайною процедурою [38] — як точка перетину прямої лінії, яка характеризує ізотропну складову, з віссю ординат (відповідні прямі показано на рис. 12). Із одержаних результатів видно також, що відношення  $\gamma = \beta_{s\parallel}/\beta_{s\perp}$  досить сильно відрізняється від –2, яке характерне для ізотропного розподілу векторів намагнетованости домен за напрямками [53], Це вказує на наявність у зразках деякого переважного напрямку орієнтації векторів намагнетованости, кут  $\varphi_0$ між ним і віссю стрічки можна визначити з результатів вимірювання магнетоопору за рівнянням (19). Значення кутів  $\varphi_0$  також наведено у табл. 2. Вони лежать у межах 30–40° і ніяк не корелюють із типом ПМ. Скоріше за все, поява переважної орієнтації векторів намагнетованости в АМС зумовлена «технологічними» причинами.

Склад	$\beta_{s\parallel}, \%$	$-eta_{S\perp}$ , %	$-\beta_{S\parallel}/\beta_{S\perp}$	φ₀, °	ФАО, %	$\alpha$ , 10 <sup>-4</sup> K <sup>-1</sup>
$\mathrm{Fe_{80}Ni_5B_{15}}$	0,180	0,303	0,6	38	0,48	2,32
$\mathrm{Fe_{80}Co_5B_{15}}$	0,199	0,253	0,8	42	0,45	1,96
$\mathrm{Fe}_{85}\mathrm{B}_{15}$	0,094	0,252	0,4	31	0,35	$1,\!65$
$\mathrm{Fe_{80}Mn_5B_{15}}$	0,079	0,138	0,6	<b>37</b>	0,22	0,77
$\mathrm{Fe_{80}Cr_5B_{15}}$	0,041	0,096	0,4	33	0,14	0,93
$\mathrm{Fe_{80}Ti_5B_{15}}$	0,071	0,126	0,6	<b>37</b>	0,20	1,20
$\mathrm{Fe_{75}Ni_5B_{20}}$	0,119	0,222	0,5	36	0,34	2,08
$\mathrm{Fe_{75}Mn_5B_{20}}$	0,069	0,137	0,5	35	0,21	0,68
$\mathrm{Fe_{75}Cr_5B_{20}}$	0,064	0,087	0,7	41	0,15	0,61
$\mathrm{Fe_{75}V_5B_{20}}$	_	0,121	_	_	_	0,74
$\mathrm{Fe_{75}Ti_5B_{20}}$	0,065	0,124	0,5	36	0,19	1,30
$Fe_{75}Mo_5B_{20}$	0,063	0,096	0,7	39	0,16	0,85
$Fe_{75}Nb_5B_{20}$	0,013	0,083	0,2	22	0,10	0,79
$Fe_{75}Ta_5B_{20}$	0,058	0,122	0,5	35	0,18	0,51
${ m Fe}_{75}{ m W}_{5}{ m B}_{20}$	0,025	0,061	0,4	33	0,09	0,60

ТАБЛИЦЯ 2. Магнетоопір насичення  $\beta_{S\perp(h)}$  (%), відношення  $-\beta_{S\parallel}/\beta_{S\perp}$ , кути  $\varphi_0$ , обчислені за рівнянням (19), ФАО  $\Delta \rho/\overline{\rho}_0$  (%), та ТКО  $\alpha$  (10<sup>-4</sup> K<sup>-1</sup>) для АМС Fe<sub>80</sub>ПМ<sub>5</sub>B<sub>15</sub> та Fe<sub>75</sub>ПМ<sub>5</sub>B<sub>20</sub>.

Як ми відмічали, особливості польової залежности магнетоопору AMC пов'язані з існування в них ФАО, яка визначається за рівнянням (22). У випадку малих значень магнетоопору, що характерно для AMC Fe–B, останнє можна трансформувати до вигляду:

$$\Delta \rho / \overline{\rho}_0 = \beta_{S\parallel} - \beta_{S\perp} \,. \tag{31}$$

Як видно з табл. 2,  $\Delta \rho / \bar{\rho}_0$  змінюється немонотонно при зростанні атомового номера ПМ від початку до кінця 3*d*-ряду, досягаючи мінімуму при ПМ = Cr. Залежність ФАО від ріжниці  $\Delta Z$  між порядковими номерами Fe та 3*d*-ПМ (рис. 13) виявилася однаковою для AMC з вмістом бору 15% та 20%. Слід також відмітити подібність цієї залежности до залежности ТКО  $\alpha$  від  $\Delta Z$ , одержану для цих AMC в [135]. Через це між  $\alpha$  та ФАО спостерігається чітка кореляція (рис. 14). Зважаючи на те, що для побудови кореляційної залежности використано результати і для AMC з ПМ = Nb, Mo, Ta та W, це може свідчити про взаємозв'язок між механізмами розсіяння, які зумовлюють транспортні та магнето-транспортні властивості AMC.

# 4.2. Феноменологічний підхід до опису польових залежностей магнетоопору

Для аналізи експериментальних залежностей МО від магнетного поля слід було вибрати відповідну апроксимуючу функцію, яка б



**Рис. 13.** Залежність ФАО  $\Delta \rho / \overline{\rho}_0$  від ріжниці  $\Delta Z$  між порядковим номером Fe і леґувальним 3*d*-компонентом для АМС Fe<sub>80</sub>ПМ<sub>5</sub>B<sub>15</sub> ( $\blacksquare$ ) і Fe<sub>75</sub>ПМ<sub>5</sub>B<sub>20</sub> ( $\Box$ ).



Рис. 14. Залежність ФАО  $\Delta \rho / \overline{\rho}_0$  від ТКО  $\alpha$  для АМС  $Fe_{80}\Pi M_5B_{15}$  ( $\blacksquare$ ) та  $Fe_{75}\Pi M_5B_{20}$  ( $\Box$ ).

дала змогу прослідкувати зміну параметрів для AMC різних складів та виявити основні фактори впливу на ці параметри. Вибір ми зупинили на логістичній функції, яка дозволила досить добре апроксимувати анізотропну складову MO. З урахуванням ізотропної (лінійної по H) складової апроксимувальна функція мала вигляд:

$$\beta = \beta_{S}^{T} \left( 1 - \frac{1}{\left[ 1 + \left( H / H_{A} \right)^{2} \right]} \right) + \xi \left| H \right|, \qquad (32)$$

де  $\xi$  описує ізотропну складову, а  $\beta_s^T$  і  $H_A$  — незалежні від магнетного поля апроксимувальні параметри, обґрунтування та фізичний зміст яких буде розглянуто нижче.

Як приклад, на рис. 15, *a*, наведена залежність поперечного магнетоопору від *H* для AMC Fe<sub>85</sub>B<sub>15</sub> та результати її апроксимації залежністю (32) з використанням методу найменших квадратів. Параметри апроксимації становлять:  $\beta_{S\perp}^T = -0,264(5)\%$ ,  $H_{A\perp} = 8,3(4)$  кА/м та  $\xi_{\perp} = 5(4) \cdot 10^{-5} \% \cdot (кА/м)^{-1}$ . Аналогічна залежність для поздовжнього магнетоопору показана на рис. 15, *б*. Параметри апроксимації у цьому випадку складають:  $\beta_{S\parallel}^T = 0,094(1)\%$ ,  $H_{A\parallel} = 1,92(4)$ 



Рис. 15. Залежність поперечного (*a*) та поздовжнього (*б*) магнетоопорів  $\beta$  від поля  $H(\Box)$  для АМС Fe<sub>85</sub>B<sub>15</sub>, їх апроксимація рівнянням (32) (—) та залежність ріжниці  $\Delta\beta = \beta_{\text{експ}} - \beta_{\text{апр.}}$  від  $H(\bigcirc)$ .

кА/м та  $\xi_{\parallel} = 4(1) \cdot 10^{-5} \%$  (кА/м)<sup>-1</sup>. На рисунках 15, *a*, *б*, додатково представлено ріжницю  $\Delta\beta$  між експериментальним та обчисленим за рівнянням (32) значенням МО. Як видно, максимальна ріжниця складає біля 0,01%, що близько до точности визначення  $\beta$ .

В таблиці З наведено результати, одержані при апроксимації експериментальних залежностей  $\beta(H)$  для інших АМС. Через значні похибки величина  $\xi$  не наводиться. Однак, як і для АМС Fe<sub>85</sub>B<sub>15</sub>, вона має порядок  $10^{-5}-10^{-4}\%$  (кА/м)<sup>-1</sup>, а за знаком додатня для всіх АМС, крім Fe<sub>80</sub>Ni<sub>5</sub>B<sub>15</sub>. Про те, що рівняння (32) добре апроксимує залежності  $\beta(H)$ , свідчить і лінійний характер залежностей  $\beta$  від  $H^2/(H^2 + H_A^2)$  для АМС, у яких ізотропна компонента МО мала (на рис. 16 показано такі залежності для АМС Fe<sub>85</sub>B<sub>15</sub>, Fe<sub>80</sub>Ni<sub>5</sub>B<sub>15</sub> та Fe<sub>80</sub>Co<sub>5</sub>B<sub>15</sub>).

Відмітимо, що одержані при апроксимації значення  $\beta_s$  виявилися досить близькими до значень магнетоопору насичення, визначеного за стандартною процедурою (табл. 2); тому і для них матимуть місце кореляції, подібні до зображених на рис. 13 та 14.

Залежності  $H_{A\perp}$  та  $H_{A\parallel}$  від  $\Delta Z$  показано на рис. 17. Як видно, для АМС  $\operatorname{Fe}_{80}\Pi M_5 B_{15}$  при  $\Delta Z = -2-+2$  спостерігається чітка залежність між величиною  $H_{A\perp}$  та значенням  $\Delta Z$  ( $H_{A\perp}$  майже лінійно зменшується зі зменшенням  $\Delta Z$ ). До цієї залежности досить близькі значення  $H_{A\perp}$  для АМС  $\operatorname{Fe}_{75}\operatorname{Ni}_5B_{20}$  ( $\Delta Z = 2$ ) та  $\operatorname{Fe}_{75}\operatorname{Mn}_5B_{20}$  ( $\Delta Z = -1$ ). Однак для АМС  $\operatorname{Fe}_{75}\operatorname{Cr}_5B_{20}$  ( $\Delta Z = -2$ ) та  $\operatorname{Fe}_{75}\operatorname{V}_5B_{20}$  ( $\Delta Z = -3$ )  $H_{A\perp}$  виявились

Склад	$-eta_{Sot}^T$ , %	$H_{A\perp}$ , к $\mathrm{A}/\mathrm{M}$	$eta_{S^{\parallel}}^{T}$ , %	$H_{A\parallel}$ , к ${ m A}/{ m M}$
$\mathrm{Fe}_{80}\mathrm{Ni}_{5}\mathrm{B}_{15}$	0,295	13,6(6)	0,182	3,3(1)
$\mathrm{Fe}_{80}\mathrm{Co}_{5}\mathrm{B}_{15}$	0,276	12,9(5)	0,185	0,80(6)
${\rm Fe}_{85}{\rm B}_{15}$	0,264	8,3(4)	0,095	1,92(4)
$Fe_{80}Mn_5B_{15}$	0,141	8,4(6)	0,075	0,85(7)
$\mathrm{Fe}_{80}\mathrm{Cr}_{5}\mathrm{B}_{15}$	0,092	6,9(3)	0,039	1,3(1)
$\mathrm{Fe}_{80}\mathrm{Ti}_{5}\mathrm{B}_{15}$	0,131	11,4(2)	0,067	2,4(3)
$\mathrm{Fe}_{75}\mathrm{Ni}_{5}\mathrm{B}_{20}$	0,225	12,7(2)	0,119	2,3(1)
$\mathrm{Fe_{75}Mn_5B_{20}}$	0,141	7,3(3)	0,06	0,9(1)
$\mathrm{Fe}_{75}\mathrm{Cr}_{5}\mathrm{B}_{20}$	0,090	20,3(1,1)	0,066	5,8(5)
$\mathrm{Fe}_{75}\mathrm{V}_{5}\mathrm{B}_{20}$	0,136	15,8(1,5)	—	—
$\mathrm{Fe_{75}Ti_5B_{20}}$	0,126	6,6(2)	0,069	1,7(2)
$\mathrm{Fe_{75}Mo_5B_{20}}$	0,100	17,6(1,4)	0,061	3,6(4)
$\mathrm{Fe}_{75}\mathrm{Nb}_{5}\mathrm{B}_{20}$	0,085	4,8(2)	0,014	1,0(1)
$\mathrm{Fe}_{75}\mathrm{Ta}_{5}\mathrm{B}_{20}$	0,127	13,3(2)	0,052	1,7(2)
${ m Fe_{75}W_5B_{20}}$	0,066	13,3(9)	0,024	2,8(4)

**ТАБЛИЦЯ 3.** Значення апроксимаційних коефіцієнтів  $\beta_{S \perp (||)}^{T}$  та  $H_{A \perp (||)}$  (рівняння (32)) для АМС Fe<sub>80</sub>ПМ<sub>5</sub>B<sub>15</sub> та Fe<sub>75</sub>ПМ<sub>5</sub>B<sub>20</sub>.



Рис. 16. Залежності  $\beta$  від  $H^2/(H^2 + H_A^2)$  для АМС  $\text{Fe}_{85}B_{15}$  ( $\blacksquare$ ,  $\Box$ ),  $\text{Fe}_{80}\text{Ni}_5B_{15}$ ( $\bullet$ ,  $\bigcirc$ ) та  $\text{Fe}_{80}\text{Co}_5B_{15}$  ( $\blacklozenge$ ,  $\triangle$ ), побудовані з використанням значень  $H_A$  із табл. 3.

значно більшими. Відмітимо суттєву ріжницю між значеннями  $H_A$  AMC Fe<sub>80</sub>Cr<sub>5</sub>B<sub>15</sub> та Fe<sub>75</sub>Cr<sub>5</sub>B<sub>20</sub> при майже однакових величинах  $\beta_S^T$ . Порівняно високі значення  $H_{A\perp}$  одержано і для AMC з ПМ = Мо, Та та W. В цілому ж при  $\Delta Z < -2$  кореляції, подібної зазначеній вище, не спостерігається. Досить важко виділити певну кореляцію і між  $H_{A\parallel}$  та  $\Delta Z$  (рис. 17, 6).

Для того, щоб довести правомірність застосування апроксимуючої функції виду (32), дамо певну інтерпретацію цьому рівнянню та визначимо залежність апроксимуючих параметрів не тільки від складу, але й від дії зовнішніх чинників.

Опустивши ізотропну складову ξ(*H*), перепишемо рівняння (32) у вигляді

$$\beta = \beta_S^T \frac{H^2}{H^2 + H_A^2} \,. \tag{33}$$

У такій формі запису величині  $H^2/(H^2 + H_A^2)$  можна поставити у відповідність значення  $\cos^2\varphi$ , де  $\varphi$  — кут між вектором **H** та вектором, який є сумою двох взаємно перпендикулярних векторів **H** та **H**<sub>A</sub>, а вектор **H**<sub>A</sub> відіграє роль деякого внутрішнього магнетного поля. Якщо припустити, що намагнетованість **M** орієнтована вздовж цього сумарного поля, то залежність  $\beta$  від  $\cos^2\varphi$  (кут  $\varphi$  — кут між вектором намагнетованости **M** та напрямком течії електричного струму) відповідала б загальноприйнятій залежності MO від намагнетованости [52, 53]. Тому слід очікувати, що залежність  $\beta(H)$  вигляду (33) пов'язана з процесами магнетування.

Відомо, що магнетування зразків відбувається за рахунок двох механізмів: зсуву доменних меж та обертання векторів намагнето-



Рис. 17. Залежність  $H_{A\perp}(a)$  та  $H_{A\parallel}(\delta)$  від ріжниці  $\Delta Z$  між порядковим номером Fe та ПМ для АМС Fe<sub>80</sub>ПМ<sub>5</sub>B<sub>15</sub> (■) та Fe<sub>75</sub>ПМ<sub>5</sub>B<sub>20</sub> (●), у яких ПМ — 3*d*-елементи, та Fe<sub>75</sub>ПМ<sub>5</sub>B<sub>20</sub> з ПМ = Mo, Nb (△) та ПМ = Ta, W. (◊).

ваности магнетних домен. Перший з цих процесів, як правило, досить слабко впливає на електричний опір феромагнетних матеріялів [52]. Тому будемо розглядати процеси магнетування лише за рахунок когерентного обертання векторів намагнетованости доменів.

Нехай у феромагнетику існує вісь легкого магнетування (ВЛМ) з деякою ефективною константою магнетної анізотропії  $K_{e\phi}$ . Розглянемо магнетування такого феромагнетика під дією магнетного поля, направленого перпендикулярно ВЛМ (рис. 18). Енергія магнетика у цьому випадку [52, 53]:

174 М. П. СЕМЕНЬКО, М. І. ЗАХАРЕНКО, Ю. А. КУНИЦЬКИЙ та ін.

$$E = -K_{\rm eff}\cos^2\varphi - \mu_0 M_{\rm s} H \sin\varphi, \qquad (34)$$

де  $M_s$  — намагнетованість насичення,  $\varphi$  — кут між напрямком ВЛМ та вектором  $\mathbf{M}_s$ ,  $\mu_0$  — магнетна стала. В цьому рівнянні представлено анізотропну та Зеєманову складову енергії. Магнетопружній та магнетостатичний внески хоч і не розглядаються, однак легко показати, що вони можуть бути враховані відповідною модифікацією ефективної константи магнетної анізотропії  $K_{e\phi}$ . Значення кута  $\varphi$ одержуємо з умови мінімуму енергії:

$$\sin \varphi = \frac{\mu_0 M_s H}{2K_{eeb}} = \frac{H}{H_A}, \qquad (35)$$

де  $H_A = 2K/(M_S\mu_0)$  — поле магнетної анізотропії [52, 53]. Якщо напрямок течії електричного струму співпадає з напрямком вісі магнетної анізотропії, то, зваживши на рівняння (35), слід було б очікувати, що  $\beta \propto H^2$ . Однак, як свідчать одержані експериментальні факти, така залежність не властива одержаним кривим  $\beta(H)$ .

Розглянемо процес магнетування феромагнетика за наявности в ньому деякого «внутрішнього» магнетного поля  $H_A$  (поле анізотропії), яке направлене перпендикулярно зовнішньому магнетному полю (рис. 18). Енергія магнетика у цьому випадку матиме вигляд:

$$E = -\mu_0 M_S H_A \cos \varphi - \mu_0 M_S H \sin \varphi , \qquad (36)$$

мінімізація якої дає розв'язок:



**Рис. 18.** Обертання векторів магнетування при поперечному (*a*) та поздовжньому (*б*) магнетуванні.

$$tg \phi = \frac{H}{H_A} \quad afo \quad \sin^2 \phi = \frac{H^2}{H_A^2 + H^2}.$$
(37)

Саме така залежність і описує експериментальні криві  $\beta(H)$ .

Рівняння (36), в якому фігурує «внутрішнє» магнетне поле  $H_A$ , дозволяє розглядати його як поле анізотропії, ввівши деяку ефективну константу анізотропії:

$$K_{\rm eb} = \mu_0 M_S H_A. \tag{38}$$

Відмінність цієї константи від константи ефективної анізотропії, що розглядається в рівнянні (34), полягає не тільки у величині, а й у кутовій залежності енергії анізотропії, зв'язаною з цією константою (~ соs $\phi$ , на відміну від рівняння (34), в якому енергія анізотропії ~ соs<sup>2</sup> $\phi$ ). Але саме в такому контексті можна пояснити одержані залежності  $\beta(H)$ .

За допомогою рівнянь (36) та (38) можна описати лише процеси магнетування феромагнетиків, у яких домени, намагнетованості яких у початковому стані орієнтовані вздовж ВЛМ, розділені 180°межами. Однак, як відомо, така проста доменна структура дуже рідко спостерігається у реальних феромагнетних матеріялах, у тому числі, і в аморфних [2, 3, 136]. Для аморфних стопів доменна структура досить складна, а енергія анізотропії має досить складний просторовий розподіл [136]. Так, дослідження локальних кривих магнетування показали наявність шаруватости доменної структури AMC, у якій розподіл намагнетованостей доменів у поверхневих шарах зумовлений наявністю анізотропії типу «легка площина», а у внутрішніх областях — одноосною анізотропією, вісь якої перпендикулярна площині стрічки [137–141].

Досить часто експериментальні залежності M(H) вдається описати, використовуючи два типи доменів з взаємно перпендикулярними напрямками векторів намагнетованости. При цьому домени різного типу знаходяться під дією різних за знаком внутрішніх напружень, а вектори намагнетованости одного з типів домен направлені вздовж вісі стрічки [142]. Магнетування АМС з такою доменною структурою можна розглядати як процес незалежного повороту намагнетованостей магнетних домен обох типів, об'ємні частки яких складають  $v_{\perp}$  та  $v_{\parallel}$ , а відповідні поля анізотропії характеризуються константами  $K_{eф\parallel}$ . При цьому  $v_{\mu} + v_{\mu} = 1$ .

ються константами  $K_{e\phi||}$  та  $K_{e\phi||}$ . При цьому  $v_{\parallel} + v_{\perp} = 1$ . Оскільки величини  $H_{A||}$  та  $H_{A\perp}$  суттєво відрізняються (табл. 3), це дає підстави припустити і суттєву відмінність значень енергії анізотропії вздовж і перпендикулярно вісі стрічки, що може зумовити утворення двох типів доменів, розглянутих вище. Найпростішою модельною доменною структурою буде така, коли вектори намагнетованости окремих домен  $\mathbf{M}_{\parallel}$  та  $\mathbf{M}_{\parallel}$  лежать у площині аморфної стрічки.

Схеми магнетування такої доменної структури при поперечній та поздовжній орієнтації магнетного поля показано на рис. 18, *a* і б відповідно. Поперечне магнетування (рис. 18, *a*) відбувається лише за рахунок обертання векторів намагнетованости доменів, орієнтованих вздовж напрямку протікання електричного струму **j**. Залежність енергії таких домен від кута повороту вектора намагнетованости  $\phi_{\perp}$  відносно початкового значення записують у вигляді [136]:

$$E_{\parallel} = v_{\parallel} (-K_{\rm edp\parallel} \cos \varphi_{\perp} - \mu_0 M_S H \sin \varphi_{\perp}) \,. \tag{39}$$

Мінімум енергії досягається, коли:

tg φ<sub>⊥</sub> = 
$$\frac{H}{H_{A⊥}}$$
 abo  $\sin^2 φ_{\bot} = \frac{H^2}{H_{A⊥}^2 + H^2}$ , (40)

де  $H_{A\perp} = K_{e \phi \parallel} / (M_S \mu_0)$ .

Повздовжнє магнетування здійснюється за рахунок обертання векторів намагнетованости домен, орієнтованих перпендикулярно **j** (рис. 19, б). Їх енергія —

$$E_{\perp} = v_{\perp} (-K_{\rm eob\perp} \sin \varphi_{\parallel} - \mu_0 M_S H \cos \varphi_{\parallel}) \,. \tag{41}$$

В цьому випадку з умови мінімуму знаходимо:

$$\operatorname{ctg} \phi_{\parallel} = rac{H_{A\parallel}}{H} \quad \operatorname{afo} \quad \cos^2 \phi_{\parallel} = rac{H^2}{{H_{A\parallel}^2}^2 + H^2}, \tag{42}$$

де  $H_{A\parallel} = K_{e \oplus \perp} / (M_S \mu_0)$ .

Рівняння (40) та (42) мають таку ж залежність від H, як і анізотропна складова МО. Проаналізуємо, який вигляд залежности  $\beta(H)$  слід очікувати в рамках розглянутих моделів доменної структури. Основним припущенням при цьому є припущення про те, що електричний опір окремого домену вздовж напрямку, що утворює кут  $\varphi$  з вектором його намагнетованости описується рівнянням (17) [53]. Сталі A та B знайдемо з умови, що при поздовжньому магнетуванні ( $\mathbf{H} \parallel \mathbf{j}$ )  $\varphi = 0$ , і тоді  $\rho_{\parallel Z} = A + B$ , а при поперечному —  $\varphi = \pi/2$  і  $\rho_{\perp Z} = A$ . Тоді

$$\rho_{\mathcal{A}} = \rho_{\perp \mathcal{A}} + (\rho_{\parallel \mathcal{A}} - \rho_{\perp \mathcal{A}}) \cos^2 \varphi \,. \tag{43}$$

Представимо електричний опір у вигляді двох складових: ізотропної  $\rho_I$  та анізотропної a, де  $\rho_I$  включає як магнетонезалежний внесок в  $\rho$ , так і внесок, який залежить від модуля H. Для більшости феромагнетних металів справедливою є умова  $\rho_I >> a$ . Врахувавши залежність складової a від напрямку H та той факт, що  $\rho_{\parallel Z} > \rho_{\perp Z}$ , запишемо:

$$\rho_{\parallel \mathcal{I}} = \rho_I + a_{\parallel} \quad \text{ta} \quad \rho_{\perp \mathcal{I}} = \rho_I - a_{\perp}. \tag{44}$$

З урахуванням цього вираз (43) набуває вигляду:

$$\rho_{\pi} = \rho_{I} - a_{\perp} + (a_{\parallel} + a_{\perp})\cos^{2}\varphi \,. \tag{45}$$

Якщо вектори намагнетованости домен розподілені у просторі статистично, то значення р дорівнюватиме [53]

$$\rho = \rho_I - a_{\perp} + (3/2)(a_{\parallel} + a_{\perp})(\cos^2 \varphi - 1/3), \qquad (46)$$

звідки слідує, що  $\beta_{S\parallel}/\beta_{S\perp} = -2$ . Цей факт однозначно вказує на те, що розглянутий модель не може бути використаний для інтерпретації експериментальних результатів з МО.

Проаналізуємо, якими будуть кутові, а відповідно й польові залежності магнетоопору для доменної структури з взаємно перпендикулярною орієнтацією векторів намагнетованости сусідніх доменів.

Відомо, що питомий електричний опір матеріялу, який являє собою механічну суміш двох різних речовин, лежить в межах між питомими електричними опорами гіпотетичних матеріялів, утворених шляхом паралельного та послідовного сполучення елементів, виготовлених з цих матеріялів, з урахуванням їх об'ємних концентрацій:

$$(\rho_{\mathcal{I}\parallel}\rho_{\mathcal{I}\perp}) / (v_{\perp}(\rho_{\mathcal{I}\parallel} + v_{\parallel}\rho_{\mathcal{I}\perp}) \le \rho \le v_{\parallel}\rho_{\mathcal{I}\parallel} + v_{\perp}\rho_{\mathcal{I}\perp}.$$
(47)

Оскільки відношення  $a_{\perp(||)}/\rho_I$  мале, то з досить високою точністю можна вважати, що питомий електричний опір визначатиметься верхньою границею нерівности (47). Тоді за відсутности зовнішнього магнетного поля:

$$\rho_0 = \rho_I + v_{\parallel} a_{\parallel} - v_{\perp} a_{\perp}.$$
(48)

В перпендикулярному полі зміна  $\rho$  відбувається лише за рахунок обертання векторів намагнетованости домен, орієнтованих вздовж напрямку **ј** ( $\perp$ **H**). Тому:

$$\rho_{H\perp} = v_{\parallel} [\rho_I - a_{\perp} + (a_{\parallel} + a_{\perp}) \cos^2 \varphi_{\perp}] + v_{\perp} [\rho_I - a_{\perp}], \qquad (49)$$

а відповідне значення магнетоопору буде:

$$\beta_{\perp} = \beta_{S\perp} \sin^2 \varphi_{\perp}, \qquad (50)$$

дe

178 М. П. СЕМЕНЬКО, М. І. ЗАХАРЕНКО, Ю. А. КУНИЦЬКИЙ та ін.

$$\beta_{S\perp} = -\frac{\nu_{\parallel}(a_{\perp} + a_{\parallel})}{\rho_{\tau} + \nu_{\parallel}a_{\parallel} - \nu_{\perp}a_{\parallel}}.$$
(51)

При **H**||**j** обертаються вектори намагнетованости, орієнтовані перпендикулярно **j**, а отже:

$$\rho_{H\parallel} = v_{\parallel} [\rho_I + a_{\parallel}] + v_{\perp} [\rho_I - a_{\perp} + (a_{\parallel} + a_{\perp}) \cos^2 \varphi_{\parallel}], \qquad (52)$$

та

$$\beta_{\parallel} = \beta_{S\parallel} \cos^2 \phi_{\parallel}, \qquad (53)$$

дe

$$\beta_{S\parallel} = \frac{\upsilon_{\perp}(a_{\perp} + a_{\parallel})}{\rho_{I} + \upsilon_{\parallel}a_{\parallel} - \upsilon_{\perp}a_{\perp}}.$$
 (54)

З урахуванням рівнянь (40) та (42), рівняння (50) та (53) матимуть таку ж залежність від магнетного поля, що й використана при апроксимації експериментальних результатів.

Ще один тип доменної структури, яку слід розглянути, це така, в якій вектори намагнетованости окремих доменів утворюють кут  $\varphi_0$ з напрямком протікання електричного струму. В такому моделю легко одержати вираз  $tg^2\varphi_0 = -\beta_{s\parallel}/\beta_{s\perp}$ , використаний для обчислення значень  $\varphi_0$ , наведених в табл. 2. Однак, аналіза результатів з МО в рамках цього моделю показує, що він не дає адекватного опису експериментальних кривих  $\beta(H)$ .

Таким чином, параметрам апроксимувальної функції (32) можна дати цілком природну інтерпретацію:  $\xi$  описує ізотропний внесок,  $\beta_s^T$ —значення анізотропної складової при насиченні, а  $H_A$ —деякий внутрішній параметер, який ми назвали полем анізотропії. Ріжницю у абсолютних значеннях та відмінності у польових залежностях поздовжнього та поперечного магнетоопорів можна пояснити, використавши модель доменної структури, що складається з домен із взаємно перпендикулярними орієнтаціями векторів намагнетованости.

#### 4.3. Фактори, що визначають параметри залежностей МО від Н

Вплив розмагнетувального поля на магнетоопір. Оскільки розміри зразків в напрямку магнетного поля при мірянні поздовжнього та поперечного магнетоопорів суттєво відрізняються, то і значення розмагнетувальних факторів N для цих двох випадків будуть суттєво відмінними. Згідно з [143], для прямокутних зразків N можна обчислити за допомогою рівняння:

$$N = \frac{(1 / L)}{1 / L + 1 / a + 1 / b},$$
(55)

де L — розміри зразка в напрямку прикладання поля, a та b — в перпендикулярних до нього напрямках. Характерні розміри зразків, що досліджувалися, складали ~  $20 \times 1 \times 0,025$  мм<sup>3</sup>. Тому при поздовжній орієнтації  $H L_{\parallel} \sim 20$  мм,  $a_{\parallel} \sim 1$  мм,  $b_{\parallel} \sim 0,025$  мм, а відповідне значення  $N_{\parallel} \sim 1,2 \cdot 10^{-3}$ . При поперечній орієнтації поля  $L_{\perp} \sim 1$  мм,  $a_{\perp} \sim 20$  мм,  $b_{\perp} \sim 0,025$  мм, що дає  $N_{\perp} \sim 2,4 \cdot 10^{-2}$ . Оскільки поле розмагнетування  $H_N = NM$  [53], то при таких розмагнетувальних факторах та намагнетованості насичення  $M_S \sim 0,5$  МА/м (що притаманне деяким АМС на основі заліза [1, 2, 20, 136]) розмагнетувальні поля складатимуть, відповідно,  $H_{NS\parallel} \sim 0,6$  та  $H_{NS\perp} \sim 12$  кА/м, тобто, є близькими до відповідних значень  $H_A$ , особливо у випадку поперечної орієнтації магнетного поля. Таким чином, слід очікувати, що розмагнетувальні поля будуть суттєво впливати і на параметри, що визначають залежності  $\beta(H)$ .

Для визначення такого впливу були проведені дослідження магнетоопору зразків АМС однакового складу, але з різними розмірами (різні величини N). Результати, одержані для АМС Fe<sub>86</sub>B<sub>14</sub>, показують, що ріжниця в залежностях  $\beta(H)$  зразків довжиною 10 та 20 мм однакової ширини незначна і вкладається у межі похибки експерименту. Близькими виявилися і параметри, одержані при апроксимації цих залежностей рівнянням (32). В той же час зміна ширини досліджених зразків досить сильно впливає на параметри апроксимації кривих  $\beta(H)$ , що видно з рис. 19, на якому, як приклад, зображено залежності  $\beta$  від H та  $\beta$  від  $H^2/(H^2 + H_A^2)$  АМС Fe<sub>68</sub>Co<sub>17</sub>B<sub>15</sub>, одержані для зразків різної ширини. Величина  $H_{A\perp}$  зменшується зі збільшенням ширини зразків (зменшенням розмагнетувального фактора N). Змінюється в цьому випадку і значення магнетоопору насичення. Однак зміни  $\beta_{s\parallel}$  та  $\beta_{s\perp}$  взаємозв'язані, і  $\Delta \rho/\overline{\rho}_0 = \beta_{s\parallel} - \beta_{s\perp}$  в межах похибок залишається майже сталою.

Залежності  $H_{A\perp}$  від  $N_{A\perp}$  та  $H_{A\parallel}$  від  $N_{A\parallel}$ , побудовані за одержаними результатами, зображено на рис. 20, *а* та б відповідно. Видно, що  $H_{A\perp}$  лінійно зростає зі збільшенням  $N_{A\perp}$ , в той час як  $H_{A\parallel}$  досить швидко зменшується зі збільшенням  $N_{A\parallel}$ .

Лінійне зростання значення  $H_{A\perp}$  можна пояснити, припустивши, що зв'язок між полем анізотропії та ефективною константою анізотропії  $K_{e\phi}$  дається рівнянням (36), при умові, що  $K_{e\phi}$  включає, як доданок, константу анізотропії форми  $K_{розм}$ , зумовлену розмагнетуванням АМС:

$$K_{\text{розм}} = \alpha N M_S^2 \mu_0 , \qquad (56)$$

де α — деяка стала, близька до 1/2 [53].



**Рис. 19.** Залежності  $\beta_{\perp}$  і  $\beta_{\parallel}$  від H(a) та  $H^2/(H^2 + H_A^2)$  (без врахування ізотропної складової) (б) для АМС  $\operatorname{Fe}_{68}\operatorname{Co}_{17}\operatorname{B}_{15}$  з шириною зразків 0,9 ( $\blacksquare$ ,  $\Box$ ), 2,3 ( $\blacktriangle$ ,  $\triangle$ ) та 4,0 ( $\blacklozenge$ ,  $\bigcirc$ ) мм.



Рис. 20. Залежності  $H_{A\perp}(a)$  та  $H_{A\parallel}(b)$  від N для АМС  $\operatorname{Fe}_{85}B_{15}(\blacksquare)$ ,  $\operatorname{Fe}_{68}\operatorname{Co}_{17}B_{15}(\Box)$  та АМС  $\operatorname{Fe}_{76.2}\operatorname{Ni}_{3.8}\operatorname{Si}_{6}B_{14}$  з різною товщиною стрічок: (▲) — 20 мкм, (△) — 30 мкм. (На вставці — залежність  $H_{A\parallel}$  від ширини зразків.)

**ТАБЛИЦЯ** 4. Значення  $K'_{eb}/(M_{S}\mu_{0})$  і  $\alpha M_{S}$ , одержані апроксимацією експериментальних залежностей рівнянням (57), та значення  $M_{S}$ , обчислені при  $\alpha = 1/2$  (\* товщина 20 мкм, \*\* товщина 30 мкм).

AMC	$K'_{e\phi}/(M_{S}\mu_{0}),$	$\alpha M_s$ ,	$M_s$ ,	$M_{S}$ , Tr	
E. D		KA/M	10 A/M	1.0	
$Fe_{85}B_{15}$	-2,4	422	0,84	1,0	
$\mathrm{Fe}_{68}\mathrm{Co}_{17}\mathrm{B}_{15}$	$-1,3\pm0,3$	$610 \pm 40$	$1,22\pm0,08$	$1,5\pm0,1$	
${ m Fe}_{76,2}{ m Ni}_{3,8}{ m Si}_6{ m B}_{14}{}^*$	$3,0\pm0,3$	$404\pm25$	$0,81\pm0,05$	$0,97{\pm}0,06$	
${ m Fe}_{76,2}{ m Ni}_{3,8}{ m Si}_6{ m B}_{14}^{**}$	$0,8\pm0,2$	$423\pm25$	$0,85{\pm}0,05$	$1,03\pm0,06$	

Тоді з урахуванням рівнянь (38) та (56) можна записати:

$$H_A = \alpha M_S N + \frac{K_{e\phi}}{M_S \mu_0}, \qquad (57)$$

де  $K'_{e\phi}$  — константа, що включає всі складові магнетної анізотропії, за винятком вже врахованої анізотропії форми. З виразу (57) слідує лінійний зв'язок між  $H_{A\perp}$  та  $N_{\perp}$  (рис. 20, *a*). Значення  $K'_{e\phi}/(M_{S}\mu_{0})$  і  $\alpha M_{S}$ , одержані апроксимацією експериментальних залежностей рівнянням (57), наведено в табл. 4. В цій же таблиці наведено значення  $M_{S}$ , обчислене при  $\alpha = 1/2$ . Останні добре узгоджуються з наявними літературними даними [2, 3, 136]. Слід відмітити, що значення  $M_{S}$ стрічок АМС Fe<sub>76,2</sub>Ni<sub>3,8</sub>Si<sub>6</sub>B<sub>14</sub> різної товщини досить близькі. Це підтверджує справедливість вибору значення  $H_{A\perp}$  у вигляді (57).

В той же час за допомогою рівняння (57) не можна пояснити спадну залежність  $H_{A\parallel}$  від  $N_{\parallel}$ , оскільки для цього потрібно було б допустити від'ємне значення  $M_s$ . Зважаючи на те, що розмагнетувальний фактор  $N_{\parallel}$  на порядок менший за  $N_{\perp}$ , а його зміни при зміні ширини зразків незначні, то внесок  $K_{\text{розм}}$  у загальну ефективну константу анізотропії досить малий. Отже ці зміни, скоріше за все, зумовлені залежністю  $K'_{e\phi}$  від інших факторів. Крім того, слід відмітити, що залежності  $H_{A\parallel}$  від ширини зразків a, зображені на вставці до рис. 20,  $\delta$ , виявилися досить близькими для всіх АМС.

Вплив одноосної деформації на польові залежності магнетоопору. Вплив зовнішніх напружень розтягу на залежності  $\beta(H)$  досліджувався лише для поперечного МО. Специфіка методики мірянь дозволяла провадити міряння, лише починаючи з деякого значення механічного напруження  $\sigma_0$  (через наявність затискачів та інших рухомих елементів експериментальної установки). Зазначимо, що відмінності у поперечних розмірах зразків зумовлюють різні величини  $\sigma_0$ . Це дещо ускладнює кількісне порівняння результатів; тому надалі результати наводяться у шкалі ріжницевих значень  $\Delta \sigma = \sigma - \sigma_0$ .

Як приклад, на рис. 21 зображено залежності  $\beta(H)$  для AMC  $Fe_{80}\Pi M_5B_{15}$  з  $\Pi M = Ni$  та Со при різних значеннях  $\Delta \sigma$ . Такі криві мо-



Рис. 21. Залежності  $\beta(H)$  при різних значеннях  $\Delta \sigma$  для АМС  $Fe_{80}\Pi M_5B_{15}$  з  $\Pi M = Ni$  (*a*) та Со (*б*) (значення  $\Delta \sigma$  наведено на графіках).

жна апроксимувати рівнянням (32).

Залежності  $|\beta_s^T|$  та  $H_A$  від  $\Delta \sigma$  зображено на рис. 22. Видно, що для всіх досліджених АМС спостерігається лінійне збільшення значення  $H_A$  з ростом  $\Delta \sigma$ . Зростання величини  $|\beta_s^T|$  є цілком логічним, оскільки у феромагнетних матеріялах з додатньою константою магнетострикції  $\lambda$  при накладанні зовнішнього механічного напруження відбувається орієнтація векторів намагнетованости домен вздовж напрямку  $\sigma$ . Якщо цей напрямок співпадає з напрямком протікання електричного струму, матиме місце зменшення електричного опору  $R_0$  за рахунок орієнтації доменів паралельно **ј**. Так як значення магнетоопору насичення  $R_{HS}$  залишається при цьому незмінним, то абсолютна величина  $|\beta_s|$  повинна зростати, що і спостерігається



Рис. 22. Залежності магнетоопору насичення  $\beta_s$  (а) і  $H_A$  (б) від  $\Delta \sigma = \sigma - \sigma_0$  для АМС  $\operatorname{Fe}_{85}B_{15}$  ( $\blacksquare$ ),  $\operatorname{Fe}_{80}\operatorname{Ni}_5B_{15}$  ( $\square$ ),  $\operatorname{Fe}_{80}\operatorname{Co}_5B_{15}$  ( $\bullet$ ),  $\operatorname{Fe}_{80}\operatorname{Mn}_5B_{15}$  ( $\square$ ) та  $\operatorname{Fe}_{80}\operatorname{Cr}_5B_{15}$  ( $\square$ ); значками з горизонтальними лініями позначено  $\beta_s$  для  $\sigma_0 = 0$ .

експериментально (зміна R при дії навантаження проходить не тільки за рахунок обертання магнетних доменів, а й за рахунок тензорезистивного ефекту, величина якого залежить від H [144]).

При прикладанні напруження вздовж вісі стрічки значення  $H_{A\perp}$ , а відповідно, і константи анізотропії змінюються. Як і при врахуванні ефектів розмагнетування, будемо вважати, що

$$K_{\rm reb} = \beta \lambda \sigma$$
, (58)

де  $\beta = 3/2$  [53]. Отже поле анізотропії:

$$H_{A} = \beta \frac{\lambda \sigma}{M_{\rm S} \mu_{0}} + \frac{K_{\rm e\phi}'}{M_{\rm S} \mu_{0}}, \qquad (59)$$

AMC	${K'}_{ m e \phi}/({M}_{S} \mu_{0})$ , к ${ m A}/{ m m}$	$\beta \lambda/(M_{s}\mu_{0}), A/(M \cdot \Pi a)$
$\mathrm{Fe}_{85}\mathrm{B}_{15}$	$9,0{\pm}0,5$	$28 \pm 9$
$\mathrm{Fe}_{80}\mathrm{Ni}_{5}\mathrm{B}_{15}$	$13,9{\pm}1,1$	$25\pm5$
$\mathrm{Fe_{80}Co_5B_{15}}$	$15,3{\pm}0,6$	$26\pm5$
$\mathrm{Fe_{80}Mn_5B_{15}}$	$7,7{\pm}0,7$	30±6
$\mathrm{Fe_{80}Cr_5B_{15}}$	$8,5{\pm}0,7$	$3\pm 2$

**ТАБЛИЦЯ 5.** Значення  $K'_{eb}/(M_{s}\mu_{0})$  і  $\beta\lambda/(M_{s}\mu_{0})$ , одержані апроксимацією експериментальних залежностей рівнянням (59).

де  $K'_{e\phi}$  — всі складові магнетної анізотропії за винятком врахованої окремо магнетопружньої складової (перший доданок). З цього виразу слідує лінійний зв'язок між  $H_{A\perp}$  та  $\sigma$ , як це показано на рис. 22. Параметри, одержані апроксимацією цих залежностей рівнянням (59), наведено у табл. 5. Із рівняння (59) та наведених у табл. 5 значень випливає, що при  $\beta = 3/2$  та  $\mu_0 M \sim 1$  Тл, величина  $\lambda_s$  складатиме значення 2·10<sup>-5</sup>, що типово для АМС на основі заліза. Так для АМС Fe<sub>85</sub>B<sub>15</sub> та Fe<sub>80</sub>Ni<sub>5</sub>B<sub>15</sub>  $\mu_0 M = 1,13$  Тл [136], тому відповідні  $\lambda_s$ складатимуть (21±5)·10<sup>-6</sup> та (18±3)·10<sup>-6</sup>, для АМС Fe<sub>80</sub>Mn<sub>5</sub>B<sub>15</sub>  $\mu_0 M =$ = 0,97 Тл і  $\lambda_s = (20\pm4)·10^{-6}$ . Для АМС Fe<sub>80</sub>Cr<sub>5</sub>B<sub>15</sub> значення  $\lambda_s$  виявилось на порядок меншим, що типово для АМС на основі Fe при їх леґуванні цим елементом [136].

Аналогічний вплив зовнішніх механічних напружень спостерігається і для інших АМС. Так, на рис. 23 наведено залежності  $H_A$  від  $\Delta \sigma$  для АМС Fe<sub>85-x</sub>Co<sub>x</sub>B<sub>15</sub> з x = 0, 5, 15, 17, 21 та 25 ат.%. Підкрес-



Рис. 23. Залежність  $H_A$  від  $\Delta \sigma$  для АМС  $\operatorname{Fe}_{85-x}\operatorname{Co}_x \operatorname{B}_{15}$  при x = 0 ( $\blacksquare$ ), 5 ( $\Box$ ), 12 ( $\bullet$ ), 15 ( $\circ$ ), 17 ( $\blacktriangle$ ), 21 ( $\Delta$ ) та 25 ( $\diamond$ ) ат.%.

лимо, що концентраційна залежність  $\beta_{S\perp}$  має аномалію при x = 21 ат.% (як при  $\sigma = 0$ , так і при максимальній величині), яка корелює з аномаліями ряду інших фізичних характеристик [106]. Вважається, що вони зумовлені утворенням сильно зв'язаних нанокластерів для АМС, склад яких відповідає певній стехіометрії [145], а отже, параметри, що описують магнеторезистометричні криві, є чутливими і до характеру хімічного ближнього порядку АМС.

#### 4.4. Перевірка моделю

Для перевірки справедливости вироблених підходів до інтерпретації польових залежностей  $\beta$  виконано аналізу наявних у літературі експериментальних даних з магнетоопору і кривих магнетування.

На рисунку 24, *а* показано результати, одержані в [81] для AMC  $Fe_{78}Si_9B_{13}$  у вихідному стані і після термомагнетних обробок, а на рис. 24,  $\sigma$  — відповідне представлення результатів у координатах  $\beta$  (або  $\rho_H - \rho_0$ , як для даної роботи) від  $H^2/(H^2 + H_A^2)$ . Як видно, навіть без врахування ізотропної складової, у таких координатах ці залежності є лінійними. Подібні результати одержано і для ряду інших AMC.

Так, в [60] наведено залежності  $\beta(H)$  АМС Fe<sub>80</sub>Si<sub>6</sub>B<sub>14</sub>, виміряних при різних *T*, при паралельній і перпендикулярній орієнтації *H*. Всі залежності добре апроксимуються рівнянням (32). Відповідне значення  $H_A$  зростає зі зменшенням *T* до 220 К, а потім починає зменшуватись. Такий же характер температурної залежности спостерігається і для ФАО (див. п. 2.4).

Цікавими є результати для AMC  $Fe_{66}Co_{18}Si_1B_{15}$ , одержані при порі-



**Рис. 24.** Залежності  $\rho_{\perp H} - \rho_0$  від *H* для AMC Fe<sub>78</sub>Si<sub>9</sub>B<sub>13</sub> у вихідному стані (*A*) та після різних ТМО (*B*, *C* та *D*) [81] (*a*) та такі ж залежності, побудовані з арґументом  $H^2/(H^2 + H_A^2)$  (б).

вняно малих значеннях механічних напружень (до 10,2 МПа) [146]. Відповідні криві добре апроксимуються рівнянням (32), проте залежність  $H_{A\perp}$  від  $\sigma \in$  монотонно спадною, що відрізняє її від зображених на рис. 22 та 23. Цей факт зумовлений тим, що значення  $\sigma \in$  малим, близьким до рівня внутрішніх напружень  $\sigma_i$  в АМС. Тому константа анізотропії змінюється не тільки за рахунок магнетопружнього внеску, але й завдяки зміні об'ємних часток доменів з різним напрямком векторів намагнетованости. У результаті залежність енергії анізотропії, а відповідно і  $H_{A\perp}$ , в цьому діяпазоні  $\sigma$  буде спадною, і лише при  $\sigma >> \sigma_i$  слід очікувати зростання зазначених величин.

В роботі [61] наведені криві  $\beta_{\perp}(H)$  для АМС Fe<sub>40-x</sub>Ni<sub>40</sub>Cr<sub>x</sub>B<sub>20</sub>. Як і у розглянутих вище прикладах, вони добре апроксимуються виразом (32), причому значення ізотропної складової  $\xi$  та магнетоопору насичення  $\beta_s$  цілком узгоджуються з наведеними в цій роботі, а для їх інтерпретації можна використати модель, запропонований авторами [61]. Залежність  $H_A$  від вмісту Cr, одержану з апроксимації кривих, наведених в [61] при T = 77 К та 300 К, зображено на рис. 25.

Рівнянням (32) також можна описати результати, представлені в [57] для AMC Fe<sub>91</sub>Zr<sub>9</sub>, в [79] для AMC Fe<sub>67</sub>Co<sub>18</sub>B<sub>14</sub>Si<sub>1</sub>, Fe<sub>40</sub>Ni<sub>38</sub>Mo<sub>4</sub>B<sub>15</sub> та Fe<sub>81</sub>B<sub>13,5</sub>Si<sub>3,5</sub>C<sub>2</sub>. З певним наближенням його можна застосувати і до апроксимації залежностей  $\beta(H)$  для AMC Fe<sub>72</sub>Cu<sub>1</sub>V<sub>3</sub>Si<sub>16</sub>B<sub>8</sub> з [134], однак мала кількість експериментальних точок не дозволила надійно визначити відповідні апроксимаційні параметри.

Вираз (32) для апроксимації експериментальних залежностей  $\beta(H)$  обґрунтовано, виходячи з припущення, що процес магнетування описується рівнянням (36). Тому цілком логічно постає пи-



Рис. 25. Залежності поля анізотропії  $H_A$  від вмісту Cr в AMC Fe<sub>40-x</sub>Ni<sub>40</sub>Cr<sub>x</sub>B<sub>20</sub>, одержаних апроксимацією залежностей  $\beta_{\perp}(H)$  при температурах T = 77 К ( $\blacksquare$ ) та T = 300 К ( $\square$ ) із [61].

тання про застосовність такого підходу до опису експериментальних залежностей кривих магнетування M(H). Оскільки M= $=M_s \cos\varphi$ , а  $\cos\varphi$  визначається рівнянням (36), то експериментальні залежності повинні узгоджуватися з виразом:

$$M = M_{S} \frac{H}{\sqrt{H_{A}^{2} + H^{2}}}.$$
 (60)

Залежності M(H) для  $\operatorname{Fe}_{85-x}\operatorname{Co}_x\operatorname{B}_{15}$  [106] задовільно апроксимуються виразом (60). Так, для прикладу, на рис. 26, *a*, наведено залежність M(H) для АМС  $\operatorname{Fe}_{68}\operatorname{Co}_{17}\operatorname{B}_{15}$  [106], а на рис. 26,  $\delta$  — результати її апроксимації. Залежність  $H_A$  від вмісту Со зображена на вставці на рис. 26,  $\delta$ . Відмітимо, що зміна її характеру при  $x \ge 21$  ат.% корелює зі змінами цієї величини, одержаними за даними магнеторезистивного ефекту. Крім цього, з рис. 26,  $\delta$ , видно, що при малих значення H суттєво зростає ріжниця ( $M_{\operatorname{anp}} - M_{\operatorname{eксn}}$ ). Таке ж зростання має місце і для АМС  $\operatorname{Co}_{43}\operatorname{Fe}_{20}\operatorname{Ta}_{5,5}\operatorname{B}_{31,5}$ , що добре ілюструється на рис. 27. Цей ефект, скоріше за все, виникає за рахунок необоротних процесів магнетування при малих H. Ці два приклади показують лише можливість застосування запропонованого емпіричного підходу до опису процесів магнетування, але більш точне обґрунтування його застосовности потребує детальнішої перевірки.

#### 4.5. Узагальнення моделю

Незважаючи на те, що формалізм поля анізотропії, а отже, і розгляд енергії магнетних доменів у вигляді рівняння (36), а не (34), не має строгого теоретичного підґрунтя, наведені вище факти показують, що такий підхід дозволяє просто та арґументовано пояснити польові залежності МО та вплив на них різних факторів, таких як розмірний фактор, зовнішні механічні напруження, тощо.

Так як значення полів, при яких проводились дослідження, є більшими ніж поля технічного насичення АМС, то запропонований підхід описує процеси поблизу магнетного насичення АМС, який зазвичай розглядається у вигляді «закону наближення до насичення» [52]. При малих кутах tg $\phi \sim \sin \phi$ , тому рівняння (35) та (37) мають однакову залежність від H. З іншого боку, рівняння (34) та (35) справедливі лише при  $H \leq H_A$  (типове значення  $H_A$ , не перевищує сотень А/м [2, 3, 136, 142]), а при більших H вже не можуть бути використані для аналізи зміни M. В той же час, якщо вважати, що рівняння (36) та (37) справедливі лише поблизу насичення, то магнетування за рахунок обертання магнетних доменів навряд чи може зумовити зміни магнетоопору в рамках запропонованого феноменологічного підходу. Узагальнюючи, зауважимо, що магнетування АМС є складним процесом, в якому задіяні кілька механізмів [3,



Рис. 26. Залежність M(H) для АМС  $\operatorname{Fe}_{68}\operatorname{Co}_{17}\operatorname{B}_{15}(\Box)$  [106], її апроксимація рівнянням (60) при  $H_A = 10.9$  кА/м (лінія), залежність ріжниці ( $M_{\text{апр}} - M$ ) від  $H(\blacksquare)$  (*a*) та залежність M від  $H/(H^2 + H_A^{-2})^{1/2}$  для цього АМС (б). (На вставці — залежність  $H_A$  від вмісту Со x в АМС  $\operatorname{Fe}_{85-x}\operatorname{Co}_x \operatorname{B}_{15}$ .)

136], а тому рівняння (36) та (37) слід розглядати як деякі узагальнені рівняння, що описують ці процеси.

Відомо, що феромагнетні аморфні та нанокристалічні матеріяли можна розглядати як ансамбль зв'язаних обмінною взаємодією кластерів з орієнтованими випадковим чином ВЛМ. Орієнтаційна неоднорідність магнетної анізотропії будь-якої природи (кристалографічної, магнетопружньої, тощо) приводить до того, що у феромагнетику виникає неоднорідний стан орієнтації магнетного моменту **М**(**r**) [136, 147–151], який названий стохастичною магнетною



Рис. 27. Залежності M(H) для АМС Со<sub>43</sub>Fe<sub>20</sub>Ta<sub>5.5</sub>B<sub>31.5</sub>, одержаних з різними швидкостями гартування v, [147] (а) та залежність M(H) АМС виготовленого при  $v = 23,71 \text{ м/с} (\Box)$ , її апроксимація рівнянням (60) (лінія) та залежність ріжниці ( $M_{\text{апр}} - M$ ) від  $H (\blacksquare)$  (б).

структурою (СМС) [147]. Характеристики СМС визначаються співвідношенням трьох полів: зовнішнього поля, обмінного поля та середньоквадратичної флюктуації поля локальної анізотропії. Згідно з відповідним теоретичним розглядом, крива магнетування  $\Delta M/M_s$ визначається виразом:

$$\Delta M / M_{s} = \int S_{m}(\mathbf{k}) d\mathbf{k} , \qquad (61)$$

де  $S_m(\mathbf{k}) - \Phi$ ур'є-спектральна густина [138,153]. В цілому вигляд даної функції вибирається лише з певних теоретичних припущень за умови збігу експериментальної кривої з розрахунковою. Такий підхід вимагає накладання певних обмежень та використання різних апроксимувальних залежностей при аналізі кривих магнету-

вання для різних значень Н [138,153].

В цілому можна показати, що для кривої магнетування у вигляді рівняння (60) завжди можна знайти певну функцію  $S_m(\mathbf{k})$ , яка задовольняє рівнянню (61). Зокрема, при  $H >> H_A$  вираз (60) ~  $1/H^2$ , а саме така залежність, згідно з даними [151], має місце при використанні різних функцій  $S_m(\mathbf{k})$ . Тому, як можливу причину, що зумовлює справедливість рівняння (36), можна розглядати стохастичний характер структури АМС і її вплив на процеси магнетування.

Підкреслимо, що використання формалізму внутрішніх полів, в тому числі, і магнетних, є досить ефективною методою фізики твердого тіла (наприклад, метода Вейссового молекулярного поля). З цими полями оперують як з певною величиною, до якої застосовні всі закони та правила, справедливі для відповідного зовнішнього поля. Тому підхід, використаний в рівнянні (36), полягає, власне, у застосуванні загального принципу суперпозиції полів та відповідному розгляді енергії магнетних доменів у такому результуючому полі. На жаль, безпосереднє використання цього підходу не дає однозначної відповіді щодо справедливости виразів (57) та (59), в яких враховуються енергія анізотропії форми та магнетопружня енергія, однак викладені вище експериментальні факти та проведені оцінки дають вагомі арґументи на користь припущень, зроблених при одержанні цих рівнянь.

Дослідження впливу на магнетоопір AMC зовнішніх чинників, фактору форми та складу дають підстави для представлення  $H_A$  у вигляді

$$H_A = H_{A0} + \alpha N + f(\sigma), \qquad (62)$$

де N — розмагнетувальний фактор,  $\alpha$  — коефіцієнт, який, як зазначалось, близький до  $M_s/2$ ,  $f(\sigma)$  — деяка функція зовнішніх напружень, яка при великих  $\sigma$  може бути подана у вигляді  $(3/2)(\lambda_s/M_s\mu_0)\sigma$ . Що стосується  $H_{A0}$ , то його можна розглядати як ефективне внутрішнє поле анізотропії, найвірогідніше зумовлене існуванням в АМС власне магнетної анізотропії (анізотропії пар) та внутрішніх (гартувальних) напружень. Велика відмінність значень  $H_{A\perp}$  та  $H_{A\parallel}$ , одержаних при апроксимації залежностей  $\beta(H)$  може бути пояснена як результат значної ріжниці відповідних розмагнетувальних факторів, що зумовлено специфікою вимірювань МО.

Зміною розмагнетувального поля можна пояснити залежності  $H_{A\perp}$  та, певною мірою,  $H_{A\parallel}$  від  $\Delta Z$  (рис. 17), яких одержано для АМС  $\operatorname{Fe}_{80}\Pi M_5 B_{15}$  при  $\Pi M = \operatorname{Ni}$ , Co, Fe, Mn, Cr ( $\Delta Z = -2 - +2$ ) та  $\operatorname{Fe}_{75}\Pi M_5 B_{20}$  з  $\Pi M = \operatorname{Ni}$ , Mn. Дійсно, леґування цих АМС викликає зменшення  $H_{A\perp}$  майже вдвічі при близьких значеннях  $N_{A\perp}$ , що цілком відображає характер зміни  $M_S$  [2, 3, 136]. Разом з тим, зміну  $H_{A\perp}$  та  $H_{A\parallel}$  для АМС  $\operatorname{Fe}_{75}\Pi M_5 B_{20}$  при  $\Delta Z \leq -2$  неможливо пояснити лише змінами розмагнетувального поля. Для цих АМС характерні досить високі

значення поля анізотропії, які зменшуються при заміні ПМ згідно зі схемою  $3d \rightarrow 4d \rightarrow 5d$  (табл. 3). Як припущення, можна вважати, що такі зміни  $H_{A0}$  викликані, зокрема, зростанням внеску внутрішніх напружень, які за оцінками можуть досягати декількох сотень мегапаскалів.

Характеристики магнеторезистивного ефекту залежать не тільки від складу АМС, але й від характеру їх доменної структури. Деякі особливості МО, зумовлені впливом доменної структури, були розглянуті в попередніх параграфах. Хоча використаний модель лише наближено відображає реальну доменну структуру АМС, його успішно застосовували для опису процесу магнетування АМС при дії зовнішніх напружень [142], а також польової та амплітудної залежностей  $\Delta E$ -ефекту [152]. Подібного типу структуру використано і для пояснення змін магнетних та магнетопружніх властивостей при відпалі АМС на основі заліза [153]. Наявність різних типів доменів, які знаходяться під дією локальних полів анізотропії, дозволяє досить просто описати процеси магнетування АМС при різних орієнтаціях магнетного поля, оскільки ці процеси при накладанні зовнішнього магнетного поля перпендикулярно або паралельно вісі зразка відбуваються за рахунок обертання векторів намагнетованости лише одного типу доменів. (див. рівняння (39-42)).

Виходячи з розробленого феноменологічного підходу (п. 3.2), досить просто пояснити ріжницю значень  $\beta_{s\perp}$  та  $\beta_{s\parallel}$  за рахунок різних об'ємних вмістів доменів  $v_{\parallel}$  та  $v_{\perp}$  (рівняння (32) та (34)) при незмінних параметрах електронної структури (знехтувавши при цьому зміною  $a_{\parallel}$  та  $a_{\perp}$ , що входять у ці рівняння). Умова  $v_{\parallel} + v_{\perp} = 1$  визначає постійне, в межах точности експерименту, значення ФАО для зразків АМС різного розміру (табл. 4). Якщо припустити, що магнетні домени з векторами намагнетованости, орієнтованими перпендикулярно вісі стрічки, розміщені переважно в областях біля поверхні та на краях зразків, то для AMC Fe<sub>68</sub>Co<sub>17</sub>B<sub>15</sub> та Fe<sub>85</sub>B<sub>15</sub> можна пояснити залежність  $\beta_{S\perp}$  та  $\beta_{S\parallel}$  від ширини зразків (табл. 4) та провести оцінку розмірів відповідних областей. Дійсно, зростання ширини зразків призводить до зменшення частки областей, розміщених на краю зразків, а відповідно, і до зменшення  $v_{\perp}$ , що, згідно з (32) та (35), повинно зумовити експериментально спостережувані зростання β<sub>S⊥</sub> та зменшення β<sub>S</sub>. Подібна інтерпретація була використана нами для пояснення змін  $H_{A\parallel}$  при зміні ширини зразків.

Використаний модель доменної структури дозволяє пояснити зростання  $\beta_{S\perp}$  при прикладанні незначних  $\sigma$ , так як добре відомо [53], що у феромагнетиках з  $\lambda_s > 0$  при дії зовнішніх напружень відбувається орієнтація векторів намагнетованости доменів вздовж напрямку напружень. Це означає, що кількість доменів, що беруть участь у процесі магнетування, змінюється. Оскільки для більшости АМС на основі заліза  $\lambda_s > 0$ , то напруження розтягу призводить до збільшення частки доменів  $v_{\parallel}$ , що, згідно з (32), повинно викликати збільшення абсолютного значення  $\beta_{S\perp}$ . Це добре узгоджується з експериментальними результатами, наведеними на рис. 12, *a*.

Використавши теоретичний підхід, застосований у [142] для пояснення процесів магнетування АМС з подібною доменною структурою, можна більш строго пояснити природу лінійної залежности  $H_{A\perp}(\Delta\sigma)$  та обґрунтувати внесок від зовнішніх напружень при  $\sigma >> \sigma_i$ у вигляді  $(3/2)(\lambda_s/M_s\mu_0)\sigma$ . Згідно з [142], крім різної орієнтації векторів намагнетованости у доменах зазначених двох типів, слід брати до уваги різні величини та знаки внутрішніх напружень в таких доменах, причому, значення  $\sigma_i$  характеризуються певною функцією розподілу внаслідок стохастичного характеру структури АМС. Це дозволяє ввести деяку ефективну константу анізотропії  $K_{eb}$ , яка, в залежності від рівня зовнішніх напружень розтягом, по-різному залежить від  $\sigma$ , що зумовлено зміною відношення  $v_{\parallel}/v_{\perp}$ . Однак при  $\sigma >> \sigma_i$  має місце досить проста залежність  $K_{e\phi}$  від  $\sigma$ , яка включає деформаційний член у вигляді виразу (39). Врахувавши взаємозв'язок між  $K_{\rm ed}$  та  $H_A$  (рівняння (19)), досить просто обґрунтувати залежність  $H_A$  від  $\sigma$  у вигляді виразу (40). Про те, що цей вираз справедливий лише при великих σ, свідчать наступні факти.

1) Для досліджених АМС на основі системи Fe–В практично всі залежності  $H_A(\Delta \sigma)$  є лінійними. Однак, врахування значення  $\sigma_0$  і величини  $H_A$  при  $\sigma = 0$  (табл. 3) показує значний відхил залежности  $H_A(\sigma)$  від лінійної при  $\sigma \rightarrow 0$ , що не може бути обґрунтоване навіть з урахуванням експериментальних та апроксимаційних похибок.

2) Для деяких AMC системи Fe–Si–B залежність  $H_A(\Delta \sigma)$  лінійна лише при  $\Delta \sigma \neq 0$ , а значення  $H_A$  при  $\Delta \sigma = 0$  не вкладається на цю пряму.

3) Аналіза результатів для АМС  $Fe_{66}Co_{18}Si_1B_{15}$ , представлених у [146], показує, що при зовнішніх напруженнях величиною від 0 до 10 МПа функція  $H_A(\sigma)$  є спадною, що цілком узгоджується з поведінкою  $H_A$  при малих  $\sigma$  (як правило, значенню  $\Delta \sigma = 0$  відповідає величина  $\sigma_0 > 10$  МПа).

4) Для АМС  $Fe_{73,5}Cu_1Nb_3Si_{13,5}B_9$  [154] залежність коерцитивного поля  $H_c$  від о виявляє ті ж особливості, що й залежність  $H_A$  від о. На думку авторів, залежність  $H_c$  від о зумовлена компенсацією внутрішніх напруг стиснення при малих зовнішніх напруженнях розтягу та зростанням частки магнетних доменів, орієнтованих вздовж вісі стрічки, при великих о.

Що стосується інших моделів доменної структури, зокрема, моделю, в якому вектор намагнетованости домен орієнтований під певним кутом  $\phi_0$  до вісі стрічки, то їх використання ставить ряд проблем, які складно врахувати в межах формалізму поля анізотропії.

Згідно з [155], при дії зовнішнього напруження об'ємна частка доменів з векторами намагнетованости, орієнтованими перпендикулярно вісі стрічки, зменшується згідно з виразом [152, 156]:

$$v_{\perp}(\sigma) = v_{\perp}(0) \left( 1 + \frac{2\sigma}{\sigma_i} \right) e^{-2\sigma/\sigma_i}, \qquad (63)$$

де  $\sigma_i$  — усереднене внутрішнє напруження стиснення,  $v_{\perp}(0)$  об'ємна частка домен з перпендикулярною до вісі стрічки орієнтацією векторів **M** при  $\sigma = 0$ . Значення функції  $y = (1 + x)e^{-x}$  швидко зменшується з ростом x (при x = 4  $y \approx 0,09$ , а при x = 5  $y \approx 0,04$ ). Тому, якщо припустити, що зміна MO зумовлена лише обертанням векторів намагнетованости домен, слід очікувати, що значення  $\beta_s$ повинно досягти постійної величини вже при  $\sigma = (2-2,5)\sigma_i$ . Однак, згідно експериментальними результатами такої поведінки  $\beta_s$  практично не спостерігається (рис. 22, a, та 23), що, на перший погляд, суперечить умові  $\sigma >> \sigma_i$ . Однак, як свідчать експериментальні факти, електроопір AMC порівняно сильно залежить від  $\sigma$  [157]. Згідно [158] таку залежність можна подати у вигляді

$$R = R_0(1 - \pi\sigma), \qquad (64)$$

де  $\pi$  — коефіцієнт тензоопору. Така залежність зберігається і при прикладанні зовнішнього магнетного поля, причому, як було показано у [144]  $\pi$  залежить від H і ця залежність не може бути зумовлена магнеторезистивним ефектом (тобто, залежність  $\pi(H)$  не може бути повністю зумовлена залежністю  $R_0 = R_0(H)$ ). Розглянемо, яким чином це впливатиме на МО. Дійсно, оскільки

$$\beta(H,\sigma) = \frac{R(H,\sigma) - R(0,\sigma)}{R(0,\sigma)} = \frac{R_0(H)[1 + \pi(H)\sigma] - R_0(0)[1 + \pi(0)\sigma]}{R_0(0)[1 + \pi(0)\sigma]}$$

то, обмежуючись лінійними членами за малими параметрами, можна записати:

$$\beta(H,\sigma) = \beta(H,0) + [\pi(H) - \pi(0)]\sigma.$$
(65)

При великих *H* всі величини в (65) досягають насичення, тому:

$$\beta_{s}(\sigma) = \beta_{s}(0) + [\pi_{s} - \pi(0)]\sigma.$$
(66)

Так як  $\pi_s < \pi_0$  [158], то це зумовлює зменшення  $\beta_s$  (рис. 22, *a*, та 23). Легко показати, що подібні рівняння є справедливими і для залежностей  $\beta_{\perp} - \beta_{\parallel}$  від  $\Delta \sigma$ .

### 4.6. Практичне застосування моделю

Одержані результати дали можливість чітко встановити, що залежності МО від зовнішнього магнетного поля добре описуються ви-

разом (32), який був обґрунтований із застосуванням формалізму поля анізотропії. Використання моделю доменної структури, у якому магнетування відбувається шляхом незалежного обертання магнетних доменів із взаємно перпендикулярними векторами намагнетованости, дозволило встановити, що поле анізотропії може бути представлено у вигляді рівняння (62).

Звичайно, такий модель анізотропії лише наближено відповідає реальній доменній структурі АМС, а врахування внеску в магнетування тільки процесів обертання магнетних доменів є далеким від реальної картини. Підставою для вибору саме такого моделю стала добре встановлена шаруватість у будові доменної структури по глибині аморфних стрічок [137-142], яка проявляється у тому, що поверхневі шари характеризуються певними величинами внутрішніх напруг і мають вектори намагнетованости, орієнтовані перпендикулярно векторам намагнетованости домен внутрішніх шарів. Проте, незважаючи на зазначені недоліки, вибраний модель дозволяє правильно інтерпретувати ряд експериментальних фактів, а значення параметрів за оцінками є цілком реальними, що, скоріше за все, зумовлено власне суттю поля анізотропії, яке є відображенням тих особливостей, які визначають процеси магнетування аморфної структури. Серед параметрів, одержаних із застосуванням цього феноменологічного моделю, є ФАО — величина, тісно пов'язана з особливостями ЕС [69]. Її значення виявилися близькими до тих, що одержані із застосуванням стандартної процедури. Однак, слід особливо підкреслити, що лише використання запропонованих модельних уявлень дало можливість виділити ізотропну та анізотропну складову в МО АМС на основі Co-Si-B [159], а одержані результати в значній мірі висвітлюють природу мінімуму електроопору [45], принаймні, для даних стопів.

Ще один параметер, розглянутий у даному моделю, це поле анізотропії  $H_A$ . В розділі 4 наведено значну кількість даних стосовно величини цього поля як при паралельній, так і при поздовжній орієнтації магнетного поля відносно вісі аморфної стрічки, та стосовно її залежности від напружень розтягу. Проте, дотепер детальна аналіза цієї величини виконувалася лише з метою обґрунтування вибраного формального підходу до опису залежностей  $\beta(H)$ . Дотепер у більшості випадків така аналіза була лише якісною. Проте цей параметер може бути використаний і для визначення деяких величин, що характеризують магнетні властивості матеріялів.

Перепишемо рівняння (62) для перпендикулярного і паралельного поля анізотропії, прийнявши  $\alpha = M_s/2$  і ввівши нові позначення:

$$H_{AL} = H_{AKL^{-1}} + 3\lambda_S \sigma_{iL^{-1}} v_{L^{-1}} / (2\mu_0 M_S) + M_S N_L / 2, \qquad (67)$$

де індекс Lозначає || аб<br/>о $\bot,$ а $L^{-1}-\bot$ або || відповідно. Перший з цих

доданків враховує «вроджену» складову магнетної анізотропії (типу кристалічної анізотропії пар [2, 3]), другий — внесок від внутрішніх напружень, а третій — розмагнетувальний внесок (при позначенні враховано та обставина, що  $\beta_L$  залежить від обертання домен з перпендикулярним напрямком намагнетованости (п. 4.2)). Відомо, що основним фактором, який визначає доменну структуру AMC з відмінною від нуля магнетострикцією, є магнетопружня взаємодія; тому в рівнянні (67) можна вважати  $H_{AKL}$  малим порівняно з іншими доданками. Оскільки для AMC виконується співвідношення [4, 139, 142]

$$\left|\sigma_{i\perp}\upsilon_{\perp}\right| = \left|\sigma_{i\parallel}\upsilon_{\parallel}\right|,\tag{68}$$

де σ<sub>і⊥</sub>, σ<sub>і∥</sub> протилежні за знаком напруження розтягу і стиснення, що діють у різних типах домен, то з рівняння (67) легко одержати:

. .

$$M_{S} = \frac{2(H_{A\perp} + H_{A\parallel})}{N_{\perp} + N_{\parallel}}.$$
 (69)

В таблиці 6 наведено розраховані за цим рівнянням з урахуванням результатів, наведених в табл. 3, значення  $\mu_0 M_s$ . Розмагнетувальні фактори були розраховані з використанням рівняння (55) та розмірів зразків, використаних для вимірювань. В цій же таблиці наведено значення густини магнетопружньої енергії (внесок в енергію за рахунок внутрішніх напружень)  $\varepsilon_{i\perp(0)}$ , розраховані як:

$$\varepsilon_{iL} = |H_{AL} - M_S N_L / 2| (M_S / \nu_L) = |H_{AL^{-1}} - M_S N_{L^{-1}} / 2| (M_S / \nu_L).$$
(70)

**ТАБЛИЦЯ 6.** Розмагнетувальні фактори ( $N_{\perp}$  та  $N_{\parallel}$ ), намагнетованість насичення ( $\mu_0 M_s$ ), магнетопружній внесок у  $H_A$  ( $H_{Ai}$ ), об'ємні частки домен  $\upsilon_{\perp(\parallel)}$  та густина магнетопружньої енергії  $\varepsilon_{i\perp(\parallel)} = (3/2)\sigma_{i\perp(\parallel)}\lambda_s$  для АМС на основі системи Fe–B.

AMC	$egin{array}{c} N_ot, \ 10^{-2} \end{array}$	$N_{\parallel}$ , 10 <sup>-3</sup>	μ <sub>0</sub> M <sub>s</sub> , Тл	<i>H<sub>Ai</sub></i> , кА/м	$v_{\parallel}$	$v_{\perp}$	ε <sub>і∥</sub> , кДж/м <sup>3</sup>	ε <sub>і⊥</sub> , кДж/м <sup>3</sup>
$\mathrm{Fe_{80}Ni_5B_{15}}$	3,22	1,07	1,27	2,76	0,62	0,38	5,7	9,2
$\mathrm{Fe}_{80}\mathrm{Co}_{5}\mathrm{B}_{15}$	3,22	1,27	1,02	0,28	0,60	0,40	0,5	0,7
$\mathrm{Fe}_{85}\mathrm{B}_{15}$	2,46	2,20	0,95	1,08	0,74	0,26	1,4	3,9
$\mathrm{Fe}_{80}\mathrm{Mn}_{5}\mathrm{B}_{15}$	2,7	1,28	0,82	0,43	0,65	0,35	0,5	1,0
$\mathrm{Fe_{80}Cr_5B_{15}}$	2,85	1,27	0,74	1,52	0,70	0,30	1,6	3,8
$\mathrm{Fe_{75}Ni_5B_{20}}$	2,67	1,19	1,34	1,66	0,65	0,35	3,4	6,5
$\mathrm{Fe}_{75}\mathrm{Mn}_{5}\mathrm{B}_{20}$	2,09	1,70	0,91	0,28	0,70	0,30	0,4	0,9
$\mathrm{Fe_{75}Ti_5B_{20}}$	2,56	1,43	0,77	1,26	0,65	0,35	1,5	2,7
$\mathrm{Fe}_{75}\mathrm{Nb}_{5}\mathrm{B}_{20}$	1,82	1,36	0,74	0,60	0,86	0,14	0,5	3,1
${\rm Fe}_{75}{\rm W}_{5}{\rm B}_{20}$	4,52	$1,\!43$	0,86	2,31	0,73	0,27	2,7	7,5

Розрахунок значень  $v_{\perp (||)}$  було проведено з урахуванням даних табл. 4 та рівнянь (51) і (54). Знайдені значення  $\mu_0 M_S$  виявилися дещо нижчими, ніж визначені з магнетометричних мірянь (для АМС  $Fe_{85}B_{15}$  та  $Fe_{80}B_{20}$   $\mu_0 M_S$  близьке до 1,1 Тл [136], або навіть рівне 1,5 Тл [160]). Для більшости АМС (за винятком Fe<sub>80</sub>Ti<sub>5</sub>B<sub>15</sub>, Fe<sub>75</sub>Cr<sub>5</sub>B<sub>20</sub>,  $Fe_{75}Mo_5B_{20}$  та  $Fe_{75}W_5B_{20}$ ) досить добре відтворюється загальна тенденція поведінки  $M_s$  при леґуванні ПМ, розміщеними ліворуч від заліза [154, 161–163]. Щодо M<sub>s</sub> для AMC з ПМ = Co, Ni, то її зростання справедливе лише для малих концентрацій і чітко встановлене лише для Со [160]. Дещо більше значення  $M_s$ , одержане при таких розрахунках для AMC з Ni, у порівнянні з даними магнетометричних вимірювань (1,13 Тл [138]) може бути зумовлене негомогенністю АМС, яка виникла в результаті природного старіння, що спричинило утворення областей, збагачених залізом. Такі області не виявляються при традиційних рентгенівських дослідженнях, проте наслідком їх утворення можуть бути значний рівень є, Залежності  $\mu_0 M_s$  від ріжниці порядкових номерів Fe і ПМ зображено на рис. 28. Досить добре узгодження з літературними даними одержано і для Fe<sub>75</sub>Nb<sub>5</sub>B<sub>20</sub> та Fe<sub>75</sub>W<sub>5</sub>B<sub>20</sub>. Так, для АМС Fe<sub>81</sub>Nb<sub>5</sub>B<sub>14</sub> µ<sub>0</sub>M<sub>5</sub> = 0,7 Тл [164], а для АМС Fe<sub>81</sub>Nb<sub>5</sub>B<sub>14</sub> µ<sub>0</sub>M<sub>S</sub> = 0,96 Тл [165]. Для АМС  $Fe_{75}W_5B_{20}$  при T = 0 К  $M_S = 0,72 \mu_B/($ атом Fe) [166], що суттєво нижче ніж для АМС Fe<sub>80</sub>B<sub>20</sub>. Слід відмітити добре узгодження між значеннями  $\mu_0 M_s$ , одержаним для AMC Fe<sub>85</sub>B<sub>15</sub> із залежностей  $H_A(N)$ (п. 4.3) та описаним вище способом (1,0 Тл та 0,95 Тл відповідно).

Інший факт, який варто відмітити: це те, що значення  $\sigma_i$  та співвідношення між ними для домен різних типів виявилися величинами того ж порядку, що і для інших АМС на основі заліза. Так, ме-



**Рис. 28.** Залежності  $M_s$  від ріжниці порядкових номерів  $\Delta Z$  між Fe та ПМ для АМС Fe<sub>75</sub>ПМ<sub>5</sub>B<sub>15</sub> ( $\blacksquare$ ) та Fe<sub>75</sub>ПМ<sub>5</sub>B<sub>20</sub> ( $\Box$ ).

тодою розсіяння поляризованих нейтронів [139] було встановлено, що для АМС  $Fe_{40}Ni_{40}B_{20}$  у вихідному стані стискальні напруження у поверхневих шарах складають 106 МПа, а розтягуючи напруження у внутрішніх шарах — 61 МПа. Ці напруження зменшуються, відповідно, до 17 та 13 МПа після відпалу при 600 К. Якщо, зв'язувати з поверхневими шарами  $\varepsilon_{i\perp}$ , а з об'ємом зразка —  $\varepsilon_{i\parallel}$ , то порядок величин  $\sigma_i$  і їх відношення будуть близькими (для  $\lambda_S \sim 2 \cdot 10^{-5}$ , типових для АМС на основі заліза, і  $\varepsilon_i \sim 3 \ \kappa Дж/m^3$ ,  $\sigma_i \sim 100 \ M\Pia$ ) до значень, оцінка яких наводиться в роботі [139]. Крім того, цілком логічною є відсутність кореляції між  $\varepsilon_i$  й складом для цих АМС, оскільки внутрішні напруження визначаються, насамперед, технологією виготовлення, часом старіння, параметрами термообробки тощо [167].

Розглянуті приклади вказують на те, що запропонований модель аналізи залежностей  $\beta(H)$  принципово може бути використаний для оцінки значень  $M_s$  та деяких інших параметрів, які контролюють процеси магнетування АМС. Щодо розбіжностей одержаних значень  $M_s$  для деяких матеріялів з тими, що вимірювались традиційними методами, то вони можуть бути викликані наближеним характером рівнянь, використаних для їх розрахунку. Для обчислення значень константи магнетострикції, намагнетованости насичення та оцінки внутрішніх напружень використовували залежності  $H_A(\Delta \sigma)$ . Останні одержували з кривих  $\beta_{\parallel}(H)$  для зразків з близькими поперечними перерізами. Розрахунки проводили методом послідовних наближень, при цьому за нульове наближення приймали  $M^{(0)} = 2H_{A0\perp}N_{\perp}$ , де  $H_{A0\perp}$  — вільний член лінійної залежности  $H_A(\Delta\sigma)$ . Наступним кроком було виділення внеску пружньої складової у значення  $H_{A\parallel}$ , для чого розрахували величину  $H_{\rm np}^{(0)} = H_{A\parallel} - 1/2MN_{\parallel}$ . Після цього розрахували значення  $H_{A1\perp} = H_{A0\perp} + H_{\rm np}^{(0)}$  та  $M^{(1)} =$  $=2H_{A1\perp}N_{\perp}$ , і далі процедуру повторювали спочатку (всього було достатньо зробити 3-4 цикли). Відповідні результати наведено в табл. 7. В цій же таблиці наведено значення магнетопружнього внеску в поле анізотропії та відповідні значення о, розраховані з використанням одержаних значень  $M_s$  та  $\lambda_s$ . Остання була розрахована за співвідношенням  $\gamma = (3/2)\lambda_s/(\mu_0 M_s)$  з використанням одержаного значення  $\gamma = dH_A/d\sigma$  та розрахованого  $M_S$ .

Узагальнюючи наведені у табл. 7 результати, відмітимо наступне. 1) Для АМС  $Fe_{80}\Pi M_5B_{15}$  значення  $M_S$  близькі до наведених у табл. 6. 2) Значення  $\lambda_S$  є дещо меншими, але досить близькими до характерних для аморфних стопів на основі заліза величин, які наводяться в літературі. Наприклад,  $\lambda_S \sim 30 \cdot 10^{-6}$  для АМС  $Fe_{80}B_{20}$  [2, 3, 136, 167], для АМС  $Fe_{78}Si_9B_{13} - \lambda_S \sim 27 \cdot 10^{-6}$  та  $M_S = 1,56$  Тл [168], для  $Fe_{78}Si_9B_{13} - \lambda_S \sim 40 \cdot 10^{-6}$  та  $M_S = 1,5$  Тл, причому  $\lambda_S$  при відпалах зразків змінюється в межах від  $33 \cdot 10^{-6}$  до  $50 \cdot 10^{-6}$  [169].

3) Для АМС  $Fe_{80}\Pi M_5B_{15}$  має місце зростання  $\lambda_s$ , якщо ПМ розміщений праворуч Fe, і зменшення — якщо ліворуч. Аналогічно, для

Склад	$egin{array}{c} H_{A\parallel},\ \kappa { m A}/{ m M} \end{array}$	$H_{A\perp 0}$	$egin{array}{c} N_{\perp},\ 10^{-2} \end{array}$	$N_{\parallel}, 10^{-3}$	<i>М</i> <sub>s</sub> , Тл	$\lambda_s,$ $10^{-6}$	<i>H<sub>Ai</sub></i> , кА/м	σ <sub>i</sub> , ΜΠа
$\mathrm{Fe}_{80}\mathrm{Ni}_{5}\mathrm{B}_{15}$	3,3	13,9	3,22	1,02	1,29	21,6	2,8	111
$\mathrm{Fe_{80}Co_5B_{15}}$	0,8	15,3	3,22	1,27	1,20	20,8	0,2	7
$\mathrm{Fe}_{85}\mathrm{B}_{15}$	1,92	9,0	2,50	2,20	1,02	19,0	1,0	37
	1,78	9,0	2,50	2,20	1,00	18,8	0,9	32
$Fe_{80}Mn_5B_{15}$	0,85	7,7	2,70	1,28	0,76	15,1	0,5	15
$\mathrm{Fe_{80}Cr_5B_{15}}$	1,3	8,5	2,90	1,35	0,81	1,6	0,9	288
$\mathrm{Fe_{80}Si_6B_{14}}$	8,5	4,4	1,77	1,55	1,07	32,9	7,8	170
$\mathrm{Fe}_{82}\mathrm{Si}_{2}\mathrm{B}_{16}$	8,2	6,8	1,84	1,56	1,88	38,9	7,0	223
$Fe_{76}Si_{13}B_{11}$	5,8	8,9	2,05	1,34	1,08	34,8	4,9	158
${\rm Fe}_{76,2}{\rm Ni}_{3.8}{\rm Si}_6{\rm B}_{14}$	2,3	9,1	1,69	1,56	$1,\!54$	53,4	1,3	26
${\rm Fe_{78.5}Ni_1Mo_{0.5}Si_6B_{14}}$	4,2	5,7	1,48	1,40	1,52	24,4	3,4	140
${ m Fe}_{77,5}{ m Ni}_{3,5}{ m Mo}_1{ m Si}_2{ m B}_{16}$	4,7	5,7	1,87	$1,\!65$	1,28	28,1	3,9	117
$Fe_{78}Ni_1Mo_3Si_2B_{16}$	3,6	6,7	1,86	$1,\!44$	1,29	12,0	2,9	<b>204</b>
$Fe_{75,5}Ni_{3.5}Mo_{3}Si_{2}B_{16}$	3,6	5,6	1,71	$1,\!45$	1,24	20,7	2,9	115

**ТАБЛИЦЯ 7.** Значення величин прийнятих для розрахунку ( $H_{A\parallel}$ ,  $H_{A\perp 0}$ ,  $N_{\perp}$ ,  $N_{\parallel}$ ) та розраховані значення  $M_S$ ,  $\lambda_S$ ,  $H_{Ai}$ ,  $\sigma_i$  для AMC на основі заліза.

АМС Fe-Si-B спостерігається збільшення  $\lambda_s$  при збільшенні вмісту Ni і зменшення — при збільшенні вмісту Mo. Наприклад, для АМС Fe<sub>78</sub>Si<sub>9</sub>B<sub>13</sub> —  $\lambda_s \sim 27 \cdot 10^{-6}$  і  $M_s = 1,5$  Тл, для Fe<sub>77</sub>Cr<sub>2</sub>Si<sub>5</sub>B<sub>14</sub> —  $\lambda_s \sim 20 \cdot 10^{-6}$  і  $M_s = 1,4$  Тл, для Fe<sub>78</sub>Ni<sub>4</sub>Mo<sub>3</sub>Si<sub>2</sub>B<sub>17</sub> —  $\lambda_s \sim 19 \cdot 10^{-6}$  і  $M_s = 1,3$  Тл [170]. 4) Між значеннями  $\lambda_s$  та  $M_s$  простежується відома [2, 3, 160] коре-

нія значеннями  $\lambda_{S}$  та  $M_{S}$  простежується відома [2, 5, 100] кореляція  $\lambda_{S} \sim M_{S}^{2}$ , зумовлена, переважно, однойонним механізмом магнетострикції в АМС на основі заліза [2]. Така кореляційна залежність зображена на рис. 29. Ця кореляція особливо чітко проявляється для АМС Fe<sub>75</sub>ПМ<sub>5</sub>B<sub>15</sub> (вставка на рис. 29).

#### 5. ВИСНОВКИ

Виконано узагальнення і порівняльну аналізу ряду модельних підходів до опису електротранспортних властивостей аморфних металевих стопів. Показано, що структурне розупорядкування при наявності магнетної взаємодії ставлять ряд проблем при виділенні основного механізму розсіяння електронів провідности. Це, в свою чергу, суттєво ускладнює виділення додаткових внесків в електроопір. Вказано на ряд проблем, які виникають при виборі критеріїв порівняння транспортних властивостей АМС різного складу. Розглянуті в розділі 1 приклади показують, що ні теорія  $\Phi$ 3, ні теорія Мотта не можуть повною мірою пояснити усі особливості електроопору, в тому числі, і його аномальну поведінку. Незважаючи на



**Рис. 29.** Залежності розрахованих значень  $\lambda_s$  від  $M_s^2$  для AMC на основі заліза (на вставці — для AMC Fe<sub>75</sub>ПM<sub>5</sub>B<sub>15</sub>).

значний прогрес у розумінні природи мінімуму електроопору, остаточної відповіді про конкретний механізм такої аномалії не одержано. Зокрема, залишається відкритим питання про природу високотемпературного мінімуму, що властивий деяким AMC, і її зв'язок з природою низькотемпературного мінімуму на залежностях  $\rho(T)$ .

Розглянуто результати досліджень магнетоопору феромагнетних AMC. Основну увагу приділено ФАО та механізмам її формування. Зроблено аналізу ФАО в рамках двострумового моделю з урахуванням додаткового розсіяння за рахунок спін-орбітального зв'язку, який дає адекватне пояснення природи анізотропного МО кристалічних феромагнетиків. Наведено приклади застосування цього моделю для інтерпретації експериментальних результатів МО і феромагнетних AMC. Однак, при значному Моттовому s-d-розсіянні електронів провідности, який передбачається цим модельом, такий підхід ставить цілий ряд проблем при інтерпретації температурної залежности електроопору.

Аналіз експериментальних результатів показала, що інтерпретація електрофізичних характеристик АМС на основі заліза та кобальту з використанням основного механізму розсіяння провадиться лише із застосуванням додаткових механізмів розсіяння з використанням ряду часто слабко обґрунтованих припущень. В більшості випадків такі механізми подібні до тих, що спостерігаються в кристалічних матеріялах з відповідними поправками на специфіку, зумовлену структурною невпорядкованістю. Однак, врахування такої структурної невпорядкованости при розгляді транспортних властивостей аморфних матеріялів переважно проводиться в рамках однорідної невпорядкованої структури, не враховуючи чітко встановлений факт її неоднорідного, стохастичного характеру.

## ЦИТОВАНА ЛІТЕРАТУРА

- 1. В. В. Немошкаленко, А. В. Романова, А. Т. Ильинский и др., *Аморфные металлические сплавы* (Киев: Наукова думка: 1987).
- 2. *Аморфные металлические сплавы* (Ред. Ф. Е. Люборский) (Москва: Металлургия: 1987).
- К. Судзуки, Х. Фудзимори, К. Хасимото, Аморфные металлы (Москва: Металлургия: 1987).
- 4. А. П. Шпак, Ю. А. Куницкий, В. И. Лисов, *Кластерные и наноструктурные материаллы* (Киев: Академпериодика: 2002).
- Металлические стекла: Атомная структура и динамика, электронная структура, магнитные свойства (Ред. Т. Бек, Г. Гюнтеродт) (Москва: Металлургия: 1986).
- 6. Н. Мотт, Электроны в неупорядоченных структурах (Москва: Мир: 1969).
- 7. В. Ф. Гантмахер, Электроны в неупорядоченных средах (Москва: Физматлит: 2005).
- 8. R. C. O'Handley, J. Appl. Phys., 62, No. 10: R15 (1987).
- 9. I. В. Плющай, М. I. Захаренко, В. А. Макара, *Доп. НАН України*, № 1: 100 (2007).
- А. В. Романова, А. Г. Ильинский, Аморфные металлические сплавы (Киев: Наукова думка: 1987).
- А. В. Романова, В. В. Немошкаленко, Γ. М. Зелинская и др., *Металофизика*, 5, № 4: 49 (1983).
- 12. В. Ф. Гантмахер, В. Т. Долгополов, УФН, 178, № 1: 3 (2008).
- М. І. Захаренко, Фізичні властивості, стабільність фаз та параметри електронної структури в невпорядкованих металічних системах (Дис. ... докт. фіз.-мат. наук) (Київ: КНУ: 2008).
- 14. A. Mogro-Compero, and F. E. Luborsky, J. Appl. Phys., 52: 515 (1981).
- 15. C. H. Lin, K. J. Bev, and D. Turnbull, Solid St. Commun., 29: 641 (1979).
- 16. M. Balanzat, Scripta Met., 14: 173 (1980).
- 17. J. M. Ziman, *Phil. Mag.*, 6: 1013 (1961).
- 18. T. E. Faber and J. M. Ziman, Phil. Mag., 11:153 (1965).
- Е. И. Харьков, В. И. Лысов, В. Е. Федоров, Физика жидких металлов (Киев: Вища школа, 1979).
- 20. Glassy Metals: Magnetic, Chemical and Structural Properties (Ed. R. Hasegawa) (Boca Raton, Florida: CRC Press: 1983).
- 21. R. Evans, D. A. Greenwood, and P. Lloyd, Phys. Lett., 35, No. 57: 57 (1971).
- 22. S. R. Nagel, *Phys. Rev. B*, **16**: 1694 (1977).
- 23. Дж. Займан, Принципы теории твердого тела (Москва: Мир: 1966).
- 24. N. Banerjee, R. Roy, and A. K. Majumdar, Phys. Rev. B, 24, No. 12: 6801 (1981).
- 25. И. Х. Халилов, С. А. Ниналов, Металлофизика, 12, № 2: 40 (1990).
- 26. S. N. Kaul, W. Kettler, and M. Rosenberg, Phys. Rev. B, 33, No 7: 4987 (1986).
- 27. B. Shen, H. Guo, H. Gong, W. Zhan, and J. Zhao, J. Appl. Phys., 81, No. 8: 4661

(1997).

- 28. K. Pekala, J. Latuch, M. Pekala, I. Skorvanek, and P. Jaskiewicz, *Nanotechnology*, 14: 196 (2003).
- 29. N. F. Mott, Phil. Mag., 26: 1249 (1972).
- 30. A. K. Bhatnagar, R. Pan, and D. G. Naugle, *Phys. Rev. B*, **39**, No. 17: 12460 (1989).
- 31. E. Esposito, H. Ehrenreich, and C. D. Gelatt, Jr, *Phys. Rev. B*, **18**, No. 8: 3913 (1978).
- 32. T. Fujiwara, J. Phys. F: Metal Phys., 9, No. 10: 2011 (1979).
- 33. H. Zrouri, J. Hugel, C. Chaib, J. G. Gasser, and L. Roubi, *Phil. Mag. B*, **82**, No. 8: 875 (2002).
- 34. J. G. Gasser. J. Phys.: Condens. Matter, 20: 114103 (2008).
- 35. R. Hasegava and C. C. Tsuei, *Phys. Rev. B*, 2: 1631 (1970).
- 36. V. K. C. Ling and C. C. Tsuei, *Phys. Rev. B*, 7: 3215 (1973).
- Фрэнк Дж. Блатт, *Теория подвижности электронов в твердых телах* (Москва–Ленинград: 1963).
- 38. M. Olievier, J. O. Strom-Olsen, and Z. Altounian, *Phys. Rev. B*, **35**, No. 1: 333 (1987).
- 39. Gang Xiao and C. L. Chien, Phys. Rev. B, 34, No. 12: 8430 (1986).
- 40. P. D. Babu, S. N. Kaul, L. Fernandez Barquin, J. C. Gomez Sal, W. H. Kettler, and M. Rosenberg, *Int. J. of Modern Physics B*, 13, No. 2: 141 (1999).
- 41. S. N. Piramanayagam, S. Prasad, S. N. Shringi, A. K. Nigam, G. Chandra, N. Venkataramani, and R. Krishnan. *J. Appl. Phys.*, **73**, No. 10: 5595 (1993).
- 42. N. Banerjee, Ratmanala Roy, and A. K. Majumdar. *Phys. Rev. B*, **24**, No 12: 6801 (1981).
- 43. S. Sayouri, R. Berraho, A. Moustaide et al., *Physica B*, 327: 65 (2003).
- J. M. Barandiaran, P. Gorria, I. Orue, M. L. Fernandez-Gubieda, F. Plazaola, J. C. Gomez Sal, L. Fernandez Barquin, and L. Fournes, *J. Phys.: Condens. Matter*, 9: 5671 (1997).
- 45. Н. Г. Бабич, Н. И. Захаренко, Γ. В. Еременко, М. П. Семенько, *ΦMM*, 102, № 3: 273 (2006).
- 46. M. Zakharenko, M. Babich, M. Semen'ko, and G. Yeremenko, J. Magn. Magn. Mater., **304**, No. 2: 525 (2006).
- 47. A. K. Panda, S. Kumari, I. Chattoraj, M. Ghosh, and A. Mitra, J. Magn. Magn. Mater., 308, No. 1: 65 (2007).
- 48. Б. Л. Альтшулер, А. Г. Аронов, ЖЭТФ, 77, № 5: 2028 (1979).
- 49. Б. Л. Альтшулер, А. Г. Аронов, Письма в ЖЭТФ, 27, № 12: 700 (1978).
- 50. M. A. Howson, J. Phys. F: Met. Phys., 14: L25 (1984).
- 51. R. V. Aldridge, J. Phys. F: Met. Phys., 10: 299 (1980).
- 52. С. В. Вонсовский, Магнетизм (Москва: Наука: 1971).
- 53. Р. Бозорт, Ферромагнетизм (Москва: Из-во иностранной литературы: 1956).
- 54. A. Perumal, V. Srinivas, A. Roy, A. K. Nigam, G. Chandra, and R. A. Dunlap, *J. Appl. Phys.*, **93**, No. 10: 7272 (2003).
- 55. V. M. Pan, I. Ya. Dechtyar, M. E. Osinovskii et al., *Phys. Stat. Sol. (a)*, **76**, No. 1: 197 (1983).
- N. Sharma, S. Prasad, A. K. Nigam, G. Chandra, S. N. Shringi, and R. Krishnan, J. Phys.: Condens. Matter, 6: 5493 (1994).
- 57. H. Ma, Z. Wang, H. P. Kunkel, and G. William, *J. Phys: Condens. Matter*, 4: 1993 (1992).

- 58. S. N. Kaul and M. Rosenberg, Phys. Rev. B, 27, No. 9: 5698 (1983).
- 59. А. Дж. Рейн, Р. А. Леви, *Магнетизм аморфных систем* (Москва: Металлургия: 1981), с. 234.
- 60. R. Singhal and A. K. Majumdar, Phys. Rev. B, 44, No. 6: 2673 (1991).
- 61. P. Czarntcki and G. Fritzkowski, Phys. Stat. Solidi (a), 76, No. 1: K93 (1983).
- A. Fert, R. Asomoza, D. H. Sanches, D. Spanjaar, and A. Friederich, *Phys. Rev. B*, 16, No. 11: 5040 (1977).
- 63. T. R. McGuire and R. I. Potter, IEEE Trans. Magn., 11: 1018 (1975).
- 64. J. Smit, *Physica*, 17, No. 6: 612 (1951).
- 65. I. A. Campbell, A. Fert, and O. Jaol, *J. Phys. C (Metal Phys. Suppl.)*, 3, No. 1: S95 (1970).
- 66. A. Fert, J. Phys. C (Solid St. Phys.), 2, No. 2: 1784 (1969).
- 67. I. A. Campbell, J. Phys. F, 4: L181 (1974).
- 68. I. A. Campbell, A. Fert, and O. Jaol, J. Magn. Magn. Mater., 5, No. 1: 23 (1977).
- 69. A. P. Malozemoff, Phys. Rev. B, 32, No. 9: 6080 (1985).
- 70. H. C. van Elst, *Physica*, 25, No. 1–6: 708 (1959).
- 71. L. Berger, J. Appl. Phys., 67, No. 9: 5549 (1990).
- 72. S. Senoussi, I.A. Campbell, and A. Fert, *Solid State Commun.*, **21**, No. 3: 269 (1977).
- Y. Hsu, J. E. Schmidt, M. Gupta, S. Jen, and L. Berger, *J. Appl. Phys.*, 54: 1887 (1983).
- 74. Y. Hsu, S. Jen, and L. Berger, J. Appl. Phys., 50: 1907 (1979).
- 75. J. Yamasaki, H. Fukunaga, and K. Narita, J. Appl. Phys., 52, No. 3: 2202 (1981).
- G. Bordin, G. Buttino, A. Cecchetti, and M. Poppi, J. Magn. Magn. Mater., 172, No. 3: 291 (1997).
- 77. M. Naka, R. Kem, and U. Gonser, J. Appl. Phys., 52, No. 3: 1448 (1981).
- 78. Y. D. Yao, S. Arajs, and S. T. Lin, J. Appl. Phys., 53, No. 3: 2258 (1982).
- 79. A. Raoufi and S. Arajs, *Phys. Stat. Sol.* (*a*), **119**, No. 1: K75 (1990).
- L. Berger, P. P. Freitas, J. D. Warner, and J. E. Schmidt, J. Appl. Phys., 64, No. 10: 5459 (1988).
- 81. R. Parker, Proc. Phys. Soc. London. Sect. A, 64: 447 (1951).
- 82. T. Soumura, S. Saito, and T. Maeda, *Phys. Stat. Sol. (a)*, 83: K195 (1984).
- 83. U. Mizutani, M. Hasegawa, K. Fukamichi, Y. Hattori, Y. Yamada, H. Tanaka, and S. Takayama, *Phys. Rev. B*, 47, No. 5: 2678 (1993).
- 84. M. Ocko, E. Babic, and H. H. Liebermann, *J. Phys.: Condens. Matter*, **2**: 7613 (1990).
- 85. J. Ivkov, E. Babic, and H. H. Liebermann, *J. Phys.: Condens. Matter*, 1: 551 (1989).
- 86. Г. В. Самсонов, Ю. А. Куницкий, В. А. Косенко, ФММ, 33, № 4: 884 (1972).
- L. Thome, A. Benyagoub, A. Audouard, and J. Chaumont, *J. Phys. F: Met. Phys.*, 15: 1229 (1985).
- 88. P. I. Cote, Solid State Commun., 18, No. 9/10: 1311 (1976).
- 89. B. Y. Boucher, J. Non-Cryst. Solids, 7: 277 (1972).
- 90. J. P. Crini, S. R. Nagel, I. K. Varga, and T. Schmidt, *Phys. Rev. B*, **27**, No. 12: 7589 (1983).
- 91. L. K. Varga and T. Schmidt, *Phys. Stat. Sol.* (a), 74: 279 (1982).
- 92. P. Ping, L. Rang-su, and Q. Quan, Mater. Science and Eng. B, 38: 62 (1996).
- 93. J. Ivkov, E. Babic, and H. H. Liebermann, J. Phys.: Condens. Matter, 2: 8591 (1990).
## ЕЛЕКТРООПІР І МАГНЕТООПІР АМОРФНИХ СТОПІВ НА ОСНОВІ Fe TA Co 203

- 94. И. Х. Халилов, С. А. Ниналов, Металлофизика, 12, № 2: 40 (1990).
- 95. B. L. Gallagher and D. Greig, J. Phys. F: Met. Phys., 12: 1721 (1982).
- 96. L. K. Varga, A. Lovas, J. Toth, and S. J. Arajs, J. Non-Cryst. Solids, 65: 417 (1984).
- 97. W. H. Kettler and M. Rosenberg, *Phys. Rev. B*, **39**, No. 16: 12142 (1989).
- 98. J. M. Barandiaran, J. C. Gomez-Sal, J. Rodrigues Fernandez, R. J. Lopez Sanches, and O. V. Neilsen, *Phys. Stat. Sol.* (*a*), **99**: 243 (1987).
- 99. М. І. Захаренко, М. П. Семенько, Металлофиз. новейшие технол., 29, № 12: 1547 (2003).
- 100. L. Fernandez Berquin, J.M. Barandiaran, I. Telleria, and J.C. Gomez-Sal, J. Magn. Magn. Mater., 60: 297 (1996).
- 101. S. N. Kaul, W. Kettler, and M. Rosenberg, Phys. Rev. B, 35, No. 13: 7153 (1986).
- 102. C. L. Choy, K. W. Tong, H. K. Wong, and W. P. Leung, *J. Appl. Phys.*, **70**, No. 9: 4919 (1991).
- 103. Y. Takahara and H. Matsuda, Mater. Trans. JIM, 36, No. 7: 903 (1995).
- 104. J.-M. Greneche, Hyperfine Interact., 111: 261 (1998).
- 105. A. Zentko, P. Duhaj, M. Timko, and V. Kavecansky, *Phys. Stat. Sol. (a)*, **93**: 685 (1986).
- 106. G. L. Whittle, A. M. Stewart, and A. B. Kaiser, *Phys. Stat. Sol. (a)*, **97**, No. 1: 199 (1986).
- 107. J. Dolinsek, P. Jeglic, P. Mcguiness, Z. Jaglicic, A. Smontara, E. Tabachnikova, and V. Bengus, *Appl. Phys.A*, **79**: 1947 (2004).
- 108. A. Morgo-Campero and J. L. Walter, Phys. Rev. B, 20, No. 12: 5030 (1979).
- 109. M. Matsuura, U. Mizutani, and Y. Yazawa, J. Phys. F: Met. Phys., 11: 1393 (1981).
- 110. M. Regelsberger, R. Wernhardt, and M. Rosenberg, J. Appl. Phys., 57, No. 1: 3551 (1985).
- 111. R. Kuentzler and D. E. G. Williams, J. Phys. F: Met. Phys., 15: 2283 (1985).
- 112. U. Mizutani and M. Takeuchi, J. Phys. F: Met. Phys., 16: 79 (1986).
- 113. M. Matsuura and U. Mizutani, J. Phys. F: Met. Phys., 13: 1539 (1983).
- 114. М. І. Захаренко, Г. В. Єрьоменко, М. П. Семенько, Вісник Київського ун-ту. Сер. Фіз.-мат. науки, № 4: 459 (2004).
- 115. S. Kanemaki, O. Takehira, T. Goto, and U. Mizutani, J. Phys.: Condens. Matter, 4: 2217 (2008).
- 116. G. Bergman and P. Marquart, *Phys. Rev. B*, 17, No. 3: 1355 (1989).
- 117. H. Gudmundsson, K. V. Rao, T. Egami, A. C. Anderson, and H. U. Astrom, *Phys. Rev. B*, **22**, No. 7: 3374 (1980).
- 118. A. Morgo-Campero, J. L. Walter, and T. E. Coan, *Phys. Rev. B*, **24**, No. 6: 3579 (1981).
- 119. Y. Takahara and H. Matsuda, Mater. Trans. JIM, 36, No. 7: 903 (1995).
- 120. Y. Takahara and N. Narita, Mater. Trans. JIM, 41, No. 8: 1077 (2000).
- 121. H. Y. Bai, C. Z. Tong, and P. Zheng, J. Appl. Phys., 95, No. 3: 1269 (2004).
- 122. T. Lucinski and J. Baszynski, Phys. Stat. Sol. (a), 105: 501 (1988).
- 123. T. Lucinski and J. Baszynski, Phys. Stat. Sol. (a), 84: 617 (1984).
- 124. W. L. McMillan, *Phys. Rev. B*, 24, No. 5: 2739 (1981).
- 125. O. Kohmoto, Phys. Stat. Sol. (a), 85: K155 (1984).
- 126. G. L. Whittle, A. M. Stewart, and A. B. Kaiser, *Phys. Stat. Sol. (a)*, **97**, No. 1: 199 (1986).
- 127. F. J. Kedves, M. Mordos, L. Potocky, E. Kisdi-Koso, and J. Kovac, Phys. Stat.

Sol. (a), 103: 273 (1986).

- 128. Б. А. Мерисов, А. В. Краснокутский, А. Н. Гриб, А. Ф. Прокошин, *Металлофизика*, **12**, № 2: 36 (1990).
- 129. N. T. Kemp, A. M. Stewart, J. E. Downes, and A. B. Kaiser, *J. Magn. Magn. Mater.*, **177–181**: 129 (1998).
- 130. М. А. Дроздов, А. М. Желнов, А. Ф. Прокошин, ФММ, 57, № 6: 1094 (1984).
- 131. A. K. Bhatnagar, B. Seshu, K. D. D. Rathnayaka, and D. G. Naugle, J. Appl. Phys., 76, No. 10: 6107 (1994).
- 132. K. Pekala, M. Pekala, and I. Skorvanek, J. Non-Cryst. Solids, 347: 27 (2004).
- 133. S. Legvold, D. T. Peterson, P. Burgardt, R. J. Hofer, B. Lundell, and T. A. Vyrostek, *Phys. Rev. B*, **9**, No. 5: 2386 (1974).
- 134. N. Mitrovic, J. Magn. Magn. Mater., 262: 302 (2003).
- 135. М. П. Семенько, Металоф. новейшие технол., 29, № 7: 933 (2008).
- 136. А. П. Шпак, Ю. А. Куницкий, М. И. Захаренко, А. С. Волощенко, Магнетизм аморфных и нанокристаллических систем (Киев: Академпериодика: 2003).
- 137. J. M. Gonzalez and J. L. Vicent, J. Appl. Phys., 57, No. 12: 5400 (1985).
- 138. M. Urchulutegui, J. Piqueras, and C. Aroca, *Appl. Phys. Lett.*, **59**, No. 8: 994 (1991).
- M. de Jong, J. Sietsma, M. Th. Rekveldt, and A. van den Beukel, *J. Appl. Phys.*, 81, No. 9: 6000 (1997).
- 140. J. Gonzalez, J. Appl. Phys., 79, No. 1: 376 (1996).
- 141. Chen, A. Zhukov, J. González, L. Domínguez, and J. M. Blanco, J. Appl. Phys., 100: 083907 (2006).
- 142. M. Vazquez, W. Fernengel, and H. Kronmuller, *Phys. Stat. Sol. (a)*, **80**: 195 (1983).
- 143. А. А. Гаврилюк, А. В. Гаврилюк, Н. П. Ковалева, ЖТФ, **69**, № 6: 50 (1999).
- 144. М. И. Захаренко, М. П. Семенько, ФММ, 104, № 2: 150 (2007).
- 145. A. S. Bakai, V. Z. Bengus, E. D. Tabachnikova, and P. Duhaj, *Low Temp. Phys.*, 23: 1004 (1997).
- 146. A. Raoufi and S. Arajs, Phys. Stat. Sol. (a), 108: 369 (1988).
- 147. В. А. Игнатченко, ЖЭТФ, 54: 303 (1968).
- 148. A. P. Malozemoff, IEEE Trans. Magn., 19: 1520 (1983).
- 149. В. А. Игнатченко, Р. С. Исхаков, ЖЭТФ, 72: 1005 (1977).
- 150. В. А. Игнатченко, Р. С. Исхаков, Г. В. Попов, *ЖЭТФ*, 82: 1518 (1982).
- 151. Р. С. Исхаков, С. В. Колмогорцев, Ж. М. Мороз, Е. Е. Шалыгина, *Письма в* ЖЭТФ, **72**, № 12: 872 (2000).
- 152. D. Y. Kim, C. G. Kim, H. C. Kim, and U. H. Sung, J. Appl. Phys., 81, No. 8: 5811 (1997).
- 153. A. A. Gavrilyuk, A. L. Semenov, A. V. Semirov, A. V. Gavrilyuk, S. M. Zubritsky, B. V. Gavrilyuk, V. O. Kudryavtsev, and A. L. Petrov, *Russ. Phys. J.*, 49, No. 8:857 (2006).
- 154. R. Sato Turtelli, J. P. Sinnecker, R. Grossinger, and M. Varquez, *J. Appl. Phys.*, 78, No. 4: 2590 (1995).
- 155. H. C. Kim, D. Y. Kim, and C. G. Kim, J. Mater. Sci., 29: 4431 (1994).
- 156. G. W. Smith and J. R. Birchak, J. Appl. Phys., 41: 3315 (1970).
- 157. M. G. Babich, O. P. Brud'ko, M. I. Zakharenko, and M. P. Semen'ko, *Functional Mater.*, 9, No. 3: 519 (2002).
- 158. Н. И. Захаренко, М. П. Семенько, ФММ, 95, № 2: 439 (2005).

- 159. M. G. Babich, M. I. Zakharenko, and M. P. Semen'ko, 9<sup>th</sup> International Young Scientists Conference 'Optics & High Technology Material Science—SPO 2008': Scientific Works (October 23–26, 2008, Kyiv, Ukraine), p. 50.
- 160. G.Herzer, Proc. of the NATO Advanced Study Institute on Magnetic Hysteresis in Novel Materials (1–12 July 1996, Mykonos, Greece) (Ed. G. C. Hadjipanayis) (NATO ASI Series, Series E: Applied Sciences) (Dordrecht–Boston–London: Kluwer Academic Publishers: 1997), vol. 338, p. 711.
- 161. K. Habiballah, G. Marest, E. H. Sayouty, H. Lassri, and R. Krishnan. *Phys.* Scripta, 56: 112 (1997).
- 162. K. V. Rao, M. Steinback, H. H. Liebermann, and L. Barton, J. Appl. Phys., 53: 7795 (1982).
- 163. S. Ohnuma and T. J. Matsumoto, Appl. Phys., 50: 7597 (1979).
- 164. J. E. Frackowiak, G. Haneczok, P. Kwapulinski, and J. Rasek. *Czech. J. of Physics*, **54**, Suppl. D: D109 (2004).
- 165. R. C. O'Handley, B. W. Corb, Y. Hara, N.J. Grant, and W. Hines, J. Appl. Phys., 53, No. 11: 7753 (1982).
- 166. S. Ramasamy, L. Lundgren, K. Ganesan, and A. Narayanasamy, J. Phys. F: Met. Phys., 17: 753 (1987).
- 167. A. Knobel, J. P. Sinnecker, R. Sate Turteili, H. R. Rechenberg, and R. Grossinger, J. Appl. Phys., 73, No. 10: 6603 (1993).
- 168. M. E. McHenry, M. A. Willard, and D. E. Laughlin, *Progress in Materials Science*, 44: 291 (1999).
- 169. J. Freestone, M. R. J. Gibbs, and P. T. Squire, *J. Appl. Phys.*, **70**, No. 10: 6531 (1991).
- 170. K. Habib, K. Moore, R. Nessler, V. Eling, and C. Wu, *Mater. Character.*, 34: 153 (1995).